

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



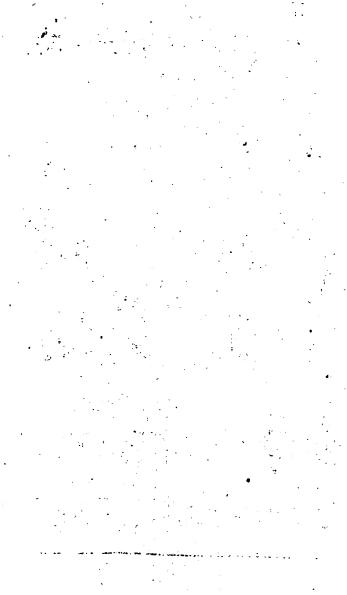




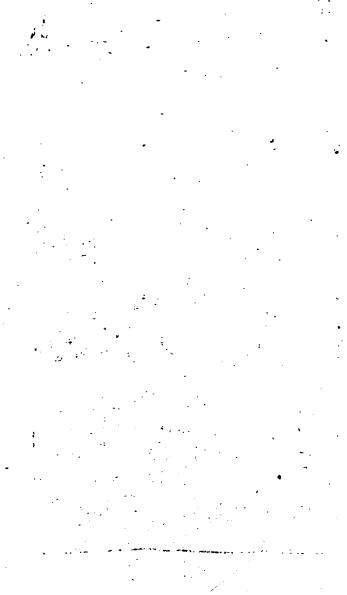














HISTOIRE

L'AC ADEMIE

ROYALE

DES SCIENCES.

Annee M. DCCXXXIII.

Avec les Mémoires de Mathématique & de Physique, pour la même Année.

Tirés des Registres de cette Académie.



A AMSTERDAM;
Chez Pierre Mortier
M. DCCXXXVII.
And Privilege de N. E. de Especial Attelladale de West-Fresh

KSD 208

ز"ر:

. P]

does isz

HARVAGO UNIVERSITY LIBRARY

รื่ง รายเกรียน เพื่อเราะ เกรียน เกรีย

E Staten van Holland en West-Friesland doen te weten, Alzo ons te kennen is gegeven by PIBRES MORTIBE, Burger, en Boekverkoper binnen Amsterdam, hoe dat hy door inkoop aan zig verkregen hadde alle de Exemplaren, Regt van Copye, en Kopere Plaaten, van Historia Academia Regia Scientiarum, Auctore J B. du Hamel, en H. stoire de l'Académie Royale des Sciences, avec les Mémoires de Mathémasique & de Physique, tirés des Registres de cette Académie, com-mencée avec l'année 1699, jusques à présent: Op welke Werken door Ons op den 22 January des Jaars 1706 goetgunftig Octroy was verleent aan wyle Gerard Knyper om dezelve alleen met nytfluyting van alle andere geduurende den tyd van Vyftien Jaaren, in zoo veele Deelen, Taalen, en Formaaten, als hy zoude goed vinden, te mogen drukken, doen drukken, uytgeven en verkopen, met een pænaliteit van Drie hondert Guldens tegens de Overtreeders; En door dien het opgemelde Octroy reets zedert eenigen tyd geëindigt, en hy Suppliant werkelyk bezig zynde de gemelde werken van Historia Academia Regia Scientiarum Auctore J. B. au Hamel, en Histoire de l'Académie Royale des Sciences, avec les Mémoires de Mathématique & de Physique, tirés des Registres de cette Académie, van Jaare tot Jaare, met het drukken te vervolgen, en boven dien te vermeerderen met een Recueil des Machines approuvées par l'Académie Royale des Sciences dont il est parlé dans l'Histoire & dans les Mémoires de cette Académie & autres, avec les Explications de Mrs. de l'Académie Royale des Sciences, enrichies de plus de 200 fig. En con Recueil de tou-tes les Pieces qui ont remporté les Prix proposés par l'Academie Royale des Sciences; benevens cene Table Alphabetique des Matieres contenues dans l'Histoire & les Mémoires de l'Académie Royale des Sciences, publiées dans son ordre; En eindelyk nog alle de Mémoires de Mathématique. de Physique & autres Pieces publiées par l'Académie Royale des Sciences, depuis son commencement jusques à l'année 1698 inclusivement; wel verstaande van het laaft-genoemde maar alleen die Stukken, of Deelen, die tot nog toe in de Provintie van Holland en West Friesland nooyt waren gedrukt geweeft; waar toe hy Suppliant zeer groote koste en moeyte genootzaakt was aan te wenden: En bedugt zynde dat eenige baatzugtige Menschen hem Suppliant in zyn voorneemen mogten willen contrainineren, of alle de voorgemelde Werken in het geheel Hift. 1733.

of ten deele, of onder cenige andere Tituls ofte Naamen na te drukken, docn drukken, en te verkoopen. tot overgroote schade van hem Suppliant; en om daar in te wezen gesecureert, zo keerde den Suppliant hem tot Ons, cormoediglyk verzoekende dat Wy hem Suppliant goergunstig geliefden te verleenen speciaal Octrov en Privilegie, omme alleen geduurende den tyd van vyfrien eerstkomende Jaaren, te mogen drukken, doen drukken, uytgeven en verkopen, Historia Academia Regia Scientiarum, Auctore J. B. du Hamel, en Histoire de l'Académie Royale des Sciences, avec les Mémoires de Mathématique & de Physique tirés des Registres de cette Academie, met alle de nog volgende deelen en flukken; en Recueil des Machines, approuvées par l'Académio Royale des Sciences, dont il est parle dam l'Histoire & Memoires de cette Académie & autres, avec les Explications de Mrs. de l'Académie Royale des Sciences, Enrichies de plus de 200 fig. benevens een Recueil des Pieces qui ont remporté les Prix proposés par Mrs. de l'Acadêmie Royale des Sciences, en een Table Alphabetique des Matieres contenues. dans l'Histoire & les Mémoires de l'Académie Royale des Sciences, publiées dans son ordre; en Eindelyk nog allede Mempires de Mathématique, de Physique, & autres Pieces publices par l'Académie Royale des Sciences, depuis son commencement jusques à l'année 1698 inclusivement; wel vorstaende van her laest-genoemde Werk maer alleen alledie flukken ofte deelen, die tot nog toe, in de Provintie van Holland of West-Friesland nooyt waren gedrukt geweest; alles in zoo veele deelen, Taalen, enformagten als hy Suppliant zoude mogen goet vinden, met speciaal verbod aan alle andere om dezelve Wer-Ken, of eenige van dien in het geheel, of ten deele, of onder andere Tituls of Naamen, na te drukken, te doen na drukken, ofte elders nagedrukt zynde in deze-Provintie in te brengen, te verruylen ofte te verkopen. veel min eenige nyttrekfels van dezelve, van war nasuure, naame, ofte in wat Taale dezelve fouden mogen zyn, te moogen manken, ofte doen maaken, druk-ken of verkoopen, op een Boete van Drie-duysent Guldens, ofte foo veel her ons foude goed dunken tot: meer affchrik, by de Contraventeurs te verbeuren, alfoode Boete van Drie honderd Guldens in voorgaende Octroye van den 22. January 1706, tegens de Overtreders gestipuleerd, niet genoeg zynde om baetzugtige menichen van haar voornemen tot merkelyke ichade van den Suppliant af te schrikken, en de bovengemel-

de Werken voor den Suppliant van de grootlie aangele conthevt zynde. SOO IS 'T, Dat wy de zzake ende het voorfa : verzoek overgemorkt hebbende, ende genegen wezende ter beede van den Suppliant, uyt onle rgte wetenschap, Souvemine mage, ende Authoriteit, den zelven Suppliant geconfenteert, geaccordeart, en geodroyeerr hebben , confenteeren , accorderen , en octroyeeren hem by dezen, du hy geduurende den tyd van vystien eerst agter een volgende Jaaren, de bevengemelde Werken in dier voegen als zulks by den Suppliant is verfogt, en hier woosen uytgedrukt ftaat, binnen den vooriz. Onsen Lande alleen sal mogen Drukken, doen Drukken, Uytgeven, ende Verkopen, verbiedende daeromine allen ende een ygelyken dezelve Werken in 't geheel ofte ten deele, te drukken, naer te drukken, te doen nadrukken te verhandelen of te verkoopen, ofte elders nagedrukt binnen dezelve onzen Lande te brengen, uyt te geven, ofte te verhandelen en verkoopen ; op verbeurte van alle de naargedrukte, ingebragte, verhandelde ofte verkogte Ezemplaaren, ende een Boete van Drie duyfant Guldens daer en boven te verbeuren, te appliceeren een derde part voor den Officier die de Calange doen sal, een derde part voor den Armen des plactie deer het Cafus voorvallen fal, ende het resterende derde part voor den Supplient, en die telkens zo menigmael als dezelve fullen werden anterhaeld. Alles in dien verstaande, dat wy den Suppliant met desen onsen Octroye alleen willende gratificeeren, tot verhoedinge van zyne schaade door het nadrukken van de voorsz. Werken, daer door in geenigen deelen verstaen, den innehouden van dien te authorifeeren ofte te advoueren, ende veel min het zelve onder onse protectie ende bescherminge eenig meerder credit, aansien ofte reputatie te geven, nemaer den Suppliant in cas daer inne iets onbehoorlyks zoude influeren, alle het zelve tot zynen laste zal gehouden wesen te verantwoorden; tot dien synde wel expresselyk begeerende dat by aldien hy defen onlen Octrove voor dezelve Werken fal willen stellen, daer van geene geabrevicerde ofte gecontraheerde mentie sal mogen maaken, nemaer gehouden wesen het zelve Octroy in 't geheel en sonder eenige omissie daer voor te drukken, of te doen drukken; ende dat hy gehouden sal zyneen Exemplaer van de voorfz. Werken op Groot papier, gebonden, en wel geconditioneert, te brengen in de Bibliotheecq van onse Universiteit te Leyden, binnen

den tyd van ses weeken, na dat hy Suppliant de voorse Werken sal hebben beginnen uyt te geven, op een boe te van ses hondert Guldens, na expiratie des voorsz' ses weeken, by den Suppliant te verbeuren ten behoe' ven van de Nederduytse Armen van de plaats alwaa! den Suppliant woont, en voorts op peene van met de daat versteeken te zyn van het effect van deesen Octrove: dat ook den Suppliant, schoon by het ingaan van dit Octroy een Exemplaar gelevert hebbende aan de voorfz. onse Bibliotheecq, by zoo verre hy gedurende den tyd van dit Octroy dezelve werken zoude willen herdrukken met eenige observatien, nooten, vermeerderingen, veranderingen, correction of anders hoe genaemt, of ook in een ander formaat, gehouden sal zyn wederom een ander Exemplaar van defelve werken geconditioneert als vooren, te brengen in de voorsc. Bibliotheecq, binnen den zelven tyd, en op de boete en pænaliteit als vooren. Ende ten einde den Suppliant desen Onsen-Consente ende Octroye mooge genieten als naar hehooren , lasten wy allen ende cenen ygelyken dien het aangaan mag, dat zy den Suppliant van den inhouden van defen doen, laaten, ende gedoogen, rustelyk, vreede-lyk, ende volkomentlyk genieten, ende gebruyken, cesseerende alle belet ter contratie. Gegeven in den Hage, onder Onsen Groote Zegele hier aan doen hangen, op den negentienden December in 't Jaar onses Heeren ende Zaligmaakers, Duysent zeven hondert een en dertig. .

J. G V, BOETZELAER

Ter Ordonnantie van de Staten

WALLEM BUYS.

Aan den Suppliant zyn nevens dit Octroy ter hand gesteld by extract Authenticq, haar Ed: Gr: Mog: Resolution van den 28 Juny 1715 en 30 April 1728, ten einde om sig daar na te reguleeren.

TABLE

POUR

L'HISTOIRE.

PHYSIQUE GENERALE.

CUR les Hauteurs du Barometre	observées
Jur differentes Montagnes.	Page 1
Sur l'Electricité.	
Sur l'Aiman.	18
Sur le volume des Liqueurs mélées.	25
Sur le volume des Liqueurs mêlées. Sur le Soleil vu Ellipsique à environ	10 degrés
de banteur sur l'Horizon.	32
Sur P Aurore Boreale.	33
Observation de Physique générale:	33

ANATOMIE.

Sur la Poissine d'un Enfant nouveau-ne	diffor
me. Sur la maniere d'arrêter les Hémorra	37
viennent après des Membres coupes.	41
Sur un Anevrisme de l'Artere sousclavies te, vuidé par la Bouche.	
Sur an Ver rendu par le Nez.	44

C H I M I E.

Sur le	Tartre	soluble.			54
Sur un	e maniere	de tirer	le Mercure du	Plomb.	27
Hi	t. 1733.	•	*	В	O.

BOTANIQUE.

GEOMETRIE.

59

59

ASTRONOMIE. 📝

Sur la Description du Parallele de Paris, ou de sa Tangente.
Sur le mouvement de l'Etoile Polaire par rapport au Pole du Monde.
Sur les mouvemens des Planetes dans des Epicycles.
Sur la détermination de l'Orbite des Cometes. 93
Sur une nouvelle Méthode pour les Longisudes. 105

MECHANIQUE.

Sur les Charrois, les Traineaux & le Tirage des Chevaux.

Sur le Vaisseau qui éprouvera la moindre résistance de l'Eau.

118

Sur le mouvement d'une Bulle d'Air dans une Liqueur.

Sur la conciliation des deux Règles Astronomiques de Kepler dans le Système des Tourbillons.

127

Machines ou Inventions approuvées par l'Académie en 1733.

Γ A-

TABLE

. 3.

POUR LES

MEMOIRES.

REMARQUES sur un Enfant nouveau né, dont les Bras étoient difformes. Par M. PE-TIT le Médecin. Page I

Premier Mémoire sur l'Electricité. Par M. DU FAY.

Addition qu'il faut faire aux Quarts-de Cercle fixes dans le Méridien. Par M. GODIN. 50

Réflexions sur la hauteur du Barometre, observée sur diverses Montagues. Par M. CAS-SINI.

Reflexions sur le Tirage des Charrettes & des Traineaux. Par M. COUPLET. 67

Second Mémoire sur l'Electricité. Par M. DU FAY. 100

Une Base qui est exposée au choc d'un Fluide étant donnée, trouver l'espece de Conoide dont il faut la couvrir, pour que l'impulsion soit la moindre qu'il est possible? Par M. Bouguer. 118

Observation d'une Hémorragie par la Bouche, qui,

TABLE.

qui, en moins d'une minute qu'elle a duré, a été suivie de la mort du Malade, & dont le Sang venoit immédiatement du tronc de l'artere sousclaviere droite. Par M. MALOET. 153

Sur la figure des Dents des Roues, & des Ailes des Pignons, pour rendre les Horloges plus parfaites. Par M. CAMUS. 165

Description Anatomique d'un Mouton monstrueux.
Par M. MORAND. 197

Observation de l'Eclipse du Soleil faite à l'Observatoire Royal le 13 Mai 1733. Par M. CASSINI.

Observation de l'Eclipse de Soleil, faite à Paris le 13 Mai 1733. Par M. GODIN. 207

Observation de l'Echipse de Soleil du 13 Mai 1733. Par M. GRAND JEAN. 209

Sur la Figure de la Terre, & sur les moyens que l'Astronomie & la Géographie sournissent pour la déterminer. Par M. DE MAUPERTUIS.

211

Essais sur le volume qui résulte de ceux de deux liqueurs mêlées ensemble; ou, savoir si deux liqueurs mêlées ensemble ont un volume égal à la somme des volumes qu'elles avoient prises séparément, ou si elles en out un plus grand ou un plus petit que la somme des deux premiers. Par M. DE REAUMUR. 228

TABLE.

Sur	quelque	es Questions de	Maximis & Minimis.
P	ar M.	CLAIRAUT.	258

- Observation de l'Eclipse de Lune, du 28 Mai 1733. Par M. GODIN. 271
- Histoire de la Carpe. Par M. PETIT le Médecin. 274
- Méthode prutique de tracer sur Terre un Parallele par un degré de latitude donné; & du rapport du même Parallele dans le Sphéroide oblong, & dans le Sphéroide applati. Par M. GODIN.
- Troisieme Memoire sur l'Eledricité. Par M. DU Fay. 327
- Sur le mouvement d'une Bulle d'Air qui s'éleve dans une liqueur. Par M. DE MAUPER-TUIS. 357
- Sur les différentes manieres de rendre le Fartre foluble. Seconde Parsie, Par Mr. Du HA-MEL & GROSSE. 364
 - Méthode générale pour déterminer la neure des Courbes formées par la Soction des Solides quelconques. Par M. PITOT. 381
 - Esablissement d'un nouveau Genre de Plante, que nous nommerons BICUCULLATA CA-NADENSIS, RADICE TUBEROSA SQUAMMATA. Par M. MARCHANT. 390

Des

T A B L E.

Des apparences	du mouvement des Planetes	dans
un Épicycle.	Par M. Godin.	396

Description d'un Instrument qui peut servir à déterminer, sur la surface de la Terre, tous les points d'un Cercle parallele à l'Equateur. Par M. DE LA CONDAMINE. 408

Les Loix Astronomiques des vîtesses des Planetes dans leurs Orbes, expliquées méchaniquement dans le Système du Plein. Par M. l'Abbé DE MOLIERES. 419

Recherche sur le Plomb. Par M. GROSSE. 435

Observation du Soleil vu Elliptique à environ 10 degrés de bauteur sur l'horizon, le 28 Juin 1733. Par M. DE MAIRAN, 457

De la détermination de l'Orbite des Cometes.
Par M. BOUGUER. 460

Examen des canses qui ont altéré l'eau de la Seine, pendant la secheresse de l'année 1731. Par M. DE JUSSIEU. 488

Méshode très simple pour calculer la premiere Equation des Planetes. Par M. PITOT. 502

Remarques sur les Monstres, à l'occasion d'une Fille de douze ans, au corps de laquelle étone attachée la moitié inférieure d'un autre corps; & à l'occasion d'un l'aon à deux Têtes, dissequé par ordre du Roi. Avec des observations

TABLE.

sions sur les marques de nasssauce. Premiere Partie. Par M. Winslow. 508

De la Carte de la France, & de la Perpendiculaire à la Méridienne de Paris. Par M. CASSINI. 541

Détermination géométrique de la Perpendiculaire à la Méridienne tracée par M. Cassini; avec plusieurs Méthodes d'en tirer la grandeur & la signe de la Terre. Par M. CLAIRAUT. 564

Observations du Thermometre, faites par M. Cossigny Correspondant de l'Académie, à PIsse de Bourbon, à l'Isse de France, à Madagascar, & dans la route depuis l'Orient susqu'à ces Isses, pendant l'année 1732, & partie de l'année 1733. Comparées avec les Observations du Thermometre faites à Paris pendant le même tems. Par M. DE REAUMUR.

Du mouvement apparent de l'Étoile Polaire vers le Pole du Monde, & des Etoiles qui ont été on peuvent être plus proche de ce pole; avecdes Réflexions sur la description qu'Endoxus a faite des Étoiles fixes, rapportée par Hipparque Bithynien. Par M. MARALDI. 591

Nouvelle Maniere d'observer en Mer la Déclinaison de l'Asquille aimantée. Par M. DE LA CONDAMINE. 602

TABLE.

Journal d'Observations des Aurores Boréales, qui out été vues à Paris, on ann environs, dans le cours des années 1732 & 1733. Avec plussieurs Observations de la Lumiere Zodiacale, dans les mêmes années. Par M. DE MAIRAN.

Observations Mésovologiques faites à Béziers, depuis le commencement de 1725, jusqu'à la fin de 1733. Communiquées à l'Académie Par M. DE MAIRAN. 675

Observations Météorologiques faites pendant l'année 1733. Par M. MARALDI. 684

Mémoire où Pon donne les raisons pourquoi les Chevann ne vomissent point. Par M. L. A-MORIER, de la Société Royale de Montpellier. 687



HISTOIRE

DE

L'ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES,

Année M. DCCXXXIII.

PHYSIQUE GENERALE.

SUR LES HAUTEURS DU BAROMETRE.

observées sur différentes Montagnes. *

Ous supposons tout ce qui a été dit sur ce sujet en 1703 † à 1705 ‡. Le Barometre porté sur une Montagne y baisse d'autant plus que la Montagne est plus haute.

Si l'on imagine que la Colonne d'Air qui foutient 28 pouces de Mercure quand le Barometre est au niveau de la Mer, soit divisée dans toute son étendue en toutes ses parties, telles que chacune soutienne une ligne de Mercure, il est certain que toutes ces parties seront inégales & croissantes en longueur, depuis la premiere qui sera au niveau de la Mer, & la moins longue de toutes,

* v.les M.p. 55. † p. 13. & suiv. ‡ p. 12. & suiv. Hist. 1733. parce qu'elle sera chargée de tout leur poids, & par conséquent plus condensée qu'aucune autre. Il étoit fort naturel de penser, comme a fait M. Mariotte, que les differentes condensations, ou ce qui est la même chose renversée, les longueurs de ces parties étoient proportionnelles aux poids qui les chargeoient; & nous avons vu en 1705 que cela s'est toujours trouvé vrai, tant qu'on a fait les expériences sur de l'Air enfermé dans des Tubes, mais non pas sur l'Air libre, tel que celui qui pese sur le Barometre, & qui compose notre Atmosphere. C'est lui dont on voudroit la hauteur par la progression de M. Mariotte, qui la donneroit bien vîte; mais c'est justement lui qui se dérobe à cette Règle.

Onand l'Académie travailla en 1700 à la prolongation de la Méridienne de Paris vers le Midi, on ne manqua pas d'observer les hauteurs, ou plutôt les descentes du Barometre sur des Montagnes dont on connoissoit par des opérations géométriques l'élévation au dessus du niveau de la Mer. Par-là on vovoit quelle étoit la descente du Mercure pour une certaine hauteur connue de la Montagne, hauteur qui étoit la même que la longueur dont la Colonne totale d'Air étoit diminuée. Autant d'expériences de cette espece, c'étoient autant de points de division déterminés dans cette Colonne totale d'Air, autant de points dont la raréfaction par rapport à celle de la partie la plus basse étoit connue. Mais on n'avoit pas encore un affez grand nombre de ces expériences, & il est visible qu'on n'en peut avoir trop.

Maintenant on en a davantage, graces à M. de Plantade, de la Société Royale de Montpellier, Avocat général de la Cour des Aides de cette Ville, qui en travaillant à une Carte du Lauguedoc, a mesuré actuellement un grand nombre de Montagnes, tant de celles qui l'avoient déja été dans le travail de la Méridienne, & qu'il a vérisées, que de plusieurs autres qui n'étoient pas comprises dans ce travail; ensuite il a eu la curiosité de porter des Barometres sur leurs sommets, malgré la difficulté de ce transport souvent répété, & malgré le froid extrême qu'il avoit à essuyer dans ces lieux-la au mois d'Août.

Il a communiqué ses observations à M. Cassini, qui en a tiré que la progression des raréfactions des différentes parties d'une Colonne d'Air suivoit certainement un plus grand rapport que celui des differens poids. Cependant, comme on ne peut guere imaginer d'autre principe de l'inégale raréfaction ou densité que ces poids, il a voulu voir si le rapport de leurs quarrés ne réusfiroit point mieux à représenter les observations de M. de Plantade; il y réussit mieux en esset, mais non pas parsaitement, il est encore au dessous, c'est-à-dire, que les raréfactions de l'Air sont plus grandes que selon les quarrés des poids. La hauteur de l'Atmosphere seroit par la de plus de 500 lieues, & il faut qu'elle aille bien au - delà, puisque la raison des quarrés n'est pas assez grande. M. de Mairan ne pouvoit guere esperer une plus heureuse confirmation A 2 ·

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

de son Système de l'Aurore Boréale rapporté en 1732 *.

Dans le nombre des Montagnes qui ont été mesurées, & où le Barometre a été observé, M. Cassini y fait entrer le Pic de Ténérisse, la plus haute de toutes, & dont on doit la mesure & les observations au P. Feuillée. Elle est de 2213 toises de hauteur sur le niveau de la Mer, c'est-à-dire, d'une lieue à peu près, & le Mercure y baissa de 20 pouc. 7 lignes. Pour le sujet dont il s'agit, on ne peut avoir de trop hautes Montagnes. M. Scheuchzer qui a observé le Barometre sur le Mont S. Gothard, où il a baissé de 7 pouces, a cru qu'ilétoit plus haut que le reste des Alpes, ce qui peut bien être vrai; mais il n'est pas la plus haute Montagne de l'Europe, puisque dans les Pirénées le Mercure baisse de 7 pouc. 8 lign. sur le Canigou. Il a 1441 toises de hauteur.

En prenant les élévations ou abaissemens du Mercure par rapport au niveau de la Mer, ce qui suppose que le Barometre ait été observé dans quelque lieu bas dont l'élévation au dessus de la Mer soit connue, M. Cassini a eu attention dans les expériences faites en Languedoc ou en Roussillon, que cette Mer, dont le niveau étoit la base de tout, sût la Mer la plus proche, la Méditerranée, & non pas l'Océan, auquel on est pu aussi rapporter tout. Il se peut faire absolument que l'Océan & la Méditerranée ne soient pas de la même hauteur par rapport au centre de la

Terre, parce que les eaux de ces deux Mers ne seront pas exactement de la même pesan-

teur spécifique.

Il est à remarquer que M. de Plantade. qui avoit porté pour ses expériences des Tuyaux de différens diametres, a vu que quand il étoit à une hauteur qui n'excédoit pas 100 toises, le Mercure se tenoit plus bas dans les Tuyaux étroits, & qu'à une plus grande hauteur il étoit de niveau dans tous. Cette observation a été invariable sur 16 Montagnes. Cela auroit-il quelque liaison avec la propriété connue du Mercure, de se tenir, au contraire de l'Eau, toujours plus bas que le niveau dans les Tuyaux capillaires?

<u> කයයෙයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයයය</u>

SUR L'ELECTRICITE.*

U N petit phénomene de Physique, qui se présente rarement, & qu'on ne daigne presque pas observer, parce qu'il ne paroît conduire à rien, a commencé depuis un tems à devenir plus considérable, grace aux yeux savans qui l'ont regardé de plus près: & aujourd'hui il est si étendu & si important, qu'on ne sait plus où cela s'arrêtera. On a su de tems immémorial que l'Ambre jaune, après avoir été frotté dans sa surface. attiroit des brins de Paille & quelques autres corps légers posés à une petite distance; &

W. les M. p. 31. 100, 327. & 617.

cette vertu a été nommée Electricité, du nom: Latin ou Grec de l'Ambre. Gilbert, Philofophe Anglois, qui a si bien traité de l'Aiman. a été le premier, que l'on sache, qui a plus curieusement observé l'Electricité, à cause du rapport qu'elle sembloit avoir à son sujet principal. Ensuite Guericke de Magdebourg, Boyle, l'Académie de Florence, Hauksbee & M. Gray de la Société Royale de Londres,. ont les uns après les autres, & dans l'ordre qu'on les nomme ici, étudié cette matiere, en y ajoutant toujours de nouvelles connoilfances; & l'on voit combien les Anglois dominent dans cette petite Troupe. Enfin M. du Fav est venu le dernier, qui a profité des travaux de ses prédécesseurs, les a ou vérifiés en les répétant, ou rendus plus faciles. à imiter, en a fait des combinaisons qu'ils n'avoient pas faites, & a pénétré encore plus avant dans la nature de l'Electricité, ainsi qu'il y étoit obligé par n'être venu qu'après eux.

Il donne lui même l'histoire, & de tout ce qu'il a précédé, & de tout ce qu'il a fait; le détail d'un fort grand nombre d'expériences, finement imaginées, leur succession même, ou la maniere dont elles se produisent les unes les autres, & dont des vues bien prises ouvrent d'autres vues; tout cela est curieux, agréable, instructif, mais fort aisé à entendre, & il seroit absolument inutile d'en rien répéter ici. Il suffira donc que nous en détachions tous les résultats de connois fances, afin que l'on voye rassemblé sous un coup d'œil tout ce que l'on a appris jusqu'à.

pre-

présent sur l'Electricité par les differens moyens

dont on s'est servi.

L'Ambre, le Jayet, la Cire d'Espagne, peut être encore quelques autres corps pareils, étoient les seuls que l'on connût pour électriques: aujourd'hui ils le sont tous, pourvu qu'ils puissent être frottés avec assez de force. Il n'y a d'exception que pour les Métaux; & peut-être cette exception cessera. Nous avons vu en 1730 * que par les observations de M. du Fay presque tout étoit devenu Phosphore, & c'est lui aussi qui a si prodigieusement augmenté le nombre des corps électriques. Il est clair que les liqueurs, puisqu'elles ne peuvent pas être frottées, ne sont pas susceptibles de l'électricité. La stamme ne l'est pas non plus.

Les corps chauffés avant le frottement en font plus électriques, & quelques corps qui par le frottement seul n'acquerroient pas une électricité sensible, l'acquerront s'ils ont été auparavant échauffés. On voit assez par la qu'autour du corps devenu électrique il se forme un Tourbillon de matiere très déliée & agitée, qui a la force de pousser vers ce corps des corps légers peu éloignés, & compris

dans sa Sphere d'activité.

Il y a plus que de la conjecture pour ce Tourbillon. Si l'on s'approche du visage un corps rendu bien électrique, on sent un petit frémissement, comme si on étoit frappé d'une toile d'Araignée.

La vertu électrique se perd en peu de tems.

Le Tourbillon se dissipe.

A 4

Les

Les corps devenus électriques, tels que le Verre, qui est un de ceux qui le deviennent le mieux, jettent de la lumiere dans l'obscurité.

Tout corps devenu électrique communique sa vertu à un autre corps qu'il touche, ou seulement qu'on en approche suffisamment, même aux Métaux qui ne peuvent pas devenir électriques par enx mêmes, c'està-dire, étant chauffés & frottés. Il n'y a que le Fer qui s'aimante, mais tout s'elettrise, & même les liqueurs. De l'eau, dont on a suffifamment approché un Tube de verre rendu électrique, attire des brins de fil, des cheveux. La main de celui qui fait ces expériences s'électrise. Il faut que le Tourbillon du corps électrique par lui-même aille s'attacher à celui qui le devient par communication, ou plutôt se partage entre les deux.

Les corps les moins électriques par euxmêmes, sont ceux qui le deviennent le mieux

par communication.

Les corps électriques par eux-mêmes peuvent l'être aussi par communication. & nele font alors que par-là, puisqu'ils n'ont été ni frottés, ni chauffés & frottés.

Les corps électriques, soit par eux-mêmes, foit par communication, ont cette vertu à differens degrés, felon leur differente nature. Il est visible qu'un plus grand degré de cette vertu consiste à attirer un corps. moins léger, ou à l'attirer de plus loin, ou plus vîte.

Un corps qui seroit par lui-même des plus electriques, mais que l'on ne veut rendre

élec-

électrique que par communication, ne le devient pas si bien à beaucoup près, quand pour en approcher, ou pour lui faire toucher le corps qui l'électrisera, on l'a posé sur un soutien dont la matiere est très électrique par elle-même, comme du Verre, que si on l'avoit mis sur un autre soutien d'une matiere peu électrique, comme du bois. Que l'on approche un Tube de verre bien frotté d'un morceau d'Ambre posé sur un soutien de verre, le Tourbillon électrique du Tube se partage trop entre le morceau d'Ambre & le soutien de verre, qui ont une égale facilité à le recevoir, & par conséquent l'Ambre en prend moins de vertu que s'il avoit été sur du bois, ou du métal.

Les differentes couleurs naturelles ou artificielles des corps ne font rien par elles-mêmes à l'électricité, quoiqu'un habile Observateur l'ait cru sur des apparences assez fortes. Ce qui peut y apporter quelque variété, ce sont les differens ingrédiens dont les cou-

leurs artificielles sont composées.

Si entre un corps électrique & celui qui en doit être attiré, on interpose un autre corps, il empéchera ou n'empêchera pas l'attraction, selon la nature dont il sera. Il l'empêchera, s'il n'est pas d'une nature fort électrique par lui-même, s'il est de bois ou de métal; il prendra la vertu pour lui, & ne lui permettra pas de passer outre. Au contraire, s'il est fort électrique, & à proportion qu'il le sera, il absorbera moins de la vertu électrique, & la laissera mieux passer.

Les corps qui étant ainsi interposés pren-A 5 nent nent ou absorbent le plus de la vertu électrique, ou, comme on vient de le voir, ceux qui sont les moins électriques par euxmêmes, sont les plus propres à être fortement attirés. De petites parcelles de bois le seront plus que des parcelles de verre d'un poids égal.

Un corps rendu électrique, comme un Tube de verre, qui communique sa vertu à un corps peu éloigné, la lui communiquera encore malgré un plus grand éloignement, si l'intervalle qui sera entre eux est rempli. par quelque corps continu, comme une baguette, une corde. On attachera, par exemple, une corde à l'extrémité du Tube de verre, & à l'autre extrémité on suspendra un corps, & on verra qu'il sera devenu très sensiblement électrique. La vertu se dissipe bien vîte, quand pour aller du corps électrique à celui qui doit s'électrifer, il faut qu'elle traverse un vuide, c'est-à-dire, un espace qui n'est rempli que d'air; elle a besoin pour un grand trajet d'être conduite le long d'un corps « continu, auquel il semble qu'elle s'accroche de peur de se disperser.

La distance, à laquelle se peut transmettre cette vertu ainsi conduite, est presque incroyable. Qu'elle aille jusqu'au bout d'une allée de Jardin longue de 300 pieds, ce n'est rien; on n'a qu'à replier la corde, & la faire passer dans une autre allée de même longueur, la vertu se transmet encore; & ensin, en repliant de nouveau la corde, on l'a vue aller jusqu'à 1256 pieds, où M. du Fay l'a abandonnée par lassitude, quoiqu'elle saten-

core

core assez sensible pour devoiraller plus loin. Le plus grand Vent ne détourne point ce prodigieux écoulement, mais l'air humide nuit

beaucoup à l'électricité.

Les corps qui sont le plus facilement attirés, ou les moins électriques par eux-mêmes, sont les plus propres à transmettre au loin la vertu électrique. Par cette raison, dans les expériences dont on vient de parler, une corde ordinaire vaut beaucoup mieux qu'une de soye, & même il est bon de la mouiller, parce que l'eau n'est que très peu électrique.

Une expérience inventée par M. Gray a dû être un spectacle nouveau, & frappant. Un Enfant étant suspendu horizontalement par des cordes attachées au plancher, si on approche de se pieds le Tube de verre bien frotté, sa tête s'électrise; & ce sont ses pieds, si on a approché le Tube de la tête. M. du Fay a répété l'expérience, mais elle ne lui a réussi qu'en suspendant l'Enfant avec des cordes de soye; ce qui vient maniséstement de ce que la corde peu électrique par ellemême, comme on l'a dit, portoit la vertu trop loin, & jusqu'au plancher, au-lieu que la Soye plus électrique, la tenoit plus ramassée autour de l'Enfant.

Une Botte de paille, un Fagot, mis à la place de l'Enfant, s'électrifent de même. Il faut que la matiere du Tourbillon soit abondante pour embrasser de si gros volumes, & non seulement elle embrasse les surfaces, mais elle pénetre, du moins jusqu'à un certain point, dans l'intérieur, puisque tous les petits.

tits brins ou de paille ou de bois se trouvent électrisés.

Mais voici le plus surprenant, dont nous avons pourtant donné déja quelque léger commencement. M. du Fay, suspendu horizontalement, ayant été électrisé, si quelque autre approchoit sa main ou de son visage, ou de sa main, ils sentoient tous les deux une petite douleur, un petit frémissement sur la peau, comme si un trait qui se feroit détaché de la peau de l'un, en la secouant un peu, étoit allé piquer l'autre. Il y a plus; si l'on passoit la main sur un endroit habillé, l'effet étoit le même pour les deux. Acteurs de l'expérience, la vertu électrique n'agissoit pas moins au travers des habits.

Jusqu'ici, pour démêler davantage les idées. nous n'avons parlé que de l'attraction des corps rendus électriques par le frottement; mais ils ont aussi une vertu de répulsion qu'ils exercent sur les mêmes corps qu'on leur a fait toucher, ou qu'on en a approchés d'assez. près. Ils les attirent d'abord & se les attachent, & puis les repoussent loin d'eux avec la même force dont ils les avoient attirés. Une petite feuille d'or très légere qu'on laisse tomber sur un Tube de verre bien frotté & posé horizontalement, & qui le touche d'ordinaire par sa tranche, parce que c'est ainsi qu'elle a fendu l'air plus facilement en tombant, se colle pour un moment au Tube fur lequel elle se tient dans une position verticale ou à peu près; mais dans le moment fuivant elle s'élance en l'air d'un mouvement très vif. & s'éleve à la hauteur de 8 ou 10 pou-

nes

pouces, où elle se tient presque immobile. Si on éleve le Tube vers elle, elle le fuit. à s'éleve de la même quantité; elle descend de même si on abaisse le Tube, & cela du-re tant que le Tube conserve sa vertu, à moins que l'on ne s'avise de toucher à la feuille suspendue en l'air, car aussi-tôt elle retombe sur le Tube, qui le moment d'après la renvoye à la même hauteur, s'il n'a encore rien perdu de la force. Ici le Tourbilton se rend plus sensible que dans tout ce qui: avoit encore été dit. Le Tube en avoit un qui a envelopé la feuille, & l'a attirée; mais d'une partie de la matiere de celui-là, il s'en: est formé un nouveau autour de la feuille. puisqu'elle a certainement pris la vertu électrique; & ces deux Tourbillons une fois formés, il est aisé de concevoir que tendant tous deux à s'étendre en sens contraires, ils se font arc-boutés l'un contre l'autre, ayant pour point d'appui commun le Tube de verre beaucoup moins mobile que la feuille d'or. & le Tourbillon du Tube plus puissant, comme il doit l'être, a repoussé celui de la feuille. & a fait remonter la feuille à une hauteur proportionnée à la supériorité de force. Si l'on touche à la feuille suspendue en l'air, le doigt ou tout autre corps qui la touche s'électrife, & lui enleve ou du moins affoiblit & dérange beaucoup son petit Tourbillon. Des effets si délicats sont aisément troublés. Cette hypothese se trouvera conforme à toutes les expériences de M. du Fay, qui le premier a observé attentivement les phénome-A 7

14 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

nes de la répulsion, & en a découvert les-

plus finguliers.

Nous avons toujours supposé qu'à un corps. rendu électrique, à un Tube de verre bien frotté, on présentoit un corps d'un poids &d'un volume convenable, mais non pas rendu électrique, comme le premier; alors il y a attraction, ensuite répulsion. Mais si le fecond corps a été aussi rendu électrique, le : cas est très different, il n'y a plus qu'attraction, ou que répulsion; le Tube de verre: attirera toujours certains corps, & en repousfera toujours d'autres, & cela, comme on peut bien juger, dans les mêmes circonstances. Cette bizarrerie apparente, & tout-àfait imprévue, parce qu'aucun des autres. Observateurs n'en avoit rien apperçu, ni soupconné, embarrassa beaucoup & assez longtems M. du Fay, qui enfin à force d'expériences & de réflexions démêla une Règle cachée, & cette Règle est elle-même surprenante & un paradoxe nouveau. Il y a deux fortes d'électricités qui appartiennent à deux especes de matieres differentes, & qui ne se peuvent encore déterminer que par-là. L'une est celle du Verre, du Crystal, des Pierres précieuses, &c. l'autre celle de l'Ambre, du Jayet, de la Gomme Copal, &c. Si au Tube de verre rendu électrique, on présente un corps qui le soit devenu par le contact ou par l'approche de l'Ambre, ou tout autre corps qui aura contracté cette 2de électricité, ce corps sera sûrement attiré par le Tube; & au contraire un corps qui aura contracté par le Verre la 11º électricité sera repoussé par ce. ce même Tube de verre. Il en ira de même fi un morceau d'Ambre ou de Gomme Copal rendus électriques sont les corps auxquels on présente des corps qui auront contracté l'une ou l'autre électricité; ceux qui auront pris celle du Verre seront attirés, & ceux qui auront pris celle de l'Ambre repoussés. Les électricités de même espece paroissent ennemies, & celles de differente espece amies. M. du Fay appelle la 1^{re} virrée, & la 2^{de} ré-lineuse.

Ce n'est pas que tous les corps, car tous sans exception peuvent devenir électriques ou par eux-mêmes ou par communication, soient de la nature ou du Verre ou de la Résine, il s'en faut infiniment; mais comme il n'y a rien de plus opposé à l'attraction que la répulsion, & à la répulsion que l'attraction, il faut nécessairement que tout corps, quelque different qu'il puisse être ou du Verre ou de la Résine, ait pris dans les circonstances requises l'électricité ou vitrée ou résineuse.

Puisque toute électricité se perd en peu de tems, un corps qui par le contact ou l'approche d'un autre corps aura pris l'une des deux électricités, & l'aura perdue, n'en sera pas moins propre à prendre ensuite l'autre. Mais un corps électrique par lui-même, c'estadire, par le frottement, & non par communication, n'a déterminément que l'une ou l'autre électricité, & c'est-là son électricité naturelle.

Pour juger de quelle espece elle est, il ne faut que présenter à ce corps quelconque un

autre corps rendu électrique par le Verre; si ce 2d corps est attiré, le 1er a l'électricité résineuse par lui-même. & il a au contraire la vitrée, si le 2^d corps est repoussé. Ce seroit la même chose renversée, si le 24 corps avoit été rendu électrique par l'Ambre.

Les deux électricités opposées doivent avoir deux Tourbillons de differente nature, on le juge aisément & surement par les effets. Qu'un corps rendu électrique par le frottement seul, & qui a par conséquent son électricité naturelle déterminée, la communique à un autre corps qui n'en a aucune, & l'attire, on voit assez évidemment qu'il lui fait un Tourbillon d'une partie de celui qu'il avoit, & que les deux Tourbillons, le grand & le petit, s'accordent à un même mouvement, ce qui fait l'attraction. Mais que dans le cas où le 2d corps se présente déja pourvu d'un Tourbillon de la même nature que celui du 1er, semblable à celui qu'il auroit pris du 1er s'il n'en avoit pas eu, il se fasse une répulsion, c'est ce qu'on n'auroit pas deviné, & ce qu'il n'est pas si aisé de concevoir. Cependant il est très possible que deux Tourbillons ne soient pas disposés à s'unir & à se confondre, parce qu'ils seront de même nature, & qu'ils se confondroient s'ils étoient d'une nature differente. De l'eau qui certainement augmentera toujours le volume d'une autre eas, ne se confond point avec elle, comme fait une autre matiere pulvérisée, qui mêlée avec la même eau n'en augmente point le volume. Cela suffit pour donner quelque idée: idée de la contrariété des Tourbillons causée

par l'homogénéité même.

En appliquant la Règle que M. du Fay a établie pour reconnoître les deux differentes électricités, il se trouve que la Soye, la Toile, le Papier, ont par eux-mêmes l'électricité résneuse; & que la Laine, les Plumes, le dos d'un Chat vivant, ont l'électricité vitrée. On voit par ce petit nombre d'exemples, qu'une même électricité n'appartient pas constamment soit aux matieres végétales, soit aux snimales. Un plus grand nombre d'expériences brouillera encore plus les especes, & peut-ètre à la longue éclaircira le tout.

L'électricité naturelle d'un corps est toujours de la même espece, quel que soit le corps dant le frottement l'a rendu électrique. Seulement sa vertu sera augmentée ou diminuée selon le corps dont on se sera servi pour le frottement; augmentée, si ce corps a la même électricité naturelle; diminuée, si c'est le contraire.

L'électricité vitrée paroît jusqu'à présent plus forte que la résineuse, mais il n'est pas encore tems d'entrer dans ces discussions. On voit assez combien il en reste à faire, & combien un sujet, que l'on croyoit si léger, & qu'on étudioit si peu, prépare aux Physi-

කියා වර්ගත් කියාවරුවෙන් වෙන්වරුවෙන් : කරුගත් වෙන්වෙන්ම **ක**ිත

SUR L'AIMAN.

T le confentement unanime des Philosophes suffisoit pour établir quelque chose en Phylique, il seroit bien sur que la matiere Magnétique traverse l'Aiman, le Fer & l'Acier avec plus de facilité que tous les autres corps, & qu'elle forme autour de l'Aiman un Tourbillon, qui tout au moins est simple, c'est-à dire, tel que cette matiere n'entre que par un Pole de l'Aiman, & ne sort que par l'opposé. Nous avons expliqué cette der-niere hypothese d'après M. du Fay en 1728 & 1730 *. Mais les Philosophes eux mêmes trouvent bon que leur consentement n'établisse rien, & ils sont les premiers à renverser tout ce qui n'est pas inébranlable. M. de Reaumur avoit déja marqué des doutes sur le premier des deux points que nous venons de rapporter, M. le Monnier en avoit eu aussi, il s'y est confirmé par des expériences, & il a vu en même tems que le second point pouvoit être attaqué. Nous ne rapporterons que les principales de ces expériences: ou elles conclurront affez, ou elles mettront affez fur la voye ceux qui voudront aller plus loin.

Tout le monde sait que quand on a semé au hazard de la limaille de Fer sur une seuille de papier, sur un Carton, sur une Glace, enfin sur un corps assez mince que ce soit,

^{*} p. 1. & fuiv. † p. 1. & fuive

si on approche de ce corps en dessous une Pierre d'Aiman, toute la limaille se met en mouvement, & s'arrange sur le Papier ou le Carton, &c. selon certaines Courbes, qui paroissent les traces visibles des écoulemens de la matiere magnétique sortie de l'Aiman. On aide un peu la formation de ces Courbes, en secouant ségerement & adroitement le Carton, qui sans cela pourroit par le frottement de ses parties contre celles de la limaille en arrêter ou en détourner un peu le mouvement naturel. C'est une précaution qu'il faut supposer ici que l'on a toujours prise.

M. le Monnier ayant fait cette expérience

M. le Monnier ayant fait cette expérience avec ce seul changement, qu'au-lieu du Carton dont on se sert d'ordinaire, il se servoit d'une seuille de Tole, a toujours vu que la limaille jettée dessus demeuroit presque immobile, & ne prenoit point, ou ne prenoit que difficilement & très imparfaitement les sormes de Courbes qu'elle a coutume de prendre. Qui pouvoit l'en empêcher que la Tole interposée entre elle & l'Aiman, & qui n'étoit pas traversée par la matiere magnétique émanée de l'Aiman, comme l'auroit été un Carton ou tout autre corps? Or la Tole n'est que du Fer. La matiere magnétique le traverse donc plus difficilement que tout autre corps, & il en sera de même de l'Acier, & de l'Aiman même, qui sont des Fers plus parfaits.

Comme on pourroit soupçonner au contraire que la Tole n'arrête la matiere magnétique, & ne l'empêche d'aller jusqu'à la limaille que parce qu'elle lui donne dans toute fa substance des passages plus libres, M. le Monnier répond qu'en ce cas-là elle seroit obligée de sortir en abondance par toutes les extrémités de la Tole, & de se porter à la limaille; & pour voir si cela étoit, il a mis sur la Tole une feuille de papier qui la débordoit de tous côtés de 3 ou 4 pouces, & a semé la limaille sur ce papier. Celle qui étoit sur les endroits qui débordoient auroit donc reçu la matiere magnétique sortie des extrémités de la Tole; mais cette portion de la limaille ne sur pas plus agitée que le reste, & par conséquent ne reçut pas plus de matiere magnétique.

De-là M. le Monnier conjecture que ce qui rend un Aiman armé plus fort que s'il étoit nud, c'est que le Fer de l'armure s'oppose à la dissipation de la matiere magnétique qui sortiroit de l'Aiman, & l'y tient toute réunie.

Il a fait une fente en ligne droite au milieu d'un Carton, & y a fait passer un morceau de Tole perpendiculairement au Carton, & de sorte qu'une moitié étoit au dessus, l'autre au-dessous. Avant semé de la limaille sur le Carton dans les deux angles supérieurs qu'il faisoit avec la Tole, il mit une Pierre d'Aiman dans un des angles inférieurs. & il vit que de toute la limaille semée dans les deux angles supérieurs, celle qui étoit contenue dans un angle prenoit l'arrangement ordinaire & attendu, celle de l'autre angle n'en prenoit aucun, ou presque aucun. La premiere étoit celle où la matiere magnétique pouvoit arriver en ne traversant que le Carton; la seconde, celle oh elle n'est pu arriver qu'en

qu'en traversant de plus la Tole, ce qu'il est nès facile de se représenter. Il importoit peu que la Pierre d'Aiman fût posée par rapport au Carton, de maniere que son axe lui fût perpendiculaire, ou qu'il fût parallele à la commune section du Carton & de la Tole; feulement dans la premiere position pouvoiton foupconner que la limaille prenoit quelque foible arrangement.

Une Pierre d'Aiman qui soutient quatre fois plus pesant de Fer qu'elle, & qui à la distance de 20 pouces, agit encore sensiblement sur une Aiguille aimantée, n'yagit plus à la distance de 3 pouc. ou environ, si l'on interpose trois plaques de fonte mises les

unes contre les autres.

Lorsque la Pierre d'Aiman que l'on met fous le Carton-où l'on a semé la limaille, lui fait prendre son arrangement, on remarque deux Vuides formés aux endroits qui répondent aux deux Poles de la Pierre. On conçoit communément que ces Vuides viennent de ce que la matiere magnétique sortie en plus grande abondance par les Poles de l'Aiman a chassé d'abord la limaille des endroits qui y répondoient, pour lui faire prendre ensuite le cours qu'elle prend elle-même, ce qui n'empêche pas qu'elle ne la pénetre en même tems. M. le Monnier croit, au contraire, qu'elle la chasse, parce qu'elle ne la pénetre pas, & même que les Vuides ou es-peces de Sillons qui sont entre les Courbes formées par la limaille, sont les véritables routes de la matiere magnétique qui ne fait qu'écarter la limaille de part & d'autre. Mais en laissant ce point indécis, qui effectivement peut l'être, l'expérience tournée un peu differemment, prouvera que la matiere magnétique ne pénetre pas l'Aiman avec la facilité

que l'on croit.

M. le Monnier a mis sous le Carton deux Aimans dont les Poles de different nom étoient voisins. En ce cas là, selon le Systême commun, les deux Tourbillons magnétiques doivent s'être réunis en un seul, & par conféquent il ne se formera sur la limaille du Carton que deux Vuides répondans à deux Poles. Mais le fait est qu'il se forme toujours quatre Vuides; marque que les deux Tourbillons ne se sont pas consondus, & que la matiere magnétique n'a pas passé d'un Aiman dans l'autre.

1 Cette expérience ne prouve pas seulement que la matiere magnétique n'entre pas dans une Pierre d'Aiman avec facilité, mais encore qu'elle ne se meut pas autour de ces Pierres en Tourbillon; car s'il y avoit eu ici deux Tourbillons, tout étoit bien disposé pour les confondre en un. Mais voici des expériences encore plus fortes contre ce mouvement.

quoique si vrai-semblable, & si reçu.

Certainement s'il y a un Tourbillon, il s'étend bien à 2 ou 3 lignes de la Pierre. Cependant, que l'on aimante une Aiguille de Boussole, en la faisant couler à l'ordinaire fous la Pierre, & en même tems en lui faisant toucher les deux boutons de l'armure. ou en la tenant éloignée de ces boutons de 2 ou 3 lignes seulement, elle prendra dans les deux cas deux directions diamétralement

com-

opposées, tout le reste ayant été parfaitement égal; la même extrémité de l'Aiguille qui se tournoit au Nord se tournera au Sud. M. le Monnier l'a vu avec étonnement, & en a répété l'expérience plus de sois, & avec

plus de foin.

Dans l'hypothese du Tourbillon, on concoit que la matiere magnétique sortie par un Pole, & on juge que c'est l'Austral, rentre par le Boréal, de sorte qu'à sa sortie par le Sud, elle se partage à droite & à gauche, vers l'Orient & vers l'Occident, si l'on veut, qui seront les deux extrémités de l'Equateur de la Pierre, & de là, tant par sa branche Orientale que par l'Occidentale, va gagner le Nord de la Pierre où elle rentre en rassemblant ses deux branches. Par conséquent, les mouvemens du Tourbillon aux deux Poles sont contraires l'un à l'autre; au Pole Austral les parties de la matiere magné-tique s'écartent, au Boréal elles se rassemblent. Puisque quand on fait passer la Pierre sous le Carton, la limaille représente par ses mouvemens ceux de la matiere magnétique, il n'est pas possible qu'elle prenne les mêmes mouvemens ou les mêmes directions, lequel que ce soit des deux Poles qui passe le premier sous le Carton par rapport à l'autre; si l'Austral est l'antérieur, il doit écarter la limaille; si c'est le Boréal, il doit la rassembler. Mais on voit le contraire, la limaille prend toujours la même disposition, indépendamment de cette circonstance, & elle n'a qu'un certain mouvement progressif, qui est en sens contraire de celui de la Pierre,

34 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

comme si la limaille déja mise en mouvement par l'action de l'Aiman étoit résléchie par celle qui n'y est pas encore. On sousentend toujours ici que quand les deux Poles sont alternativement antérieurs, la Pierre est toujours passée sous le Carton selon une même direction.

Si on la passe degauche à droite, d'un bout du Carton à l'autre, le Pole Austral étant l'antérieur, une molécule de limaille ira de droite à gauche, en sens contraire de la Pierre; & si ensuite on passe la Pierre sous le Carton en même sens, mais le Pole Boréal étant l'antérieur, la même molécule continuera d'aller selon la même direction. Or ce n'est pas là ce qui devroit arriver si la matiere magnétique sortoit par un Pole de la Pierre, & rentroit par, l'autre. Une même molécule ne suivroit la même direction que tandis que le même Pole de la Pierre seroit, pour ainsi dire, la Proue, & l'autre la Poupe; car si le Vaisseau se meut à contre-sens, il est visible que le Tourbillon, dont on le suppose environné, étant mu aussi à contre-sens de ce qu'il étoit, doit faire rebrousser la molécule de limaille, & cela, soit que ce Tourbillon soit simple, ou double. Quel point de Physique sera constant, si le Tourbillon magnétique ne l'est pas?

SUR LE VOLUME

DES LIQUEURS MELEES. *

UAND on a mêlé deux Liqueurs enfemble, le volume total doit naturellement être égal à la somme des deux volumes des Liqueurs prises séparément; double du volume de chacune, par exemple, si le volume de chacune étoit égal. Cependant. M. de Reaumur a trouvé qu'un volume d'Eau & d'Esprit de vin mêlés en égale quantité n'étoit pas double du volume de chacune de ces liqueurs. Il s'en est apperçu en construifant des Thermometres de son invention. & en les remplissant de liqueurs qu'il mesuroit selon cette methode exacte qu'il a trouvée aussit, car sans cela le fait dont nous parlons ne se fût pas rendu aisement aussisensible qu'il le faut. On sait précisément, par le moven des nouvelles mesures, qu'on a mis dans un Tube une certaine quantité d'Eau. on sait où doit monter la même quantité d'Esprit de vin qu'on y ajoutera; mais elle ne monte pas julqu'au point prescrit, & il reste au haut ce que M. de Reaumur appelle un Vnide, l'espace que l'Esprit de vin auroit rempli si le volume des deux liqueurs étoit double de celui de chacune.

* V. les M. pag. 228.

26. HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Il tombe d'abord dans l'esprit que toutes les deux prises séparément avoient dans leur tissu essentiel, pour ainsi dire, beaucoup de vuides, & que quand on les mêle ensemble. elles remplissent, du moins en grande partie, les vuides l'une de l'autre, d'où s'ensuit évidemment la diminution du volume total. Des Boules pourroient être si grosses par rapport à d'autres, qu'après que les unes & les autres à part auroient rempli une certaine mesure égale, elles tiendroient toutes ensuite dans cette même mesure, ou du moins dans une moindre que le double de cette mefure. Cela effectivement a bien quelque part au phénomene dont il s'agit, mais M. de Reaumur va à une bien plus grande précision d'idées.

Quoique ce qu'on a appellé jusqu'à présent dissipation, ne soit guere que la division des parties d'un corps solide produite par l'action d'un liquide, il ne paroît nullement impossible que la dissolution ait lieu de liquide à liquide, que l'un agisse sur les parties intégrantes de l'autre, qui seront de petits solides, qu'il les attéque, ou les ouvre, & ensin s'insinue par là dans un grand nombre de petits espaces

auparavant vuides.

Ce qui marque bien que de l'Eau à l'Esprit de vin il se fait une vraye dissolution, q'est que dans le premier moment du mélange les deux liqueurs deviennent louches, troubles; & ce tems de la fermentation & du combat étant passé, elles s'éclaircisseut. Ce n'est que quand tout est calme, quand l'eau s'est logée par-tout où elle peut pénètrer, que la diminution de volume arrive, aussi grande qu'elle peut l'être. Si l'on veut bien voir ce phénomene, il faut verser l'Esprit de vin sur
l'Eau très doucement, & avec toute la précaution nécessaire pour empêcher les deux
liqueurs de se mêler trop vîte; alors l'Esprit
de vin occupe la place qui convient à son
volume naturel, & il ne baisse qu'après la petite fermentation. Asin qu'il baisse autant
qu'il peut baisser, il faut que le mêlange des
deux liqueurs ait été fait le mieur qu'il soit
possible, & pour cela on secoue auparavant
& on agite quelque tems le Tube.

Après bien des expériences pour découvrir en queile dose du mélange de ces deux liqueurs se faisoit la plus grande diminution de volume total, le plus grand vuide dans le Tuyau, M. de Reaumur a trouvé que c'étoit lorsqu'on avoit mis une partie d'Esprit de vin sur deux d'Eau. Plus d'Eau ne feroit rien de plus, beaucoup moins d'Eau ne feroit rien, ou presque rien. C'est bien là ce que l'on voit à chaque moment en Chimie, où des matieres saoulées d'une certaine quantité d'un Dissolvant n'en reçoivent absolument pas davantage.

L'Eau & l'Esprit de vin sont deux liqueurs inégalement pesantes, & quoique la différence en soit très petite, on la reconnoit par l'Arréometre ou Pese-liqueur. On sait donc quel sera le poids de deux parties égales d'Eau & d'Esprit de vin prises ensemble, mais non pas mêlées; ce sera la pesanteur spécifique du Volume qu'elles formeront. Mais quand elles sont mêlées ensemble, un pareil volume

a une pesanteur spécifique plus grande; donc le mélange a fait qu'un même Volume contint une plus grande quantité de ces liqueurs, donc leur contexture intime a été changée, ce qui emporte l'idée de dissolution, ou du

moins y convient fort.

Mais laquelle des deux liqueurs est le Disfolvant? apparemment c'est l'Eau, dissolvant
assez universel. L'Esprit de vin plus léger
est par conséquent plus rare, & a plus de
vuides où l'eau peut s'insinuer après avoir
détruit les cloisons. Plus un Esprit de vin est
rectissé, c'est à dire, plus il a de parties propres d'Esprit de vin, plus étant mêlé avec
la même quantité d'Eau, il baisse dans le
Tube; c'est qu'un plus grand nombre de
parties propres d'Esprit de vin contiennent
un plus grand nombre de ces vuides que l'Eau
peut remplir. Cela même, dans une matiere
qui ne paroît guere jusqu'à présent que curieuse, pourra fournir une méthode utile
pour juger de la bonté d'un Esprit de vin.

C'est donc cette liqueur qui est dissoure, c'est elle qui a absorbé dans ses vuides une quantité d'Eau, & qui par-là a fait diminuer le volume total. Il résulte de toutes les expériences de M. de Reaumur, que cette diminution va 2 15 du volume de l'Esprit de

vin.

Il ne faut pas conclurre de là qu'en mêlant 20 parties d'Esprit de vin & une d'Eau, on donneroit à l'Esprit de vin tout ce qui lui est nécessaire pour remplir ses vuides, & que la dissolution seroit faite. Afin que l'Eau agisse sur l'Esprit de vin comme Dissolvant, &

& le divise jusqu'au point requis, il est besoin qu'il ait été auparavant divisé moins finement, que ses molécules grossieres ayent été plus écartées les unes des autres. En un mot, l'Eau doit agir comme Intermede, aussi bien que comme Dissolvant, & il faut pour la premiere fonction une plus grande masse.

Il fort toujours de l'Air de deux matieres qui fermentent ensemble, & on pourroit croire que la quantité qui en sort de l'Eau & de l'Esprit de vin dans les Expériences préfentes, est ce qui cause la diminution de volume. Si cela est, cet Air remplira tout le vuide que la diminution du volume total des deux liqueurs laisse au haut du tuyau; s'il le remplit, il fera equilibre avec l'air extérieur. condensé au point qu'il l'est par le poids de l'Atmosphere; s'il fait cet équilibre, un Parchemin, tendu un peu lâchement sur l'orifice du Tuyau qu'il bouchera, demeurera horizontal parce qu'il sera également poussé de haut en bas par l'air extérieur, & de bas en haut par cet air intérieur sorti des deux Liqueurs. Mais le Parchemin s'abaisse par son milieu. & devient convexe du côté du Tuyau; preuve sure que l'air extérieur est le plus fort, & que l'intérieur ne remplit pas entierement le vuide, & que s'il contribue à la diminution de volume, il n'en est pas la seule cause.

Lorsque dans ces expériences, on a mis du Vin de Bourgogne, au-lièu d'Esprit de vin, nul effet ne s'en est ensuivi, nulle diminution de volume, nul vuide dans le Tube. Il n'y a pas lieu de s'en étonner: nous avons.

avons vu que des qu'on avoit mis plus de deux parties d'Eau sur une d'Esprit de vin. il n'y avoit plus d'effet à attendre, parce que l'Eau étoit saoulée d'Esprit de vin; ordu Vin de Bourgogne, & tout autre, est un Esprit de vin où il y a plus de deux parties d'Eau. Plusieurs autres liqueurs mêlées ou avec l'eau pure, ou entre elles, ne donnenc point non plus de diminution de volume.

Le principe général est donc, qu'il faut pour cela que des vuides qui se trouvoient dans une des liqueurs, ou dans les deux séparées, soient remplis parce qu'on les a mê-Jées, & que ce mêlange a donné occasion à l'une d'atténuer les parties de l'autre, d'en ouvrir des cellules vuides, & de s'y infinuer, &c. Si la liqueur qui devroit recevoir l'action de l'autre, car il suffit d'en considérer une seule comme agissante, n'est plus en état de recevoir cette action, si tous ses vuides sont déja ouverts, & remplis, certainement il n'y a point d'effet à attendre, si ce n'est qu'il se trouve une autre liqueur capable de faire ce que celle ci n'aura pas pu.

Une Boule formée de grains de Sable liés ensemble par une Colle dissoluble à l'Eau, & c'est l'exemple de M. de Reaumur, étant mise dans l'Eau, ces grains qui ne se touchoient qu'imparfaitement, & laissoient entre eux des vuides, se sépareront, & l'Eau remplira des Espaces auparavant vuides. S'il n'y a d'Eau que ce qu'il en faut pour dissoudre toute la Colle qui lioit les grains de Sable, voila tout l'effet possible arrivé. S'il n'y avoit pas assez d'Eau, il en faudra de nouvelle,

& quand il y en aura assez, en-vain en mettra t-on davantage. Mais si toute la Colècerant sonde, & tous les grains de Sable séparés, ces grains sont sonnés eux-mêmes de grains plus petits, hés par la même Colle, mais qui, parce qu'ils seront plus petits, n'auront pas admis l'eau dans leurs interstices aussi aisément que les premiers, alors avec de nouvelle Eau, on aura encore un nouvel effet, apparemment moindre, ou plus sent, & on ne peut savoir que par l'expérience ou cela s'arrêtera. Si les parties des seconds grains étoient siès par une autre Colle que celle des premièrs, ce qui est possible, il faudroit après l'Eau un autre Dissolvant. Il est aisé d'appliquer les dissérens cas de cet exemple, & d'autres peut être qu'on pour-roit encore imaginer, à ceux qui se trouveront quand on opérera sur cette matiere.

M. de Reaumur n'a parléque des Liqueurs mélées dont le volume total diminue par le mélange; mais pourquoi n'augmenteroit-il pas austi avec d'autres liqueurs, & en d'adtres circonstances? je dis même après le mélange, car il n'y à rien d'extraordinairé que pendant qu'il se fait, c'est-à-dire, pendant la fermentation, le volume augmente. Il ne seroit pas impossible que les deux liqueurs, ou l'une seulement, prissent un état de raréfaction durable; il se formeroit des celtules, de petites cavernes, qui ne se rempliroient que d'air. Mais il ne saut point se hâter de deviner, ni prévenir les phénomenes; il y en a assez de bien réels & de bien con-

stans.

SUR LE SOLEIL VU ELLIPTIQUE à environ 10 degrés de bauteur sur l'Horizon.

L n'est rien de plus ordinaire que de voir le Soleil elliptique, lorsqu'il est prêt à se cacher sous l'Horizon. Les réfractions horizontales qui font les plus grandes de toutes, venant alors à élever son bord inférieur beaucoup plus que le supérieur, diminuent d'autant son diametre vertical, par rapport à l'horizontal qui n'éprouve rien de pareil; d'où resulte l'apparence d'ellipticité dont il s'agit. Mais il est infiniment rare que le disque du Soleil soit vu sous cette forme, à quelques degrés au dessus de l'horizon, ou plutôt on ne sait pas qu'il y en ait d'exemple. C'est que les réfractions décroissent très rapidement un peu au-dessus de l'Horizon, & en montant vers le Zénit. Cependant le 28me Juin de cette année, le Soleil fut observé sensiblement Elliptique, à la hauteur d'environ to degrés. M. de Mairan, qui le regarda par hazard, le trouva tel, non sans surprise, & quelques autres personnes le virent comme lui. Il y avoit donc alors dans l'Atmosphere, à la hauteur de 10 degrés, une matiere réfractive aussi forte, ou aussi abondante, qu'elle l'est d'ordinaire tout proche de l'Horizon. Et c'est un fait d'autant plus remarquable, qu'il peut tenir les Observateurs

teurs en garde contre les effets & l'illusion des réfractions, dans des cas où ils n'ont pas accoutumé de la foupçonner.

SUR L'AURORE BOREALE.

HYPOTHESE de M. de Mairan sur la cause physique de l'Aurore Boréale est presque entierement fondée sur l'expérience. & fur les Observations que l'on a de ce Phénomene, sur la correspondance de ses apparitions avec celles de la Lumiere Zodiacale & fur l'accord des tems de sa plus grande fréquence avec les differentes atuations de la Terre dans son orbite, ainsi que nous l'avons expliqué dans le précis que nous en donnames l'année dernière †. Il ne pouvoit donc trop rassembler d'Observations pour justifier fon Système sur cette matiere, & quelque nombreuses que fussent déja celles qui lui ont servi à en établir les fondemens, il étoit obligé de les continuer. Il y a grande apparence qu'il ne se dispensera pas si-tôt de ce foin & de cette attention, en faveur d'une idée si neuve, si hardie, & jusqu'à présent si vrai-semblable. C'est une espece d'engagement qu'il a contracté là-dessus avec le Public. & dont il commence de s'acquitter ici en nous donnant les Observations de l'Aurore Boréale, de la Lumiere Zodiacale, & de tout ce qui a quelque rapport à ces Phénomenes vus

v.les.M.p. 644. ▼ v.l'Hift. de 1732. p. z. 8c fuiv. B 5 34

à Paris, ou aux environs, pendant le cours des années 1732 & 1733. On y trouvera de nouveaux exemples & de nouvelles preuves de ce qu'il a avancé dans son Traité sur ce sujet. Rien n'est plus conforme à l'esprit de l'Académie que de ramasser ainsi des matériaux, dont le seul assemblage pourra un jour nous dévoiler le secret de la Nature. Depuis la Reprise des Aurores Boréales, dont onpeut placer le commencement en 1716, il: n'y a point eu d'année plus féconde en grands, Phénomenes que 1731 où finit le Traité de M. de Mairan: 1732 l'est moins, & cette diminution paroît encore davantage en 1733. Il y a eu pourtant dans celle ci, le 10 d'Oc-. tobre, une Apparition de l'Aurore Boréaletrès remarquable par la netteté avec laquellele Segment obscur & l'Arc lumineux se trouvoient tranchés. C'est par-là, comme nous l'avons expliqué, qu'on peut s'assurer de la hauteur de la matiere du Phénomene dans l'Atmosphere, pourvu que quelque autre Obfervateur indique en même tems la hauteur apparente de cet Arc, à une latitude de lieu. sensiblement differente. Du reste, à en juger par les Reprises qui ont précédé celle que nous éprouvons depuis 1716, & par les intervalles qui les séparent, on ne doit pas douter que celle-ci ne finisse, & que nous ne retombions un jour dans ces tems où l'Aurore Boréale n'est connue que dans les Livres, des Philosophes.

RANCO CO DE CONTRO CONT

OBSERVATION

DE PHYSIQUE GENERALE.

L est bien vrai, comme il a été dit en 1728*, que pour faire perdre à des Agates ces ramifications d'Arbrisseaux ou de Buissons qui seur ont été données par art, ou, ce qui est le même, essacr les couleurs de ces figures, il ne faut que tremper les Pietres dans de l'Eau-forte, & les laisser aims à l'ombre dans un lieu humide pendant 10 ou 12 heures. Mais il n'est pas vrai que ce seit-là, comme on le croyoit, un moyen sur de reconnoitre ces Dendrites, artificielles d'avec les naturelles.

Mr de la Condamine sit cette épreuve sur deux Dendrites, moins pour la faire, que pour s'assurer encore qu'il n'en arriveroit rien, car les deux Agates étoient hous de tout soupçon, sur tout par l'extrême finesse de leurs rameaux, qui est ce que l'art ne peut attraper; essectivement pendant 3 ou 4 jours, il n'y eut aucun changement. Mais par bonheur les Dendrites mises en expérience ayant été oubliées sur une fenêtre pendant 15 jours d'un tems humide & pluvieux, M. de la Condamine les retrouva fort changées. Il s'étoit mêlé un peu d'eau de pluye avec ce qui restoit d'eau-forte dans le Vase. L'Agate ou la

2 V. les M. P. 70.

connoissoit non seulement à leur difference. de couleur & de gonflement, mais à l'épreuve plus sûre de l'éau, où un Poumon qui a : pris de l'air surnage, & s'il n'en a pas pris s'enfonce.

A cette occasion, M. Petit se desabusad'une erreur où le jettoit une fausse expérience. Il avoit beau presser en tous sens entre ses doigts un morceau coupé d'un Poumon qui. avoit respiré, ce morceau nageoit toujours fur l'eau, & par consequent tout l'air n'en avoit pas été exprimé, quoique la coupe eut été faite exprès dans une assez grande surface, qui préfentoit à l'air beaucoup d'ouvertures pour fortir. Il paroissoit donc que l'Air une fois entré dans les Poumons n'en sortoit plus entierement, & qu'il en restoit une par-tie cantonnée dans des interstices, dans des recoins d'ou l'on ne pouvoit la tirer. Mais M. Petit à vu que la Machine du Vuide faisoit très facilement ce que ne fait pas la plus forte compression des doigts. Le Poumond'un jeune Lapin, qui avoit expiré dans cette Machine, alla au fond de l'eau, tant il avoit été bien purgé d'air. M. Petit se seroit cru l'inventeur de cette expérience affez curieuse, si on ne l'eut averti qu'il avoit été prévenu par un Auteur dont on ne le louvenoit plus. Quand on presse un Poumon entre ses doiges, on ferme nécessairement beaucoup de passages à l'air qui pourroit s'échapner, & peut-être ne fait-on que l'envoyer dans d'autres retraites; mais ce même air loulagé également dans le Vuide du poids de l'air extérieur, se dilate également par-tout,

& trouve par-tout des passages également

propres à sa sortie.

La Trachée se divise à droite & à gauche en deux gros Troncs, subdivisés ensuite en une infinité de Bronches ou rameaux toujours plus petits, qui vont porter l'air dans les Poumons. La Trachée, ses troncs & ses rameaux sont naturellement enduits en dedans d'une humeur assez fluide; mais dans l'Ensant dont il s'agit, cette humeur étoit fort visqueuse, & fort épaisse, sur-tout celle du tronc gauche, qui en étoit entierement rempli. Le tronc droit plus libre avoit laissé à l'air un passage que le gauche ne lui avoit pas permis, & par cette raison le Poumon droit, à

l'exclusion de l'autre, avoit respiré

M. Petit trouve dans cette difference la cause de la promte mort de l'Enfant. Si les deux Poumons eussent respiré, chacun auroit pris en recevant de l'air, l'extension qui lui convenoit, ils se seroient contrebatances mutuellement, & toutes les parties qui leur sont liées & qui tiennent à eux, se seroient maintenues dans leur position naturelle. Mais le Poumon droit s'étant seul gonssé, il a pu sans. résistance faire des déplacemens de parties. des compressions ou des allongemens de Vaisfeaux encore très foibles & très délicats; & peut être le pen de capacité qu'on a remarqué dans la Poitrine a-t-il aidé à ces effets. C'est ce que M. Petit explique plus en détail. Le moindre Vaisseau rompu par ce dérangement aura suffi pour causer la mort dans l'instant.

M. Petit croit que cette humeur, qui a-

40 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

près la respiration enduit la superficie interne de la Trachée & de ses branches, & qui apparemment sert alors à les préserver de la fecheresse que le passage continuel de l'air y causeroit, remplit ces cavités avant la respiration. & sert à les tenir en état d'être les canaux de l'air quand il le faudra. Il croit que les autres canaux ou cavités, qui ne font pas encore leurs fonctions dans le Fœtus, doivent être en attendant maintenus de même par quelque liqueur. La posture ordinaire du Fœtus dans la Matrice étant d'avoir la tête panchée sur sa poitrine, sa Trachée en est plus courte, ce qui parost sensiblement par l'expérience que chacun en peut faire sur foi-même. Des que le Fœtus est né, il releve la tête, ou bien on la lui releve, sa Trachée s'allonge, & par-là augmente un peu de ca-pacité, & pour peu que ce foit, c'en est assez pour donner à l'air la premiere entrée. L'air pousse devant lui la liqueur dont la Trachée étoit remplie; & comme en même tems. Toit par son passage seul, soit par la raréfaction qui lui survient dans un lieu chaud. il étend les Anneaux cartilagineux & flexibles de la Trachée auparavant plus étroits & plus serrés, cette liqueur qui remplissoit un petit espace ne suffit plus pour en remplir un plus grand, & elle ne peut plus qu'en revêtir la superficie interne à laquelle elle s'attache. Tout ce qu'on pourfoit mettre de plus dans le détail de cette explication est très aisé à fuppléer.

SUR LA MANIERE D'ARRÉTER

LES HEMORRAGIES

Qui viennent après des Membres compés.

N a vu en 1731 le Mémoire de M. Pe-tit le Chirurgien sur la maniere d'arrêter les Hémorragies des gros Vaisseaux coupés. & quelle fut la nouvelle Machine qu'il inventa avec un succès presque inesperé dans une opération qui avoit attiré les veux de tout Paris . Cette Machine n'agissoit que par une compression, mais également douce & forte, & ménagée avec beaucoup d'art. On a vu aussi en 1732 †, que l'Auteur, en suivant cette idée, y a ajouté de nouvelles preuves, & de nouvelles observations. D'un autre côté, dans la même année ‡, M. Petit le Médecin a examiné les Astringens & les Caustiques, par rapport à l'usage dont ils peuvent être pour arrêter les Hémorragies. Maintenant M. Petit le Chirurgien reprend encore cette matiere, & c'est d'après lui seul que nous allons parler.

Quand un Vaisseau, même un des plus gros, a été coupé, pourvu que pendant un certain tems, on empêche le Sang de sortir,

^{*} V. les M. de 2731. p. 123. & firty.

[†] V. les M. p. 535. ‡ V. l'Hift. de 1732. p. 14. & suiv.

& c'est ce qu'on fera par le moyen du nou-veau Bandage compressif, il se formera na-turellement à l'extrémité ouverte du Vaisfeau, un Caillot de Sang qui la bouchera, & d'autant mieux qu'il sera foutenu par les chairs

qui reviendront à l'entour. Tout le monde sait combien le Sang se coagule aisement, on en voit tous les jours l'expérience après une Saignée; mais il est bon de connoitre plus précisément la nature de cette coagulation. Le Sang est un composé de trois parties differentes & assez hétérogenes; la Lymphatique, qui est blanche; la Globuleuse, qui est rouge; la Séreuse, plus fluide que les deux autres, & qui n'en est que le vehicule commun. La Lymphe destinée à nourrir tout le Corps, & à devenir Chair, Membrane, Nerf, & toute autre par-tie solide, est par consequent très disposée à la coagulation, c'est même elle seule qui est coagulée lorsque tout le Sang paroît l'être, elle a envelopé dans sa coagulation, les Glo-bules, & la Sérosité; & ce qui le marque bien, c'est que le Coagulum ou Caillot est en ce cas beaucoup moins ferme, que quand il n'est que de Lymphe.

La Lymphe est plus légère que les deux autres parties, elle prend toujours le dessus, pourvu que les circonstances le lui permet-tent. A l'ouverture des Cadavres, où l'onvoit ordinairement le Sang du Cœur & des Vaisseaux coagulé, on trouve quelquefois des Caillots formés en même tems de la partie Globuleuse & de la Lymphatique: mais alors M. Petit observe que la partie supérieure du Caillot est blanche, & l'inférieure rouge; parce que la Lymphe, par sa légereté, domne dans la supérieure. Cela suppose que les Cadavres se soient refroidis dans la situation horizontale, ainsi qu'il arrive communément.

Si l'on fait l'amputation d'un Membre à quelqu'un qui ait d'ailleurs les Ecrouelles, ou toute autre maladie qui vienne de l'épais-fistement excessif du Sang, on en aura plus-de facilité à arrêter le Sang après l'opération, parca qu'il est très disposé de lui-même à former à Touverture du Vaisseau coupé, ce Caillot qu'on y desire. Il en va de même dans tous les cas d'mstammation, puisque l'instammation est un épaississement du Sang qui l'empêche de circuler sibrement. Dans la Gangrene, où le Sang est coagulé, il n'y a point d'Hémorragie, quand on coupe dans la partie morte; il n'y en a pas même quand, on coupe un peu plus loin, & dans le vis, parce que le Sang y commence déja à être trop épais pour s'épancher au dehors.

De tout cela M. Petit conclud, que dans:

De tout cela M. Petit conclud, que dans tous les cas on peut compter sur le Caillot qui bouchera le Vaisseau; bien entendu que dans les cas moins favorables, & qui sont de beaucoup les plus communs, on aura employé la compression. Il tire même une conclusion plus délicate, & qui peut d'abord surprendre; il ne faut point aider la formation du Caillot par des Stiptiques que l'on appliqueroit à l'extrémité du Vaisseau pour y épaissir le Sang. Ils agiroient sur ses trois parties à la fois, & les coaguleroient consu-

44 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

fément, c'est-à-dire, qu'ils coaguleroieme brusquement la Lymphe, qui ensermeroit dans son Coagulum les deux autres parties, & le tout seroit d'une consistance trop molle, & pourroit ne pas résister suffisamment à l'impulsion du Sang d'un gros Vaisseau. Il vaux mieux laisser à la Lymphe le tems de se séparer du reste, après quoi elle formera seule un Caillot plus dur. On tiendra le Moignon du Membre coupé dans la situation la plus convenable qu'il se pourra à cette séparation de la Lymphe, qui se doit faire par sa légereté. Les Minuties cessent souvent de l'être.

SUR UN ANEVRISME

DE L'ARTERE SOUCLAVIERE DROIT E

Vuidé par la Bouche. *

N verra dans le Mémoire de M. Maloet, l'histoire détaillée d'un Soldat des Invalides, qui n'ayant qu'un reste d'une fluxion de poitrine de six semaines, & une tumeur survenue pendant ce tems-là au bas du cou, grosse comme une Noix, & assez ferme, se mit tout d'un coup à vomir du Sang pur à grands slots, & en telle abondance qu'il s'en épuisa entierement, & mourut en une minute. La tumeur du cou disparut.

M. Maloet n'eût pas été fort surpris que

cette tumeur, qu'il avoit reconnue d'abord pour un Anevrisme, ent crevé subitement, en dedans, & ent causé la mort, quoiqu'il soit assez commun que l'on porte impunément de plus gros Anevrismes pendant un plus long tems. Mais il ne voyoit point comment cet Anevrisme, qu'il jugeoit devoir être ou dans l'Aorte, ou dans quelqu'une de ses plus grosses branches, avoit pu se vuider par la bouche, avec laquelle ces Vaisseaux-là n'ont absolument aucune communication; le

cas étoit tout-à-fait fingulier.

Il n'y eut d'éclaircifiement que par l'ouverture du Cadavre. L'Anevrisme étoit dans l'Artere Souclaviere droite, à l'endroit où elle part de l'Aorte. La partie postérieure du Sac Anevrismal s'appliquoit contre la Trachée, & y occupoit l'étendue de fix de ses Anneaux cartilagineux. Entre deux de ces Anneaux, & dans la Membrane ligamenteuse qui les joignoit, étoit un trou qui perçoit du Sac Anevrismal dans la cavité de la Trachée; & c'est par-là que le Sang de la Souclaviere, & ensuite celui de tout le Corps a dù s'épancher dans la Trachée pour en sortir par la bouche.

Il a donc fallu que la Membrane ou Tunique de la Souclaviere, déja émincée dans son total par la dilatation que l'Anevrisme lui causoit, ait été encore plus émincée, & ensin usée & détruite à l'endroit du trou, soit parce qu'elle y étoit naturellement plus soible, soit parce que le Sang, en vertu de sa direction, y a une impulsion plus forte; & en général, le Sang a dû agir avec plus

de force sur toute la partie du Sac appuyée contre les Anneaux de la Trachée qui sont assez solides, parce qu'il y trouvoit plus de résistance & plus d'appui que par tout ailleurs. La Tunique de la Souclaviere étant détruite dans l'endroit marqué, la Membrane extérieure de la Trachée a suppléé à ce défaut, & a servi de paroi où le Sac Anevrismal en en manquoit; mais le sang a continué d'agir & a attaqué l'intervalle des deux Anneaux qui lui répondoient, & c'étoit en effet un endroit plus foible & plus aise à creuser qu'un Anneau. Il a été besoin d'un tems pour cela, aussi s'appercevoit-on que le trou n'étoit pas nouvellement fait. Mais quand le fang, en minant toujours, est enfin arrivé à la Membrane intérieure de la Trachée, le moment, où elle a été forcée, a dû être celui. de la mort. Il ne reste qu'à savoir pourquoi le sang, au-lieu de s'épancher de la Trachée dans les Poumons, a pris la route de la bouche; sans doute il y trouva plus de facilité, qu'à pénétrer les Poumons remplis d'air.

SUR UN VER RENDU PAR LE NEZ.

TN Officier de chez le Roi sentoit depuis trois ans au bas du front, du côté gauche, & près de la racine du Nez, une douleur fort vive, plus violente dans des tems que dans d'autres, qui s'étendoit vers l'Oeil du même côté, & quelquefois au point qu'il craignoit d'en perdre l'Oeil; il avoit en même

4

même tems un bourdonnement confidérable dans l'Oreille.

Pour remédier à ce bourdonnement, il se fit verser, étant au lit, quelques gouttes. d'Huile d'Amandes douces dans l'Oreille affectée, & se tint pendant quelque tems couché sur l'autre. Deux jours après il sentit dans sa Narine gauche une grande démangaison, des picotemens, des tiraillemens, de fréquentes envies d'éternuer, & même, en se mouchant, quelque chose qui remuoit dans son Nez, & qu'il n'en put chasser tout-à fait, qu'en y portant le bout du doigt pour le tirer. C'étoit un Ver qui courut aussi-tôt sur sa main avec une extrême vitesse, quoique couvert d'une mucosité parsemée de Tabac, parce que cet Officier en prenoit beaucoup. On mit le Ver dans une Tabatiere où il y en avoit, & il y vêcut 5 ou 6 jours. Tous les accidens du Malade cesserent aussi-tôt aurès la sortie de cet Insecte.

M. Maloet l'a eu entre ses mains mort & desseché. Il le trouva du Genre des Centipeder, & de l'Espece des Scolopendres terrestres. Il en fit une description exacte, & bien détaillée, mais que nous ne rapporterons point, parce qu'en 1708 * nous en avons fait une assez semblable d'un autre Ver rendupareillement par le Nez. Ils ne différent que par la grandeur, celui d'aujourd'hui n'avoir que 16 lignes de long, & l'autre 6 pouces. Il est vrai que le plus grand avoit 112 pieds ou pattes, & l'autre 100 seulement; mais si

^{*} pag. 51. & fair.

le petit eût cru, peut-être en auroit-il eu davantage, & enfin c'est le grand nombre des pieds, & non le nombre précis de 100, qui fait les Centipedes.

Une difference d'une autre espece entre les deux Vers, & remarquable, c'est que celui de 1708 sut, selon les apparences, tiré en un mois du lieu où il étoit par l'usage du Tabac, que l'on avoit cru lui devoir être contraire; au-lieu que celui-ci, malgré un usage continuel du Tabac, avoit vêcu 3 ans, & vêcut même encore assez long-tems dans du Tabac: ce qui rend au moins fort douteuse la bonté de ce Remede.

Les deux Vers étoient dans un Sinus frontal, mais le grand dans le droit, & le petit dans le gauche: difference qui n'en est pas une. La route que feu M. Littre faisoit tenir à son Ver pour entrer dans le Sinus, & pour en sortir, sera la même pour le Ver de M. Maloet. Nous supposons qu'on s'en sou-

vienne, ou qu'on se la rappelle.

Mais voici une difference très effentielle, & qui est le point principal de l'observation de M. Maloet. Son Ver ne paroît avoir été chassé que par l'Huile versée dans l'Oreille, & il seroit fort naturel qu'elle l'eût chassé, car tous les Insectes doivent la fuir, puisqu'elle leur ôte la respiration en bouchant toutes leurs Trachées; mais la difficulté est qu'elle ait pu parvenir jusqu'à ce Ver ensermé dans le Sinus frontal. Elle ne s'est répandue que dans le Conduit extérieur de l'Oreille très exactement fermé en dedans par la Membrane du Tympan: comment a-t-elle passé

passé au travers de cette Membrane? & quand elle y auroit passé, il y a encore loin de la au Sinus frontal, & quel chemin a-t-elle pris

pour y arriver?

C'est une pratique reçue des plus habiles Médecins, que d'appliquer sur le Nombril différentes Huiles pour agir contre les Vers des Intestins. Elles n'y agistent qu'après avoir pénétré la Peau, la Membrane Adipeuse, le Péritoine, l'Epiploon, les Membranes des Intestins; & a combien plus forte raison, die M. Maloet, une Huile aura-t-elle pu pénétrer le seul Tympan, si fin & si délié? Il n'v a eu que les parties les plus subtiles qui avent pénétré, il n'en falloit pas beaucoup pour se faire sentir à un si petit Ver; mais à cause de leur lenteur naturelle, il leur a fallu deux jours pour faire leur effet.

S'il y a toujours à la Membrane du Tympan une petite ouverture échancrée, que Rivinus a découverte, & que M. Maloet y a effectivement vue deux fois, ou seulement si elle s'est trouvée par une espece de hazard dans le Tympan du Malade, le passage de l'Huile aura été encore sans comparaison plus aifé:

Quant à sa route, après avoir été reçue dans la cavité du Tympan, elle se sera portée à la faveur de la Trompe d'Eustache, qu'on appelle communément l'Aquedas, jusqu'aux fosses Nasales, d'où elle aura pu a sément, à cause de sa subtilité, s'élever au Sinus frontal.

Ce fut par une espece de hazard, & uniquement par rapport au bourdonnement, Hift. 1733. que

HISTORR DE L'ACADEMIE ROYALE

٠

que le Malade, qui avoit le Ver sans le savoir, se sit verser de l'Huile dans l'oreille. S'il est connu son Ver, & le lieu qu'il occupoit, il auroit bien pu croire qu'il falloit tirer cette Huile per la Narine gauche, afin mu'elle allat attaquer le Ver par cette route ailée & toute ouverte. Mais il auroit très mal fait, en suivant ce raisonnement si plausible. Le Ver attaqué du côté du Nez auroit fui du côté oppolé, & se seroit cantonné dans des endroits d'où il n'auroit pu resortir; on bien il seroit mort, & la pourriture de son petit cadavre auroit bien pu causer des accidens très fâcheux. Heureusement l'attaque qu'on faisoit d'un côté le déterminoit à Luir de l'autre où la sortie étoit facile. & il s'aidoit de toutes ses forces pour sortir, ce qui est encore un avantage de tirer les Vers vivans. Il réfulte de là une Règle de pratique pour tous les Vers qu'on jugera être dans les Sinus frontaux.

Conformément à ces idées, on suit deux méthodes differences pour les Vers des Inrestins. Ils ne peuvent guere sortir que par l'Anus, & pour les tirer de corps, on les en chasse par des choses qui leur soient contraires, où bien on les attire au dehors par d'au--tres qui foient de leur goût. Les premiers de ces Remedes, il faut les prendre par la bouche: les seconds doivent être donnés en lavement. La raison de cette difference est claire, après tout ce qui a été dit.

Ette année M Ferren, Médecin de la Faculté de Montpellier, a présenté à l'Académie un Mémoire fur la structure & les Vaisseaux du Foye. Il suppose ce qui est connu sur cela, afin de ne donner que ses observations particulieres. Par exemple, fur la structure, il a trouvé dans chaque grain ou Lobule du Faye deux substances différences. une qu'il appelle corrigne, qui est extérieure. friable, & d'un rouge tirant fur le jaune; l'autre médullaire ou intérieure, rouge, molle & pulpeuse, placée au centre de chaque grain, très apparente dans philieurs Animaux, & fouvent dans l'Homme. Les Conduits Hépatiques traversent la substance corticale pour le rendre dans la substance médullaire, que M. Fernen croit formée des extrémités pulpeuses de ces canaux. Sur les Vaiffeaux du Foye, il a découvert plusieurs particularités dans ceux qui portent le Sang, les Lymphatiques & les Conduits Bilaires.

A l'égard des premiers, il a observé que les divisions & les subdivisions de la Veine-porte donnent doux sertes de rameaux, les uns Veineux, & les autres Artériels; il nomme rameaux artériels beux qui font connus par leur fonction de porter le sang de la Veine-potte dans le Foye; il a découvert les vemeux, & oux-ci réçoivent le sang de l'Artere Hépatique, & le condissent dans les parteaux amériels de la Veine-potte, de ceuts dans les faintance médullaire des Lobules,

& de là dans les branches de la Veine cave. A l'égard des Vaisseaux Biliaires, M. Ferren en a observé de nouveaux, dont les uns reviennent du Ligament gauche du Foye, & qu'il a vus quelquefois répandus sur la face inférieure du Diaphragme, d'autres reviennent de cette portion des parois de la Veine-cave qui paroit hors de l'échancrure Sigmorde du Foye quand on le regarde derriere, d'autres enfin reviennent des Membranes de la Vésicule du Fiel. Tous ces Vaisseaux Biliaires pénètrent ensuite le Foye, & aboutissent dans les Canaux Hépatiques. Les injections colorées, poussées dans le Tronc des Conduits Hépatiques, donnent la facilité de les observer.

. M. Ferren établit ensuite, 10 Que la Bile est fournie par la Veine porte, & en partie par l'Arcere Héparique. 20 Quelle est jaune & sibere dans les plus petits condults. 30. Qu'encore que la Bile paroiffe beaucoup plus foncée & plus amere dans le Tronc & les principales branches des Canaux Hépagraves que dans les rameaux plus petits, il n'est cependant pas vrai que la Bile Hépatique prenhet comme l'on eroit, ce caractore en communit fib route. 40 Querla Bile de la Vésicule épinio exprimée dans le Canal Cliolidoque, reflue naturellement dans le Tronc st his principales branches des Canaux Hepatiques; & l'eft précisément la Bile Cystispie qui reflue, quon a pase pour une Bile dématique changée! Cette estrece de Paral dans oblimation de par les faits que M. Fedraiorapporte, son il ajoure que dest peut**ĉtre** être la raison pour laquelle le Tronc des Canaux Hépatiques a un calibre plus considérable que le Cholidoque même, comme il l'a

observé dans plusieurs Sujets.

A l'égard des Vaisseaux Lymphatiques du Fove, il donne le moyen de suivre les inrérieurs jusqu'aux extrémités de la Veine-porte. & à la faveur d'une injectionsfaite du Tronc dans les branches des Lymphatiques extérieurs, il fait voir qu'ils viennent tous de l'intérieur du Foye. A cette occasion il parle d'autres Lymphatiques, il rappelle ceux qui ont été découverts par M. Winflow & M. Hunauld fur une partie du Poumon, & lui-même a découvert un Rézeau Lymphatique qui envelope tout le Poumon, & se distingue aisément des espaces Interlobulaires. M. Ferren finit, en prouvant que les Vaisseaux Lymphatiques du Foye tirent en partie leur origine du principe des Tuyaux Biliaires, & donne à cette occasion un moyen facile dont il se sert pour faire paroitre ceux du Rein dans l'Homme, qui est de pousser de l'air de l'Uretere dans le Bassinet du Rein.

L'Académie a trouvé dans toutes ces recherches beaucoup de connoissance & une

grande sagacité.

N Ous renvoyons entierement aux Mémoires

* L'Ecrit de M. Morand fur un Mouton monstrueux.

L'His-

HISTORE DE L'ACADEMIE ROYALE

L'Alifhoire de la Carpe par M. Petit le Médecio.

+ Los Remarques: de M. Winflow fur les

Monstres, &c.

සිත්වට, නව දැන්ව යන්නේ සෙන්න ක්රේක්ෂ ක්රේක්

C H I M I E.

SUR LE TARTRE SOLUBLE.

Rs. du Hamel & Grosse ont continué fur le Tartre Soluble le travail dont nous avons commencé à rendre compte en 1732 ‡. Nous supposons ici ce que nous

avons dit alors.

Les deux Chimistes ont éprouvé tout ce qu'ils ont cru pouvoir rendre le Tartre soluble. Le Sel de Tartre lui-même étoit la matiere dont on se servoit le plus, ils ont éprouvé encore non seulement les autres Sels Alkali, tels que celui de la Soude & le Borax, mais les Terres Alkalines tirées soit du Regne Minéral, comme les Chaux, les Crayes, &c. soit du Végétal, comme les Cendres lessivées, soit de l'Animal, comme les Ecailles d'Huitre calcinées ou non calcinées, & les Cornes de Cerf.

Plusseurs de ces matieres ont donné un beau Tartre soluble, mais la Chaux d'Ecaillés d'Huitre paroît préférable, du moins par

* V. les M. p. 274. † p. 508. ‡ p. 364. ‡ p. 66. & fair. le peu que ce Tartre coûteroit en comparaifon de celui qui est fait à l'ordinaire par le Sel de Tartre.

Les Cendres ont donné lieu à plusieurs remarques ou réflexions, que l'on promet même de fuivre plus loin. Elles ont deux portions, dont l'une est fine, légere, se mêle aisément avec l'eau, s'y soutient assez longtems, & se précipite en une espece de boue déliée, & douce au toucher; l'autre portion est rude, graveleuse, comme grainée, une espece de sable qui ne se soutient point sur l'eau. On croiroit peut être que c'est effectivement du fable fin ou du gravier qui s'est trouvé dans l'écorce du bois qu'on a brulé, mais après qu'on a eu pris toutes les précautions possibles pour prévenir ce souçon, les Cendres ont toujours été conditionnées de la même maniere. La premiere portion est celle qui s'unit à la Crême du Tartre & le rend foluble; la seconde portion ne s'y unit point, à moins que par des calcinations vives & répétées on n'en réduise une partie à être de la même nature que la premiere portion, mais jamais on n'y réduit le tout. Selon toutes les apparences, la premiere portion des Cendres avoit perdu par le feu tous les Acides qu'elle avoit naturellement. & est devenue par-là fusceptible de l'impression du plus foible Acide, tel que celui de la Crême de Tartre; mais dans la seconde portion, les Acides naturels s'y sont concentrés & fixés. ce qui fait qu'elle résiste à l'action de l'Acide du Tartre.

Quand la Crême de Tartre a été rendue

foluble par quelque matiere alkaline que ce soit, on peut la régénérer, ou la remettre en Crême de Tartre, telle qu'elle étoit. Son Acide avoit dissous la matiere alkaline qu'on lui avoit présentée, & l'avoit lui-même atténuée au point qu'elle avoit pu s'insinuer entre les molécules ou parties intégrantes de tout ce qui composoit la Crême de Tartre. De-là venoit toute la solubilité. Pour rendre à tout sa premiere forme, il ne faut qu'un nouvel Acide qui enleve à celui du Tartre la matiere alkaline, mais il le faut plus puissant. Ausii voit-on que l'Esprit de Nitre, l'Huile de Vitriol, &c. régénerent dans le moment la Crême du Tartre soluble faite par les Terres alkalines, parce que ce font des Acides plus puissans que celui du Tartre, ne fût-ce que par la raison qu'ils sont minéraux, & lui végétal.

Mais voici une singularité que l'on n'auroit pas prévue; le Vinaigre distillé, dont l'Acide est non seulement végétal, mais précisément le même que celui du Tartre, régénere aussi la Crême de Tartre. Comment le fait-il sans avoir aucune supériorité de force? Mrs. du Hamel & Groffe en imaginent une raison assez vrai-semblable. Dans la Crême de Tartre l'Acide a une base terreuse & alkaline qui lui est naturelle; dans le Tartre soluble il prend une base nouvelle & etrangere, fournie par les matieres alkalines qu'on lui a présentées. Il n'est pas étonnant qu'il soit plus étroitement uni à sa premiere base qu'à la seconde. Le Vinaigre lui enleve la seconde, mais non

pas la premiere.

Cette

Cette seconde base est differente selon les differentes matieres alkalines qui ont rendu le Tartre soluble, & par conséquent le même Acide s'attache plus aux unes qu'aux autres, les abandonne plus ou moins aisément, &c. le Vinaigre distillé étant toujours l'Acide employé à la régénération. Il n'y a que le Tartre soluble de M. le Fevre d'Uzès, fait par le Borax, qui ne souffre point la régénération. Mrs du Hamel & Grosse ont fait une espece de petite Table où ils arrangent les differens Tartres solubles, depuis celui dont la régénération est la plus facile, jusqu'à celui de M. le Fevre.

Les differens Tartres solubles ont aussi differens degrés de solubilité, ou de facilité à se fondre, & à se résoudre en liqueur. Ceux qui en ont le plus sont ceux qui ont été faits avec les Cendres lessivées, avec les Crayes, la Chaux; celui de M. le Fevre estun de ceux qui en ont le moins. On peut déja entrevoir quelques causes; mais il faut, quant à présent, contenter d'entrevoir, & ne pas croire trop

vîte qu'on ait vu:

SURUNE MANIERE

DE TIRER LE MERCURE DU PLOMB. *

UELQUES Chimistes ont cru que le Mercure entroit, comme principe essentiel, dans la formation de tous les Métaux; d'autres l'ont nié, & ont soutenu que C 5 cce-

* Y. les M. p. 435.

TO USE ROTALE !! · (Blenty) a per deira que Li af ter - STATE OF MICH. 0 303 la land in to 1ot O 10,00 pliant en Pr wyfrie drukk Regia Hath Acade Ken; Royal engires de Min de 200 té les Science dans i Scienc. de Mi CES 96 ganzme. Macno die 1 vintic drukt forms Ken, of on doen Provi reel EBUIC gen z kent mee de 1 der: mer WAR

```
57
lon les
 rendu
nême
tres,
&c.
   em-
    par
    ra-
     ne
     3
```

t

מנ elle

dan

côt ma poi

celui qu'on retiroit quelquefois des substances métalliques, n'y étoit que par accident, cornme un simple alliage, & de la même maniere dont il se trouve souvent quelque petite quantité d'Or dans l'Argent. Ils ont même soupconné que le Mercure que l'on retiroit, avoir été en partie formé par les matieres employées dans les opérations, ou bien ils ont révoqué en doute les opérations mêmes. C'est ce dernier parti que d'habiles Chimistes ont pris à l'égard de celles de Kunckel & de Beccher, qui tous deux ont tiré du Plomb un peu de Mercure.

M. Grosse les a justifiés, non en répétant lours opérations, mais en parvenant au même effet par des moyens differens des leurs, &, A l'on vout, opposés. Ils supposoient que le Mercure contenu dans le Plomb y étoit fixé ou par des Acides ou par un Souphre, & ils ont employé, pour le dégager, des matieres Alkalines: M. Groffe au contraire a employé des Acides. Il lui est venu du Mercure en globules & coulant, ce qui décide bien nettement qu'il y a du Mercure dans le Plomb. à moins que l'Acide qu'on employe ne contribue à le produite. Après qu'on l'a vu dans sa forme naturelle, on est plus disposé à croire qu'il se trouve aussi dans d'autres produits des mêmes opérations, où le raisonnement & les expériences prouvent qu'il doit être. quoiqu'un peu dégulfé.

M. Grosse a poussé cette matiere jusque dans les détails les plus instructifs & les plus curieux, mais si bien liés & si dépendans les

uns des autres, qu'il ne faut les voir que tous ensemble.

BOTANIQUE

Ous renvoyons entierement aux Mémoires L'Ecrit de M. Marchant sur la Bicuentlata Canadensis, &c.

GEOMETRIE.

Ette année, M. le Clerc de Busson préfenta à l'Académie des Solutions de Problèmes qui regardoient le Jeu du franc Carreau. On jette en l'air dans une Chambre
carrelée de Carreaux égaux & supposés réguliers, un Ecu, un Louis, & on demande combien il y a à parier que la Piece ne tombera
que sur un seul Carreau, ou franchement. Il
s'est fait de très prosondes & de très curieux
es rechercnes sur differens paris, differentes probabilités, mais elles sont toutes purement numériques; c'est-à-dire, qu'elles ne
consistent qu'en des combinations de Nombres, & ne sortent point d'une Arithmétique
fort élevée. La question présente est d'une
espe-

espece nouvelle, en ce qu'elle appartient à la Géométrie, & aux figures qui n'étoient point encore entrées dans cette matiere.

Il saute aux yeux que plus la Pièce sera petite par rapport à un des Carreaux égaux, plus il y aura à parier qu'elle tombera franchement. Ainsi dans ce Carreau donné que l'on suppose quarré, M. le Clerc inscrit un autre quarré toujours éloigné des bords du Carreau de la longueur du demi-diametre de l'Ecu ou du Louis, & il est clair que la probabilité que la Piece tombera franchement sera à la probabilité contraire, comme la superficie du petit quarré inscrit sera à celle de l'espece de bordure intérieure ou de couronne que ce petit quarré forme dans le Carreau; car la Piece ne lera dans le cas de ne point tomber franchement, que quand elle tombera de facon que son centre soit sur la superficie de cette couronne, puisqu'alors, vu la grandeur connue de son demi-diametre, elle débordera nécessairement le Carreau.

Il fuit de-là que pour jouer à jeu égal, ce qui est toujours en ces matieres le but des Problèmes comme l'équilibre en Méchanique. il faut que la superficie du quarré inscrit, & celle de la couronne du Carreau, soient égales; & quand cela est, le demi-diametre de la Piece est incommensurable au côté du Carreau, & un peu plus de sa ome partie. S'il n'étoit précisément que cette one partie, le jeu commenceroit déja à avoir quelque lége-

re inégalité.

Sur quelque point du Carreau que s'applique le centre d'une Piece ronde, il est déterminé dans le moment si elle tombe franchement ou non. Mais ce ne seroit pas la même chose pour une Piece quarrée; son centre étant toujours posé sur le même point de la superficie du Carreau, s'il n'est qu'à une certaine distance de ses bords, elle pourra ou tomber ou ne tomber pas franchement. Ce sera le 1er si les côtés de la Piece quarrée sont paralleles à ceux du Carreau, & le 2d s'ils ne le sont pas, alors elle débordera le Carreau par quelqu'une de ses 4 pointes. La Piece ronde a toujours, en vertu de sa figure, la même position par rapport aux côtés du Carreau, mais non pas la Piece quarrée; & la probabilité de ne pas tomber franchement est beaucoup plus grande pour cette Piece quarrée que pour la ronde, tout le reste étant d'ailleurs égal.

Pour ne point entrer dans une Géométrie affez fine, où ce sujet a conduit M. le Clerc, qui ne demandoit pas mieux que d'y être conduit, nous nous contenterons de donner par un des Problêmes qu'il a résolus, une idée de ce que peuvent faire ici les differentes positions où tombe une Piece qu'on jette.

Sur un plancher qui n'est formé que de planches égales & paralleles, on jette une Baguette d'une certaine longueur, & qu'on suppose sans largeur. Quand tombera t-elle

franchement sur une seule planche?

Ce fera d'abord quand elle tombera dans une position parallele à la longueur ou côté de la planche sur laquelle elle tombe, mais ce sera encore dans beaucoup d'autres positions. Que l'on conçoive le point du milieu de la Baguette à une certaine distance du bord de la planche, & que sur ce point comme centre elle décrive un quart de Cercle par son extrémité la moins éloignée de ce bord, elle décrira une partie de cet Arc au dedans de la planche, & l'autre partie au dehors, & autant qu'elle aura de positions au dedans, autant aura-t-elle de chûtes franches, & au contraire. Par conséquent le nombre de ses chûtes franches sera à celui des autres comme la somme de ses positions intérieures à la somme des axtérieures, ou, ce qui est la même chose, comme les deux portions de l'aire du quart de Cercle, dont l'une est en dedans,

l'autre au dehors de la planche.

Il est clair que dans la résolution du Problême total doit entrer la confidération du rapport de la longueur de la Baguette à la largeur de la planche. Si ces deux grandeurs éroient égales, la Baguette ne tomberoit franchement dans toutes ses positions possibles que quand son point du milieu tomberoit for le point du milieu de la largeur de la planche. Si cette largeur est plus grande, elle a un plus grand nombre de points sur lesquels le milieu de la Baguette peut tomber franchement, & au contraire. Il y a donc une certaine largeur de la planche qui rendrois le pari ou le jeu égal, & c'est ce que M. le Clerc a déterminé par une aire de Cycloïde avec beaucoup d'élégance, au jugement de l'Académic.

Ous renvoyons entierement aux Mémoires.

* L'Ecrit de M. Clairaut sur quelques Questions de Maximis & Minimis.

ASTRONOMIE.

SUR LA DESCRIPTION DU PARALLELE DE PARIS,

OU DE SA TANGENTE.

Egrand ouvrage de la Méridienne de Paris tracée dans toute l'étendue de la France, n'est que la moitié de ce que l'Astronomie & la Géographie peuvent defirer à cet égard; il y manquoit la description & la mesure actuelle du Cercle parallele à l'Equateur qui passe par l'Observatoire de Paris, ou plutôt de sa portion qui s'étend sur toute la France Est & Ouest. Le Roi ordonna que cetre portion fût aussi tracée par M. Cassini, oui résolut d'employer la même Méthode qu'on avoit déja employée avec tant de fuccès pour la Méridienne. Il lut à la Compagnie le Projet de son travail, & partit pour l'exécution d'un ordre si agréable aux Sciences. Mais quoie ,

* V. les M. p. 258.

64 HISTOIRE DE L'AÇADEMIE ROYALE

quoiqu'il n'y eût plus de choix à faire sur ce point, les Esprits mis en mouvement par l'idée de cette nouvelle entreprise se tournerent de ce côté là les uns à l'envi des autres, & il sembla qu'on eût la curiosité de

vouloir épuiser le sujet.

L'usage le plus savant, & le plus intéreffant pour l'Astronomie Physique, regarde la question de la Figure de la Terre, qui par des raisonnemens géométriques de M¹⁵ Huigens & Newton est un Sphéroïde applati vers les Poles, & par les mesures actuelles de M¹⁵ Cassini dans toute l'étendue de la France un Sphéroïde allongé, ou oblong *. M. de Maupertuis voulut voir ce que la Géométrie pourroit tirer de la mesure du Parallele par rapport à cette question †.

Il suppose que la Courbe qui par sa révolution autour d'un axe a produit la figure quelconque de la Terre, est une Ellipse, & il ne s'agit que de connoitre le rapport des deux axes de cette Ellipse, dont l'un est le diametre du Méridien autour duquel se fait la révolution journaliere de la Terre, & l'autre est le diametre de l'Equateur. Si le diametre du Méridien est plus grand que celui de

gé vers les Poles; si c'est le contraire, elle, sera un Ellipsorde applati.

En concevant l'Ellipse génératrice de l'Ellipsoide décrite autour du diametre du Méridien, ou seulement la demi-Ellipse, on voit que

l'Equateur, la Terre sera un Ellipsoide allon-

* V. l'Hift. de 1700. p. 145. & suiv. Celles de 1701. p. 119. & de 1713. p. 83. † V. les M. p. 211. que dans son point du milieu, elle est parallde à ce diametre, qu'elle lui est perpendicuhire à ses deux extrémités qui sont les Poles, & que par conséquent elle va toujours de l'Equateur vers un Pole, en changeant d'inchinaison par rapport à ce diametre, & en prenant une moindre inclinaison. Si on met l'origine de l'Ellipse à un Pole, & que ses Abscisses soient les parties de ce diametre, les Ordonnées seront des perpendiculaires à ce même diametre, terminées à l'Ellipse, & qui lui seront toujours differemment inclinées. En même tems ces Ordonnées seront des rayons de Cercles, puisque la révolution de l'Ellipse qui a produit l'Ellipsoide, a été circulaire, & ces Cercles seront des Paralleles à l'Equateur.

Si l'on a un degré d'un Parallele actuellement & exactement mesuré en Toises, on a la circonférence dont il est la 360me partie, & la grandeur du rayon qui est une Ordonnée

de l'Ellipse en ce point.

Si l'on a de plus, & on ne peut manquer de l'avoir, l'angle de la latitude du Lieu, dont ce Parallele est le Parallele, il se trouve par une espece de bonheur, que la Tangente de cet angle de latitude est au Rayon du Cercle sur lequel on a construit les Tables de Sinus, &c. & qu'on suppose ici égal à 1, comme l'Insiniment petit de l'Ordonnée de l'Ellipse est à l'Insiniment petit de l'Abscisse correspondante. Or en toute Courbe, le rapport de ces deux Insiniment petits donne la position de l'Elément de la Courbe, qui est l'hypothénuse de l'angle droit qu'ils sont en ce point, & par con-

66. HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

conféquent l'observation de l'angle de la latitude donne l'inclination en ce point del'Ordonnée à l'Ellipse; & si on a aufsi la mesure d'un degré de Parallele, on a & l'inclination du rayon de ce. Parallele à l'Ellipse, & la grandeur actuelle de ce rayon.

L'espece dont sera l'Ellipsen'est pas encore déterminée par-là; elle ne le peut être que quand le rapport de ses deux axes sera connu, & il est visible que quel que soit ce rapport, une droite d'une certaine grandeur, & d'une certaine inclinaison à la Courbe, peut toujours en être une Ordonnée; seulement sera-t-elle posée sur differens points de l'axe.

En prenant l'Equation de l'Ellipse en général, & y faisant entrer le rapport des deux Infiniment petits de l'Abscisse & de l'Ordonnée, & qui sont comme 1, & la Tangente d'un angle quelconque de latitude observée, M. de Maupertuis arrive facilement à une expression algébrique, qui contient ces quatre grandeurs, le demi diametre du Méridien ou axe de l'Ellipse, autour duquel elle a tourné pour engendrer l'Ellipsorde; le demi-diametre de l'Equateur, qui est l'autre axe de l'Ellipse; le rayon du Parallele, dont on a observé la latitude; & la Tangente de cette latitude: & ces quatre grandeurs sont telles, que trois étant connues, elles donnent la quatrieme.

Ainsi, conformément à la raison que nous venons d'alléguer, de ce qu'un angle de latitude donné, & la mesure du Parallèle, ne suffiroient pas pour déterminer l'espece de l'Ellipse, on voit qu'il faudroit encore connoitre ou le demi-axe du Méridien Elliptique,

ou le demi-diametre de l'Equateur. Le demiace de ce Méridien ne se peut pas connoime par la mesure actuelle de quelques degrés du Méridien, puisqu'il n'est pas circulaire, mais elliptique; & pour le demi-diametre de l'Equateur, qui est un Cercle, on le connoitroit par cette mesure, mais on ne l'a pas'

encore faite sous la Ligne.

Pour suppléer à ce défaut, M. de Maupertuis propose la mesure actuelle d'un degréde deux differens Paralleles, chacun d'une latitude connue. Alors en mettant ces grandeurs dans sa formule, il s'en forme deux nouvelles équations, qui donnent aufsi-tôt le rapport cherché des deux arcs de l'Ellipse. En effet, on a dans ce cas deux Ordonnées de l'Ellipse, avec leurs positions ou distances déterminées sur l'axe, ce qui ne peut convenir qu'à une certaine Ellipse. Plus les deux Paralleles seront éloignés l'un de l'autre, plus la détermination résultante sera juste, & il est aisé d'en voir la raison.

Comme on sait certainement que la disserence des deux axes de l'Ellipsoïde no peut être que fort petite par rapport à leur grandeur, & que d'ailleurs les meilleures observations, & les mesures actuelles saites avec le plus de soin, ne peuvent guere être exemtes de quelque erreur, ou du moins peuvent toujours être un peu suspectes, il sera très difficile que l'on soit sûr d'être arrivé par les voyes marquées à toute la précision nécessaire. M. de Maupertuis en convient sans peine, & il dit que si ces moyens sont insuf-

fisans, il sera toujours bon de s'assurer qu'ils. le font.

Après cela, ce n'est que pour exercer la Géométrie qu'il en propose d'autres encore. plus subtils, & tirés d'une plus fine Théorie. Par exemple, si l'on a la mesure actuelle de deux differens degrés de latitude consécutifs: pris sur le Méridien, & l'angle qu'ils fonten-: tre eux, on pourra les traiter comme des droites, à cause de leur petitesse par rapport. à la Courbe dont ils sont parties. & même comme des droites infiniment petites, & leur. angle comme un angle de contingence de la Courbe; alors on aura le Rayon de la Dévelopée de la Courbe en ce point, & par ce Rayon, puisque la Courbe est une Ellipse, on aura son Parametre, qui donne le rapport des deux axes. Quand la Géométrie a satisfair au nécessaire, on peut lui passer une espece de superflu, qui ne consiste que dans des vues plus élevées, ou plus profondes.

A l'occasion de la Perpendiculaire à la Méridienne, on parla de la Courbe formée sur la surface de la Terre Ellipsoïde par la section d'un Plan donné de position. * M. Pitot se proposa le Problème dans les termes les plus généraux, c'est-à dire, pour tous les Conordes ou Sphéroïdes de Courbes quelconques, & venant ensuite en particulier à ceux des Sections Coniques, il démontra ces Théo-

rêmes:

Que dans le Solide Paraboloïde les Sections paralleles à l'axe sont des Paraboles égales & semblables à la Parabole génératrice, & que les Sections non paralleles à l'axe sont des Ellipses:

Que dans l'Ellipsoide toutes les Sections sont des Ellipses, & que de plus les Sections paralleles à l'axe sont des Ellipses semblables

à la génératrice :

Que dans l'Hyperboloïde toutes les Sections paralleles à l'axe font des Hyperboles femblables à la génératrice, que les Sections paralleles aux Afymptotes font des Paraboles, & qu'entre les non-paralleles celles qui les coupent toutes deux font des Ellipses, & celles qui n'en coupent qu'une font des Hyperboles.

Après ces préliminaires de pure Géométrie, qui auroient fourni, pour ainsi dire, plus de provisions qu'il n'en falloit, on vint à faire réstexion qu'il seroit plus dissicile de tracer sur la surface de la Terre le Parallele de Paris, qu'il ne l'avoit été d'en tracer la Méridienne. Le Cercle du Méridien projetté sur la Terre est toujours vu selon une ligne droite, que l'on n'a qu'à suivre par des opérations Trigonométriques. Il en iroit de même de tout autre grand Cercle de la Sphere, c'est-à dire, qui passeroit par son centre. Mais un Parallele est un Cercle qui ne passe point par le centre de la Sphere, il ne se projette sur la Terre qu'en ligne courbe, & en suivant une droite, on ne le traceroit pas. Or c'est un grand avantage pour les opérations, de n'avoir qu'une droite à suivre. Ce n'est pas qu'onine puille d'ailleurs tra-

Ce n'est pas qu'on ne publie d'ailleurs tracer sur la Terre un Parallele, celui de Paris, par exemple. Il est bien sur qu'on le tracera

en prenant un nombre suffisant de Lieux qui avent tous la même latitude que Paris. & em tirant toujours d'un de ces Lieux à l'autre des droites qui seront actuellement mesurées. Ces droites feront, si l'on veut, les côtés presque infiniment petits de la Courbe que formera la projection du Parallele sur la Terre. Telle fut l'idée que M. Godin proposa à l'Académie *.

Il fit des remarques importantes fur la maniere ordinaire de prendre la latitude par la hauteur méridienne d'un Astre dont on connoit la déclinaison, ou la distance à l'Equateur. 1°. Cette hauteur est Méridienne, c'està dire, qu'il faut prendre l'Astre précisément à son passage par le Méridien; ce qui n'est pas sans difficulté lorsqu'on n'a pas de Méridienne actuellement tracée, & il est très rare que l'on en air. 2°. La quantité des Réfractions, qui peuvent altérer beaucoup les hauteurs, n'est donnée que par des Tables, que l'on suppose plus justes en elles-mêmes, & plus générales pour un certain climat, qu'elles ne le sont. 3°. Les déclinaisons des Astres se prennent pareillement dans des Tables. & celles des meilleurs Astronomes different assez sur ce point.

M. Godin a imagine, pour la description du Parallele, un moyen pour prévenir toutes les erreurs qui pourroient se glisser dans la détermination d'un si grand nombre de latitudes. On ne les déterminera point par l'opération ordinaire, il n'y aura point de réfractions à

^{*} V. les M. p. 319.

craindre, point de déclinaisons à chercher dans des Tables, nul besoin de Méridienne.

Qu'on prenne à Paris une Fixe peu éloi-mée du Zénit, comme l'Etoile de la Chevre qui n'en est éloignée que de 2 degrés, il est certain que tous les Lieux où cette Etoile se trouvera à la même distance du Zénit seront sur le Parallele de Paris. Il n'y a plus de réfraction sensible pour un Astre à une aussi grande hauteur, & il est clair d'ailleurs que tous les autres inconvéniens que nous venons de marquer, n'ont plus lieu. Ce ne sera pas seulement la nuit qui conviendra à l'observation, la Chevre se voit en plein jour avec la Lunette, & même quand elle passe au Méridien en même tems que le Soleil. Tout au plus pourroit on dire que le mouvement des Fixes qui se fait sur les Poles de l'Ecliptique, les fait changer de distance par rapport à l'Equateur, ou de déclinaison : mais ce mouvement qui n'est que de 1 degré en 72 ans est si lent, que la variation de déclinaison qui arrivera dans le cours de la description du Parallele sera absolument à négliger; à moins que les premieres opérations ne fussent prodigieusement éloignées des dernicres, & en ce cas-la même on auroit cette variation par le calcul plus exactement qu'on ne pourroit l'avoir par les observations.

M. Godin est entré ensuite dans un assez grand détail sur les différences grandeurs qu'auroit un même Parallele dans les deux différentes hypothèses de la Figure de la Terre: il nous suffira d'en donner ici une idée générale.

Si l'on conçoit que la Terre étant d'abord

72 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

une Sphere, devienne un Sphéroïde oblong. en conservant sa même masse, son Equateur qui est toujours un Cercle, diminue nécessairement de grandeur, & tous les Paralleles aussi, & en même tems tous les Méridiens deviennent des Ellipses plus grandes que les Cercles qu'ils formoient auparavant. Les degrés de latitude, qui se prennent sur un Méridien, & ceux de longitude, qui se prennent sur un Parallele, se comptent toujours de la même maniere, ce font toujours des angles qu'il faut rapporter à un Cercle: à l'égard des longitudes, il n'y a pas de changement, puisque les Paralleles sont toujours des Cercles; & pour les latitudes, on en imagine un circonscrit au Méridien Elliptique. Les Paralleles & les Méridiens conservent toujours leur premiere dénomination, ou numération, celui qui étoit le 10me l'est encore, &c.: mais il estarrivé un changement dans la grandeur absolue des uns & des autres. Les Méridiens étant plus grands qu'ils n'étoient dans la Sphere, les degrés de latitude sont plus grands, & ceux de longitude plus petits. La grandeur d'un degré de longitude étant connue, on a celle de la circonférence & du diametre de son Parallele; donc dans l'hypothese du Sphéroïde oblong on doit trouver les Paralleles plus petits, que dans l'hypothese de la Sphere. En même tems les Paralleles de même nom dans le Sphéroïde oblong & dans la Sphere seront, à cause de l'agrandissement du Méridien, plus éloignés du nouvel Equateur dans le Sphéroide, qu'ils ne l'étoient de l'Equateur de la Sphere. I

Il est visible que ce sera précisément le contraire dans le Sphéroïde applati. Donctous les Paralleles de même nom en y comprenant les Equateurs, font plus petits dans le Sphéroïde oblong, & plus grands dans l'applati que dans la Sphere, & par conséquent tous ceux de l'oblong plus petits que

ceux de même nom dans l'applati.

Les deux Sphéroides ne laissent pas cependant d'avoir un Parallele commun, c'est àdire de même grandeur, mais qui n'est pas de même nom. Pour s'en assurer, il suffit de voir que l'Equateur du Sphéroïde oblong ne peut jamais être qu'un Parallele de l'applati, qu'il en sera un lorsqu'une certaine proportion déterminée lera celle des deux Sohéroïdes. & que hors de cette proportion ce ne sera plus l'Equateur de l'oblong, mais un autre Parallele, qui sera le Parallele commun aux deux Sphéroïdes. Ce qui restera de la premiere détermination, c'est que le Parallele commun sera plus proche de son Equateur dans le Sphéroïde oblong, qu'il ne le sera de son autre Equateur dans l'applati.

Puisque dans tous les cas où le Parallele commun n'est point l'Equateur du Sphéroide oblong, il y a de part & d'autre depuis l'E-quateur jusqu'au Pole deux Suites de Paralleles, qui dans quelque point de leur cours, ou entre l'Equateur & le Pole, arriventà l'égalité, ou au Parallele commun; il faut que celle de ces deux Suites qui depuis l'Equateur jusqu'à ce point aura été croissante par rapport à l'autre, y devienne décroissante jusqu'au Pole, ou au contraire. Or il est clair Hift. 1733. que

que dans le cas unique où l'Equateur du Sphérorde oblong seroit un Parallele de l'applati tous les Paralleles de l'oblong seroient plus petits que ceux de l'applati compris entre son Equateur & le Parallele commun: donc aussi dans tous les autres cas les Paralleles de l'ob-Iong depuis l'Equateur jusqu'au Parallele commun seront plus petits que les correspondans de l'applati, & par conséquent œux de l'oblong depuis le Parallele commun jusqu'au Pole plus grands que les correspondans de l'applati : & parce que les deux Suites sont contraires l'une à l'autre, les Paralleles de l'applati seront plus grands depuis l'Equateur jusqu'au Parallele commun, &c. C'est une proposition avancée par M. Godin, lorsqu'il a voulu pousser cette Théorie jusqu'à la curiofité.

Pour en revenir à la pratique, * M. de la Condamine donna une Méthode pour traeer actuellement le Parallele de Paris selon toute l'étendue qu'il a en France; il suivoit

l'idée de M. Godin.

Il faut placer un Quart-de cercle dans le plan du Méridien de Paris, ce qui est aisé, puisque l'on a la Méridienne de Paris tracée l'Observatoire. Il faut de plus qu'un des côtés de l'Instrument soit parallele au Méridien de Paris, ou ce qui est le même, qu'étant prolongé il se terminat au Pole: & cela est encore aise, en lui donnant la position que demande la latitude connue de Paris. L'Instrument ainsi placé & monté, si à ce côté qui représente le Méridien de Paris, on applique une Lunette qui lui soit perpendicalaire, il est clair qu'elle sera dans le plan du Parallele de Paris, puisque tous les Paralleles sont perpendiculaires aux Méridiens. Que cette Lunette soit appliquée au côté par son milisme ou centre, & qu'elle puisse tourner sur ce centre, & prendre toutes sortes de directions, sans sortir néanmoins de son premier plan, il est certain que tous les points qu'elle pourra voir seront dans le plata du Parallele de Paris. Ces points étant pris sur la Ferre, il n'y a qu'à les joindre par une droite.

Mais cette droite ne peut jamais être qu'une très petite portion du Parallele. Qu'und on a pris le point le plus éloigné qu'on s pu, il faudroit s'y transporter avec l'Instrument, & à cette 240 Station recommencer tout ce qu'on a fait à la 1re. Mais ce seroit un grand embarras, & qui rendroit l'opération totale d'une énorme longueur, que d'être obligé de tracer à chaque Station la Méridienne du nouveau lieu. Pour s'en épargner le travail & gagner du tems, il n'y a qu'à prendre entre les deux points extrêmes que l'on a par la 1re Station, un point moyen, tel que la Lunette y étant posée, elle puis-se voir de là les deux extrêmes. Trois points déterminent un plan, & ce plan est certainement celui du Parallele. Quand on s'est transporté pour une 2^{de} Station sur le 3^{me} des points que l'on a par la 1re, il faut tourner la Lunette mobile de façon qu'elle puisse voir les 3 points déja trouvés; quand elle est dans cette situation, elle est dans le plan du Parallele, & un 4me point que du lieu où D 2 elle elle est elle verra au-delà des trois 1ers sera aussi dans ce plan. Une 3me Station ne sera que

cette 2de repétée, &c.

M. de la Condamine ne dissimule pas une difficulté confidérable que les réfractions font naitre contre sa Méthode. La Lunette étant dirigée vers un point de la Terre, qui est au bout de l'axe de la Lunette prolongé, il est bien vrai que ce point est dans le plan du Parallele, mais ce n'est pas ce point-là que la Lunette appercevra; il lui viendroit par un . rayon direct, & elle n'en peut voir qu'un qui lui vienne par un rayon rompu, & qui soit un point de la surface de la Terre élevé par la réfraction, & le plus élevé qu'il soit pos-sible, puisque c'est un objet horizontal. Si ce point faux étoit dans le même plan que le vrai, il n'y auroit nul inconvénient; mais cela n'est pas. La réfraction éleve les objets perpendiculairement à l'Horizon, & par conléquent les met dans le plan d'un Vertical different de celui d'un Parallele, & d'autant plus different que le Parallele est plus éloigné de l'Equateur; car les deux plans ne se confondent jamais que sous l'Equateur, qui est lui-même un Vertical.

Une bonne Table des Réfractions pour le Climat dont il s'agiroit, leveroit la difficulté; mais c'en seroit une grande que de la construire assez exacte, tant les Réfractions sont irrégulieres. Aussi M. de la Condamine a-til donné un moyen particulier de trouver à chaque opération la mesure actuelle de l'effet

présent de la Réfraction.

Pour

Pour en venir enfin à M. Cassini *, qui aissoit actuellement, il avoit pris le parti de décrire, non le Parallele de Paris, mais sa Tangente au point ou il coupe la Méridien-ne de Paris, ou, ce qui est le même, la Perpendiculaire à cette Méridienne en ce point. Si l'on se représente la position du Parallele de Paris sur un Globe où Paris est au sommet, on verra que ce Parallele s'étend à l'Orient & à l'Occident toujours au Nord de sa Tangente, & que tout ce qui est sur cette Tangente, ou entre elle & son Cercle, est plus Méridional que Paris, & d'autant plus Méridional que le Lieu sera placé plus Join de Paris.

M, Cassini savoit déja par la description de la Méridienne, à laquelle il avoit eu beaucoup de part, que par des Triangles toujours lies les uns aux autres, on pouvoit suivre sur la surface de la Terre, pendant une longue étendue, le cours d'une ligne droite, & le mesurer géométriquement sans comber dans des erreurs qui fussent à compter par rapport à la longueur de l'étendue †. Quand il faudra faire beaucoup d'opérations Astronomiques les erreurs y seront beaucoup plus à craindre, parce qu'une Seconde d'erreur dans le Ciel, rapportée sur la Terre, y devient une grandeur considérable; or les plus habiles Observateurs conviennent qu'ils ne peuvent guere répondre de 10 Secondes. D'ailleurs pour opérer astronomiquement, &

^{*} V. les M. p. 541. † V. l'Hift. 2718. p. so. & fuiv. & celle de 1721. p.**184. &** filiv-

prendre toujours des latitudes égales, ou des distances égales d'une Étoile au Zénit, il faudroit des tâtonnemens fréquens & longs, & on se trouveroit souvent conduit dans des lieux où les opérations seroient difficiles & incommodes, comme lorsqu'on feroit dans des Bois ou dans des Marais. Un avantage de la Méthode des Triangles, c'est que l'on peut facilement tourner autour des obstacles, & revenir prendre le cours de sa ligne droite.

La Tangente du Parailele de Paris est dans le plan d'un grand Cercle qui toucheroit ce Parailele au point de Paris. La Trigonométrie Sphérique, qui n'employe que les grands Cercles, pourra, s'il en est besoin, opérer sur celui-la au désaut du Parallele. La Tangente pourra même dans une certaine étendue être prise pour une partie de la circon-

férence du grand Cercle.

Cette Tangente étant supposée décrite & actuellement mesurée dans l'étendue de la France, si à son extrémité, soit Orientale, soit Occidentale, on prend la latitude du Lieu où l'on sera arrivé, on aura en degrés la différence de cette latitude à celle de Paris; en même tems il faut calculer à quelle distance de la Tangente doit être le Parallele de Paris en ce lieu-là; cette distance que l'on aura en Toifes par la suite des Triangles sera la valeur de la différence trouvée des degrés de latitude.

S'il arrivoit dans le cours des opérations que l'on se trouvât dans un lieu dont la latitude s'ût égale à celle de Paris, ce lieu ne seroit certainement pas sur la Tangante; mais

la distance à la Tangente étant calculée par l'écart du Parallele qui seroit le même que celui de Paris, si elle étoit la même que celle qui seroit donnée par les Triangles, se mit une grande preuve de la justesse des opérations.

Il est vrai que pour avoir l'écart du Parallele à sa Tangente dans un point déterminé, il faut supposer la Terre Sphérique, & on convient qu'elle ne l'est pas: mais dans les étendues dont il s'agit, fort petites par rapport au Globe entier, la fausseté de la supposition ne peut produire que des erreurs msensibles.

A l'égard des degrés de longitude, il est clair que les parties de la Tangente divisée comme elle doit l'être, encore dans la supposition de la Terre Sphérique, répondront à ces degrés, & en donneront la valeur en

Toiles.

Voilà en général ce qui appartient à la Théorie de cette Tangente, nous ne toucherons que les principaux points de l'exécution. M. Caffini partit de Paris le 1. Juin avec Mrs fes deux Fils, Maraldi, l'Abbé de la Grive, Chevalier. Il alla à l'Occident; il avoit préféré ce côté-là, parce qu'il devoit trouver fur la Côte de Normandie & de Bretagne des latitudes & des longitudes déja observées anciennement avec un grand soin par nos premiers Académiciens, ce qui n'étoit pas du côté de l'Orient. De plus il n'auroit pu abfolument prendre de longitudes à l'extrémité soit Orientale soit Occcidentale de la Tangente dans le tems ch il y seroit arrivé, parce

ce qu'alors Jupiter, & par conséquent ses Satellites, devoient être dans les rayons du Soleil.

Dans cette partie Occidentale de la Tangente M. Cassini trouva des difficultés qui ne s'étoient pas rencontrées dans toute l'éten. due de la Méridienne. Il rend compte des adresses nouvelles qu'il fut obligé d'imaginer. Ce qui marque bien qu'il eut dans le second travail ou plus d'obstacles, ou de plus grands obstacles, c'est qu'il n'alla de Paris à la Mer, on se termina la Tangente, que par une suite de 44 Triangles, au-lieu que 30 lui avoient suffi pour aller de Paris à Dunquerque, distance presque égale.

A la fin de tout le travail, on le vérifia comme on avoit fait celui de la Méridienne, par une grande base placée en un lieu bien choisi, qu'on lioit à la fuite des Triangles. dont on calculoit l'étendue telle que la Trigonométrie la donnoit en vertu de cetteliaifon', & qu'on mesuroit ensuite actuellement avec beaucoup de soin. On eut encore ici 'le bord de la Mer, comme on l'avoit eu aux deux extrémités de la Méridienne. A peine la base Trigonométrique & la base mesurée eurent elles i Toise de difference sur 3732.

Ouant à la question de la Figure de la Terre, M. Cassini ne manqua pas de prendre en Toises, par le moyen de sa Tangente décrite, les valeurs de tous les degrés de latitude ou de longitude déja connus, ou qu'il eut par lui-même. Ceux de longitude se trouverent plus petits que dans l'hypothese Sphérique, & confidérablement plus petits, & il eft

est disficile de soupconner d'erreur des disferences si sensibles. Selon M. Cassini, la grandeur des degrés de longitude est moindre de la 36me partie que celle qui résulte de l'hypothese Sphérique, de sorte qu'un Vaisseau qui auroit très exactement calculé sa route sur cette hypothese, & auroit fait le tour du Monde, se trouveroit à son retour plus avancé qu'il n'auroit cru de la 36me partie de 360 degrés, ou de 10 degrés: mécompte très considérable & très dangereux, & qui le se roit toujours à proportion dans de moindres navigations. Nous avons assez dit que c'est dans le Sphéroïde oblong que les degrés de longitude sont plus petits que dans la Sphere.

On aura encore plus de lumieres sur cette question, quand la Tangente sera continuée du côté de l'Orient. On verra si les conclusions déja tirées se soutiennent, & en cas que les conclusions en général soient les mêmes, les déterminations particulieres en seront plus précises. Les progrès ne peuvent guere être

fûrs, s'ils ne sont leuts.

Quand M. Cassini, au retour de son voyage, eut rendu compte de son travail à l'Académie, * M. Clairaut y sit des réslexions prises de la Géométrie transcendante, qui

cependant n'y avoit pas eu de part.

M. Cassini, partant de la Meridienne de l'Observatoire, avoit tracé actuellement sur le terrein une perpendiculaire à cette ligne du côté de l'Occident, & c'étoit-là le commencement de la Tangente du Parallele de Parallele de

" * V. les M. P. 564.

HISTOIRE DE L'ACADEMTE ROYALE

Paris. Si on avoit prétendu la continuer exactement en ligne droite, elle n'eût été qu'en l'air, passé ce commencement, & la description en est été impossible; mais on suivoit toujours la ligne droite sur le terrein par le moyen de Piquets que l'on plantoit, & comme la furface de la Terre est courbe, la ligne totale décrite ne pouvoit être formée que de plusieurs droites qui faisoient quelques angles entre elles. Si la Terre est Sphérique, il est visible que la Tangente du Parallele de Paris étant dans le plan de tous les Piquets, dont chacun est perpendiculaire à la surface de la Terre, est par conséquent dans un plan qui paffe par le centre de la: Terre, c'est-à-dire, dans le plan d'un grand Cercle; & de plus, puisqu'elle est perpendiculaire au Méridien de Paris, le grand Cercleauquel elle appartient ne peut être que le premier Vertical de Paris, celui qui de part & d'autre du Méridien s'étend à l'Orient & à l'Occident. Sa section circulaire fur la surface de la Terre sera la Tangente du Parallele de Paris tracée fur le terrein.

Mais si la Terre n'est pas Sphérique, cette même Tangente, toujours tracée de la même maniere, doit devenir une autre Courbe: car que l'on conçoive que la Terre d'abord. Sphérique, & chargée des Piquets qui ont fervi à la description de la Tangente, vienne à s'allonger ou à s'applatir, comme il a été dit ci dessus , on voit aussi-tôt que les Piquets changent de position les uns par rap.

rapport aux autres; ils ne font plus dans le même plan circulaire où ils étoient, ni abfolument dans le même plan, & comme ils repréfentent tous des points de la nouvelle Courbe qui se forme, cette Courbe, qui n'a plus tous ses points dans un même plan, est donc du Genre de celles qu'on a nommées à double courbure, & dont M. Clairaut a donné un Traité au Public en 1731, avant que d'être de l'Académie. On ne songeoit peut-être pas que par les simples opérations Trigonométriques des Piquets, on décrivoit une Courbe singuliere, & à double courbure.

M. Clairaut n'a pas manqué de chercher à déterminer sa nature géométrique. Pour cela il considere que cette Courbe devroit naturellement être une droite, & ne devient courbe que par la nécessité de suivre le ter-rein; qu'elle ne differe donc d'une droite que le moins qu'il est possible dans les circonstances où este se trouve, c'est-à-dire, le terrein étant tel qu'il est; que par consequent tous ses angles de contingence doivent être des moindres, ou, ce qui revient au même, & s'accommode mieux au calcul, qu'il faut que 3 points étant donnés sur cette Courbe, la distance du ter au 2d, & celle du 2d au 3me fassent la moindre somme possible, comme el-les auroient fait la moindre absolument sur une droite. De-là nait une Equation affez subtilement attrapée, de la cette propriété essentielle de la Courbe, que les Sinus des angles qu'elle fait avec les Méridiens qu'elle rencontre, font plus grands en même raison que les Gracinees ties Méridiens, tirées de D G ces

44 HISTOIRE DE L'AGADEMIE ROYALE

ces points de rencontre perpendiculairement fur l'axe de la Terre, font plus petites. Il est visible qu'elles sont d'autant plus petites que les Méridiens qui vont tous au Pole rencontrent la Courbe dans des points qui approchent plus du Pole, & par conséquent c'est dans les points qui en sont les plus proches que la Courbe coupe les Méridiens sous de plus grands angles. Un arc de cette Courbe compris entre deux Méridiens y est plus incliné & plus long, s'il est pris plus loin du

Pole. & au contraire.

On peut concevoir que la Terre Sphérique s'allonge ou s'applatisse infiniment, c'està dire, autant qu'il est possible, en conservant la même masse. Dans le 1er cas, l'hémisphere Boréal de la Terre, & il en faut dire autant de l'Austral, devient un Cone dont l'Equateur devenu infiniment petit est la base, & dont l'axe est infini, faisant un angle infiniment petit avec le côté. Dans le 2d cas, c'est un Cylindre dont l'Equateur devenu infini est la base, & dont la hauteur est infiniment petite. La figure Sphérique est le milieu exact entre ce Cone & ce Cylindre produits par l'allongement ou l'applatissement infinis: ainsi le premier Vertical de Paris, par exemple, est la Courbe qui tient le milieu entre toutes les Courbes dans lesquel-les il se changera, soit que la Terre s'allonge ou s'applatisse, toujours par degrés & jusqu'à l'infini; & même ce Vertical se trouve être du nombre total de ces, Courbes & entrer dans l'Equation génerale par une substituition convenable. Il ell Cercle & toutes D 6 ٤.,٤

les autres Courbes qui l'accompagnent de part & d'autre n'en sont plus. Des deux côtés de ce Cercle, les modifications ou affec-

tions des Courbes sont contraires.

Nous ne suivrons point M. Clairaut dans le détail de Géométrie où il s'engage, pour faire voir que par sa Théorie on tirera aisément des observations astronomiques comparées aux mesures actuelles, si la Terre est une Sphere, ou un Sphéroïde, soit allongé, foit applati; seulement en étendant un peu plus ce qui vient d'être dit en deux mots sur le changement de la Sphere en l'un ou l'autre Sphéroïde, nous donnerons une idée générale & assez précise, quoiqu'un peu moins géométrique, des differences qui doivent naitre des trois hypotheses.

Si la Terre est un Sphéroïde infiniment allongé, ses deux Hémispheres, le Boréal & l'Austral, deviennent deux Cones infiniment aigus, qui ont chacun un axe infini, & pour base commune l'Equateur devenu infiniment petit. Tous les Méridiens de la TerreSphérique, toujours malgré son changement réunis au Pole, sont devenus des Ellipses infiniment longues & infiniment étroites, & les Cercles Paralleles à l'Equateur sont devenus comme lui infiniment petits, mais moindres que lui . & toujours décroillans. Les latitudes se prennent toujours sur les Méridiens. & les longitudes fur les Paralleles: donc ici un arc ou degré de latitude sera infiniment plus grand que dans la Sphere, & un arc de longitude infiniment moindre. Donc dans le Fini il se trouvera toujours que si la Terre D'n

est un Sphéroide allongé, un arc de latitude y sera plus grand. & un arc de longitude moindre que si la Terre eût été Sphérique.

Il y a encore une considération plus déli-cate à faire. L'axe du Sphéroide infiniment allongé n'est pas seulement infini, il l'est du 2ª ordre. Que l'on suppose l'Equateur infi-niment petit du 1 a ordre, ce qui suffit, on verra par les Elémens de la Géométrie de l'Infini, qu'afin que le Sphéroïde ou Cone ait une masse finie, ce qui est nécessaire ici, il saut que son axe soit un infini du 2^d ordre. De-là il suit que dans le fini les degrés de lasitude & ceux de longitude du Sphéroide allongé doivent être très sensiblement plus grands ou plus petits que ceux de la Sphere, ainsi que M. Cassini l'a trouvé *.

Ce sera précisement le contraire dans le Sphéroïde infiniment applati, & oa pourroit s'en assurer suffisamment par la seule raison de l'opposition. Mais on peut s'en convaincre encore, si l'on veut, en se représentant ce Cylindre dont la base, qui étoit l'Equateur de la Sphere, est infinie, & dont l'axe est infiniment petit. Les deux Poles & le Centre de la Sphere confondus font cet axe, de là partent tous les Méridiens devenus lignes droites infinies ou Ellipses, si on les veutreplier des deux côtés; mais ces Méridiens ne peuvent plus marquer des latitudes, des distances d'un point au centre d'un côté, & de l'autre au pole, puisque le centre & les poles ne font plus qu'un point. Les longitudes qui

^{*} V. ci-deffus p. so.

qui se prennent sur l'Equateur, base du Cylindre, sont infinies: donc dans le Sphéroide infiniment applati les latitudes sont infiniment moindres, & les longitudes infiniment plus grandes que dans la Sphere. Donc dans le Fini, &c. Il est à remarquer, que comme dans le Sphéroïde infiniment allongé, l'axede la Tetre est un Insini du 2^d ordre par la raison qui a été dite, de même dans le Sphéroïde infiniment applati, cet axe est un insiniment petit du 2^d ordre, ce qui produit une conséquence pareille.

Si on imagine ce que devient dans le Sphéroïde infiniment applati la Courbe de M. Clairaut, telle qu'il l'a déterminée dans la Sphere, ce premier Vertical de Paris, par exemple, on voit aussi-tôt que ce Cercle est allé se mettre dans le plan de l'Equateur infini, par conséquent s'en est toujours approché en se redressant sur un plan tiré d'un Pole à l'autre, & faisant toujours avec ee plan de plus grands angles, à mesure qu'il s'avançoit vers l'Equateur, ce qui marque sa position différente dans la Sphere & dans le Sphéroïde infiniment applati. Et comme ce sera le contraire dans l'Insimment allongé, on a par ces positions, des indices que l'on n'avoit pas encore sur la Figure de la Terre.

SUR LE MOUVEMEN T

DE L'ETOILE POLAIRE

PAR RAPPORT AU POLE DU MONDE.

N mouvement qui se fait sur les Poles d'un grand Cercle de la Spheré, se fait toujours ou sur ce Cercle même, ou sur un des petits Cercles qui lui sont paralleles, & ont par conséquent les mêmes Poles; ou, ce qui revient au même, ce mouvement est toujours parallele à ce grand Cercle posé de sorte que le Corps qui se meut, ne change point de distance par rapport à lui, mais seulement s'éloigne toujours dans toute l'étendue du demi-Cercie d'un point qu'on aura déterminé pour en être l'origine. Cela se voit dans tous les mouvemens diurnes qui se sont sur les Poles de l'Equateur.

Tout le monde sait aujourd'hui que les Etoiles fixes ont un mouvement sur les Poles de l'Ecliptique si lent, qu'il n'est que de 1 degré en 72 ans. Elles conservent donc toujours la même distance à l'Ecliptique, ou la même latitude mais elles avancent toujours en longitude vers l'Orient, à compter du

Ler d'Aries.

Comme l'Equateur & l'Ecliptique se coupent sous un angle de 23 ½ degrés, leurs Poles les sont éloignés l'un de l'autre de cette même étendue de 23 ; degrés. Il suffit de confidérer ici les deux Poles Septentrionaux.

Une Fixe qui se meut parallelement à l'E-cliptique, & en est toujours à la même distance, & par consequent aussi de son Pole, se meut en même tems par rapport à l'Equateur, mais non pas sous les mêmes conditions. Il faut au contraire qu'elle s'approche ou s'éloigne incessamment de l'Equateur & de son Pole, qu'on appelle aussi le Pole du Monde: mais si son mouvement est très lent, comme il l'est en effet, cette variation de distance pourra être longtems insensible; & c'est ce qui est arrivé.

Tous les Cercles paralleles à l'Equateur, & tous les correspondans paralleles à l'Ecliptique, se coupent sous un angle de 23. degrés, & il y a nécessairement un parallele à l'Ecliptique qui passe par le Pole de l'Equateur. Si l'on conçoit une Fixe placée dans l'intersection de ce Parallele à l'Ecliptique, & du Parallele, à l'Equateur, & si elle part de là, il est visible qu'elle s'approchera toujours du Pole de l'Equateur, jusqu'à ce qu'enfin elle y arrive, après quoi elle s'en éloignera.

Son mouvement, supposé uniforme par rapport à l'Ecliptique, sera par cette raison-là même inégal par rapport à l'Equateur. Que l'on conçoive des Méridiens de l'Ecliptique, qui seront de grands Cercles tirés de degré en degré perpendiculairement à l'Ecliptique, & se réunissant tous à son Pole, les parties du Parallele à l'Ecliptique décrit par l'Etoile, & comprises entre deux de ces Mé-

ridiens, seront la mesure du mouvement de l'Étoile par rapport à l'Écliptique, & seront par la supposition toujours égales. Mais dans ce même mouvement rapporté à l'Equateur, il faudra prendre les parties du Parallele à l'Ecliptique entre deux Méridiens ordinaires perpendiculaires à l'Equateur, & là elles ne seront plus égales. Elles seront d'autant plus grandes par rapport à ce qu'elles étoient, que les Méridiens de l'Equateur s'écarteront davantage de ceux de l'Ecliptique, & au contraire. Et pour juger où est le plus grand écart des deux especes différences de Méridiens, il suffit de se souvenir qu'il y en a un commun à toutes les deux; c'est le Colure des Solstices perpendiculaire & à l'Equateur & à l'Ecliptique. Puisque c'est là où l'écart des deux Méridiens est nul, il va toujours en croissant de la jusqu'au point de l'Equinoxe: donc si l'Etoile supposée est partie d'un point qui répondit au 1er d'Aries, son mouvement rapporté à l'Equateur va toujours en diminuant jusqu'au point qui répondra au 1er de Cancer, & de part & d'autre de ce point elle paroftra comme stationnaire par rapport au Pole du Monde, & d'autant plus longtems que son mouvement réel sera plus lent.

Si le Parallele à l'Ecliptique sur lequel nous avons supposé l'Etoile, n'étoit pas celui qui passe par le Pole du Monde, it est visible qu'elle n'y arriveroit pas, mais seulement s'en approcheroit plus ou moins à proportion

de l'éloignement de son Parallele:

Par le mouvement général des Fixes, toutes les Septentrionales seront à leur moindre

dis-

distance de notre Pole, lorsqu'elles seront sur le Colure des Solstices: car que l'on en imagine une qui doive décrire l'Ecliptique, & qui parte du 1ex d'Aries, il est clair qu'elle ne pourra jamais être plus proche du Pole que quand elle arrivera à ce Colure, & par conséquent il en est de même de toutes les autres qui ne décrivent que des Paralle-

les à l'Ecliptique.

Il auroit été fort commode pour les premiers Navigateurs, Egyptiens ou Phéniciens, qu'il y eût eu une Étoile précisément au Pole du Monde; ils auroient pris immédiatement par son moyen les Hauteurs en Mer, & toutes leurs courses se servient dirigées à ce point fixe. J'ai dit pour les premiers Navigateurs, car dans la suite du tens on auroit perdu cet avantage, l'Étoile Polaire auroit cessé de l'être, & quand après cela on auroit compté sur son immobilité, on seroit tombé dans des erreurs. Ce ne sur que 200 ans après Alexandre que l'on commença à s'appercevoir du mouvement des Fixes sur les Poles de l'Ecliptique. Il faudroit qu'une Fixe y sût placée pour être immobile; mais alors elle ne serviroit pas aux mêmes usages, du moins immédiatement, qu'une Étoile Polaire.

Au défaut d'une Étoile véritablement Polaire, on à pris celle qui étoit la plus proche du Pole, c'est la derniere de la Queue de la petite Ourse; & comme elle est d'une extrême importance pour toutes les déterminations de hauteurs ou latitudes, M. Maraldi a pris par des observations exactes & réitéréitérées, sa distance au Pole de 2º 7' 9" pour l'année présente. Cette distance ira toujours en diminuant pendant 362 ans, au bout desquels elle ne sera plus que de 26' 30", la plus petite qu'elle puisse être, parce qu'alors l'Etoile sera arrivée au Colure des Solstices, elle sera plus Polaire que jamais, & ne reviendra à l'être autant qu'au bout de 12860 ans, moitié de sa révolution.

M. Maraldi ne croit pas que notre Etoile Polaire d'aujourd'hui, qui a été aussi celle des anciens Grecs, soit celle des Astronomes encore plus anciens, dont Eudoxe. Disciple de Platon, avoit pris les Observations pour fondement de son Catalogue des Etoiles fixes. Notre Etoile Polaire devoit être dans ces tems si reculés trop éloignée du Pole, & M. Maraldi fait un dénombrement de plusieurs autres qui en étoient plus proches, une sur-tout dans la Queue du Dragon, qui n'en étoit qu'à 10' il y a 4060 ans, beaucoup plus proche que la nôtre ne sera jamais dans sa plus grande proximité. Les Anciens disolent que l'Etoile Polaire étoit au Pole du Monde; quoiqu'ils puissent n'avoir pas prétendu parler exactement, ils se seroient trop sensiblement éloignés du vrai, s'ils avoient parlé de notre Étoile Polaire. Celle du Dragon étoit encore 1000 ansaprès sa plus grande proximité du Pole, c'est-àdire, 1326 avant J. C., assez proche pour être la Polaire. Sa distance n'étoit que de 5° 42', moindre que celle d'aucune autre. Si . cela est, si des observations astronomiques assez exactes remontent jusqu'à 1300 ans avant

avant J. C. dans des Siecles qu'on ne peut guere imaginer que comme très grossiers & nès barbares, il faut que l'Astronomie soit me Science à laquelle les hommes soient portés bien naturellement.

කෙවෙන්නෙක් පන්තෙක්කෙන්න; අතයන අත අත අත අත්වෙන්

SUR LES MOUVEMENS

DES PLANETES

DANS DES EPICTCLES. *

N Epicycle est un Cercle dont le centre est sur la circonférence d'un autre qui le porte, & est appellé par cette raison Défent. Si l'Epicycle se meut, son centre ne quitte point la circonférence du Déférent.

Dans l'Astronomie ancienne & Ptolémaïque les Planetes se meuvent chacune sur la circonférence d'un Epicycle, qui en même tems se meut sur celle d'un Déférent concentrique à la Terre. Par-là on a expliqué, & de plus calculé les Stations, les Rétrogradations, & toutes les bizarreries du mouvement des Planetes. Il n'est plus question aujourd'hui de ce Système, un autre lui a succédé, non seulement plus simple & plus naturel, mais, pour tout dire, nécessaire: la seule disposition des Corps célestes entre eux, très uniforme & très réguliere, produit, selon Copernic, tout ce qui parost le plus

* V. les M. p. 396.

plus irrégulier dans leurs mouvemens. Cependant comme l'Astronomie pure, qui ne veut que représenter les Phénomenes par des Hypotheses, quelles qu'elles soient, le contente de ce qui ne satisferoit pas l'Astronomie Physique engagge à expliquer le Méchanisme de l'Univers, M. Godin a cru qu'il ne falloit pas tout-à fait négliger l'Hypothese des Epicycles, qui, outre qu'elle est ce qu'on pouvoit substituer de plus ingénieux au Vrai que l'on n'avoit pas, peut encore aujourd'hui être quelquefois utile dans les calculs. Les Satellites de Jupiter & ceux de Saturne, vus de la Terre, se meuvent réellement dans des Epicycles; & on verroit la Lune s'y mouvoir aussi, supposé qu'elle fût vue du Soleil.

Qu'un Déférent, & son Epicycle, se meuvent l'un & l'autre d'un mouvement uniforme. & dont la direction soit d'Occident en Orient, sclon l'ordre des Signes du Zodiaque, & que ces deux Cercles fassent leur révolution chacun autour de son centre en un tems égal; un Spectateur placé au centre du Déférent ne le verra jamais se mouvoir que comme il se meut réellement, selon l'ordre des Signes: mais le même Spectateur ne verra l'Epicycle se mouvoir selon cette direction que dans sa partie qui sera la supérieure, par rapport au centre du Déférent; & dans toute l'inférieure, il le verra se mouvoir d'Orient en Occident, ou contre l'ordre des Signes; mouvement faux, contraire au vrai, & qui n'est qu'apparent. C'est là une fuite nécessaire de la position du Spectateur

Tout

teur par rapport à l'Epicycle. De plus, de ce que le mouvement direct vrai de l'Epicycle se change en un rétrograde faux, il suit que ce changement se fait par degrés, & que le mouvement total, uniforme en lui-même, ne le parost plus, mais inégal & varié, aulieu que celui du Déférent parost toujours uniforme comme il l'est.

Pour prendre de tout cela une idée plus précise, on peut concevoir une ligne tirée du centre du Déférent ou de l'œil du Spectateur par le centre de l'Epicycle jusqu'à sa circonférence supérieure, dont elle déterminera le point le plus élevé, comme elle en a déterminé dans la circonférence inférieure le point le plus bas. On appellera l'un Apogée, l'autre Périgée. Un diametre de l'Epicycle perpendiculaire à cette ligne le partagera en deux moitiés égales, l'une supérieure, l'autre inférieure. Au point de l'Apogée le mouvement paroît direct, comme il l'est, & de la vîtesse dont il est; mais dans tout le Quart du Cercle qui suit, ce mouvement toujours encore direct parost toujours d'une vstesse moindre que la réelle; à la fin de ce 1er Quart de Cercle il n'est plus, c'est le rétrograde qui lui succede dans le 2^d, foible d'abord, & augmentant toujours jusqu'à la sin du demi-Cercle, où il devient égal au direct. Après cela il est aisé de voir que dans le demi-Cercle suivant, c'est la même chose en ordre renversé. On verra aisément aussi que les Stations se font dans les passages du mouvement direct au rétrograde, ou du rétrograde au direct.

Tout cela suppose que le Déférent & l'Epicycle fassent chacun leur révolution en un tems égal, ce qui revient précisément au même à l'égard du Spectateur, que si l'Epicycle se mouvoit sur la circonférence immobile du Déférent, auquel cas il n'y auroit point à tenir compte de ce qui arriveroit par la combination des differentes vîtesses des deux Cercles. Mais s'ils se meuvent tous deux hors de ce cas unique, équivalent à l'immobilité de l'un, il y a de nouvelles considérations à faire.

Le point du Périgée de l'Epicyle mu en même tems, & parce qu'il appartient au plan du Déférent qui se meut, & parce qu'il appartient à la circonférence de l'Epicycle, aura deux mouvemens, l'un qui lui viendra du Déférent selon l'ordre des Signes, l'autre contre cet ordre, & qui sera le direct de l'Epicycle changé par le Périgée en un rétrograde égal. Si, outre que ces directions des deux mouvemens sont absolument opposées, leurs vîtesses étoient égales, il est bien sûr que le point du Périgée paroîtroit immobile. Mais quand les vîtesses deux mouvemens seront-elles égales? Il est manifeste que ce sera quand le Déférent, s'il est plus grand que l'Epicycle, comme il doit l'être naturellement, fera sa révolution autour de son centre en un tems d'autant plus long par rapport au tems de la révolution de l'Epicycle, que sa circonférence sera plus grande par rapport à celle de l'Epicycle; quand, par exemple, le Déférent ayant une circonférence dix fois plus grande que celle de l'Epicycle, employera dix fois plus

plus de tems à sa révolution. Il est presque inutile de remarquer que le point dont on considere ici les vîtesses est bien un point de la circonférence de l'Epicycle, mais non pas de celle du Déférent, il en est éloigné de toute la longueur du rayon de l'Epicycle; mais comme il est dans le plan du Déférent, & n'a d'autre mouvement que celui de ce plan, il fait sa révolution dans le même tems qu'un point de la circonférence. Ce cas des vîtesses égales, où le Périgée de l'Epicycle est vu immobile, fait la proposition fondamentale de la Théorie de M. Godin.

Dans le cas que nous avons posé d'abord. équivalent à celui où le Déférent eût été immobile, nous avons vu que la station ou immobilité apparente de l'Épicycle auroit été à la fin de son 1er Quart de Cercle à compter de l'Apogée & à l'origine du 24, & que la rétrogradation auroit été de là en augmentant toujours jusqu'au Périgée, & auroit passé au-delà de ce point, mais en diminuant toujours, jusqu'à l'origine du 4^{me} Quart de Cer-cle, où elle auroit fini par une station. Nous venons de voir que dans le cas des vîtesses du Déférent & de l'Epicycle égales, il y a une station au point du Périgée. Donc les deux stations, qui dans le rer cas se faisoient en deux points diamétralement opposés & également éloignés du Périgée, se font dans ce 2^d cas au point du Périgée; & il est assez clair que dans les cas moyens entre ces deux elles se seront toujours rapprochées de ce point, jusqu'à ce qu'enfin elles s'y soient confondues.

Puisque le 1^{er} cas extrême est celui où le Hist. 1733. E Dé-

Déférent est immobile, & le 2d extrême, celui où il a la même vîtesse que l'Epicycle, les cas movems sont ceux où, à comprer du 16, le Déférent avant toujours moins de viteffe que l'Epicycle, en a une qui augmente toujours, & devient enfin égale à celle de l'Epicycle. Dans sous ces cas moyens les stations vont en se tapprochant toujours du Périgée, & par consequent les rétrogradations tiennent moins d'étendue sur la circonférence de l'Epicycle; & enfin quand les deux vitesses sont égales. les deux stations se réunissent au Périgée, & il y a une station sans rétrogradation ni précédente, ni suivante. Seulement l'apparence du mouvement direct aura toujours été

en diminuant depuis l'Apogée.

Il suit de-là, que passé le 24 cas extrême des deux que nous avons polés, c'est-à dire, quand la vitesse du Déférent seroit plus grande que celle de l'Epycicle, il n'y auroit plus ni stations ni rétrogradations. Ce spectacle seroit pour celui qui da Soleil verroit la Lune tourner autour de la Terre. Le Déférent seroit POrbite de la Terre autour du Soleil . & l'Epicycle seroit l'Orbite de la Terre. Les grandeurs de ces deux Orbites font à peu près comme 366 à 1. Afin que les vitesses du Déférent & de l'Epicycle fussent égales, il faudroit que tandis que l'Epicycle ou la Lune fait 366 révolutions, le Déférent ou la Terre n'en fit qu'une. Or ce Déférent en fait plus de 30. Donc il a beaucoup plus de vitelle que l'Epicycle. Donc, &c.

Puillure toutes les Planetes nous paroissent quelquefois rétrogrades, elles font toutes dans le cas opposé à celui-ci, mais les unes plus plus, les autres moins. Nous avons déja traité entre matière en 1700 * sur des principes tout différens.

SUR LA DETERMINATION

DE L'ORBITE DES COMETES.+

Es Astronomes modernes ont fait une entreprise presque réméraire, lorsqu'ils ont prétendu assujettir aux calculs des Astros aussi passagers & aussi irréguliers que les Cometes, comme l'on y a déja assujetti ceux que l'on a sous les yeux depuis tant de Siecles, & qui ont des mouvemens si règlés. Cependant l'entreprise s'avance, & promet du succès.

On a déja reconnu, ou du moins on convient généralement, que les Cometes sont des Planeres Solaires, c'est à dire, dont le mouvement se rapporte au Soleil, & se fait fur la circonférence d'une Ellipse dont il occupe un des Foyers. On suppose aussi assez volontiers qu'elles suivent, comme les aures Planetes Solaires, les deux fameuses Regles de Kepler; l'une, que les tems employés à décrire deux differens ares de ces Ellipses Planeraires sont entre eux comme les Secteurs Elliptiques correspondans formés par des lignes tirées du Soleil aux extrémités de ces ercs; l'autre, que les quarrés des tems des révolutions totales autour du Soleil sont entre eux comme les cubes des distances moyennes au Soleil. Mais pour faire ulage ou de ces suppositions, ou de ces principes, il faut E 2 au-

#p. 104. & faiv. T V. les M. p. 460.

auparavant avoir déterminé bien exactement quelle est l'Orbite d'une Comete, c'est-à-dire, quelle est sa position dans le Ciel par rapport à notre Ecliptique, & en même tems quelle est la vitesse de la Comete, & c'est-là la grande difficulté. De toute l'Orbite de la Comete, on n'en voit qu'une petite partie, qui étant proche du Périhélie, & plus courbe qu'elle ne seroit ailleurs, ne détermine point la direction du reste; & la vitesse est

si inégale, que l'on ne peut en juger sur une si petite partie de tout le cours.

La difficulté a piqué des Géometres du premier ordre, qui ont ouvert de grandes & belles vues; & aujourd'hui M. Bouguer s'engage dans le même travail, & propose une Méthode nouvelle qui donnera toute la Théorie des Cometes, & la rendra même plus simple, parce qu'il y entrera essentiellement un élément que l'on avoit ou négligé ou trop peu consideré. Ce sont les latitudes de la Comete, dont on tenoit peu de compte

en comparaison des longitudes.

M. Bouguer ne demande que trois observations exactes, tant de la latitude que de la longitude d'une Comete, en des tems peu éloignés. Il impose cette condition, asin que la Comete puisse être censée n'avoir décrit qu'une ligne droite, & que cette droite puissée être censée aussi parcourue d'un mouvement uniforme. Elle sera sensiblement l'Insiniment-petit de l'Orbite de la Comete; il faut cependant que les trois observations y fassent trois déterminations bien distinctes les unes des autres.

- Il s'agit de favoir comment cette droite est

posée par rapport à l'Ecliptique, ou, ce qui revient au même, il faut en faire la projection sur le plan de l'Écliptique, celui de l'Orbite de la Comete y étant incliné, ce qui est le cas général, & même sans exception dans le réel.

On a fait trois observations de trois differentes positions de la Comete sur son Orbite en trois tems. La Terre a été dans ces trois tems sur trois points differens de son Orbe annuel, on connoit la position qu'ils ont entre eux, leurs distances, & par conséquent les angles que feront entre elles trois lignes visuelles tirées de ces trois points de l'Orbe de la Terre à ceux où la Comete a été vue. Ces lignes visuelles ne déterminent encore rien par rapport au plan de l'Ecliptique, car elles sont en differens plans differemment élevés sur le plan de l'Écliptique, puisque la Comete a eu 3 differentes latitudes. Mais des points où se terminent dans le Ciel les lignes visuelles, on abaisse sur le plan de l'Ecliptique 3 perpendiculaires, qui soient entre elles comme les Sinus des 3 angles de latitude observés, & elles tombent sur 3 points de ce plan, qui étant joints, font la projection de la route de la Comete par rapport au plan de l'Ecliptique pendant tout le tems des obfervations.

Toutes les opérations de cette Méthode demandent le calcul de plusieurs Triangles absolument nécessaires, sans compter les auxiliaires dont on peut avoir beson. Heureusement ils sont tous rectilignes. Il y a ici bien des grandeurs connues, les angles de longitude, ceux de latitude, leurs Sinus, &c. des lignes qui ont les mêmes rapports que

Εæ

les tems écoulés entre les observations puisque le mouvement de la Comete a été suppolé uniforme; & enfin M. Bouguer procés dant toujours de Triangle en Triangle, & ne laissant rien d'inconnu ou d'indéterminé que la distance d'un point de la projection au point où étoit alors la Terre, ou à un terme équivalent, parvient à une Formule algébrique, qui est l'expression de cerre Incomnue en grandeurs toutes connues, & données par les 3 observations. S'il manquoit une des 3 latitudes, la Formule manqueroit, tant

les latitudes sont importantes ici.

Cette seule Formule de M. Bouguer congient toute la Théorie. On a donc la molision sur l'Ecliptique de la projection d'un est pace supposé rectiligne décrit par la Comete en un certain tems. Quand l'espace rectiligne ne feroit regardé que comme une Tanrenve de l'Orbite, il séroit bien sur que certe Tangente prolongée seroit toujours dans le plan de l'Orbite; & quand elle viendroit à rencontrer la projection du mouvement de la Comere prolongée aussi autant qu'il le faudroit, elle seroit aussi dans le plan de l'Echiptique, & par conféquent dans our Nœud de l'Orbite avec l'Ecliptique. Que du Soleil on tirât une droite à ce Nœud, les Géornes tres verront aisément que deux perpendicu-laiées à cette ligne tirées l'une de l'Orbire de la Comete, l'autre du point correspondant de sa projection, se rencontreroient en un point, & y feroient un angle qui seroit cehi de l'inclinaison de l'Orbite sur l'Ecliptique. Le Triangle, où cet angle seroit combris le résoudroit par le moyen d'autres TrianTriangles déja conpus, auxquels il feroit nécessairement lié; se dans cette résolution on trouveroit aussi la distance de la Comete au Soleil, & pas conséquent à la Terre, loufqu'elle étoit dans le points de son Orbite que l'on avoit déterminé.

Quelque importantes que soient déia ces conclusions. M. Bouguer tire encore plus de finit de sa Théorie avec le secours des deux Règles de Kepler. Par la premiere, le tems pendant lequel elle a décrit fon petit arc Elliptique supposé rectiligne, est au tems pendant lequel elle décrins la circonférence entiere de l'Ellipse, comme l'aire du pesis Socteur Elliptique à celle de l'Ellipse enviere. L'aire du petie Secteur Elliptique peut être prise pour un Trangle rectiligne, dont la base est le peut arc supposé rectiligne. & chaque côre est la distance de la Comete au Soleil, connue en ce tems-là, comme il vient d'être die M. Bouguer calcule ensuite l'aine enciere de l'Ellipse par les propriétés connues de cette Courbe, es laissant indéterminée de insonnue l'expression de son grand axe; après quoi vient apfli-tôt l'expression du tems de la révolucion ennière.

Par la seconde Regle de Kepler, le quarré du tems de la révolution entière d'une Planete, comme la Terre, qu'il vaux mieux prendre que toute autre, sera au quarré du tems de la révolution entière de la Comete, comme le cube de la distance moyenne de la Terre au Soleil est au cube de la distance moyenne de la Comete au Soleil. Cette distance moyenne de la Comete au Soleil. Cette distance moyenne est la moinié de la plus grande et de la moinière à qui toute; deux enfem-

104 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

femble font le grand axe de l'Ellipse: donc else est la moitié du grand axe, qui par-là devient déterminé, puisqu'il entre dans une proportion on il n'y a que des grandeurs connues.

Avec la connoissance du grand axe ajoutée à celles que l'on avoit déja, on peut trouver le petit axe, la distance des deux Foyers, le centre, l'Aphélie & le Périhélie, la ligne des Apsides qui les joint, &c. Trois observations seules ont suffi pour servir de base à tout ce grand échaffaudage de Géométrie & d'Astronomie.

Une remarque de M. Bouguer, qui n'est pas à oublier ici, c'est que son expression algébrique du grand axe de l'Ellipse est telle qu'elle peut donner une grandeur ou positive, ou infinie, ou négative. Cela dépend de la vîtesse plus ou moins grande de la Comete, quoique toujours finie. Si l'axe est positif, il est l'axe d'une Ellipse ordinaire; s'il est infini, ce qui arrive parce que la vîtesse de la Comete est à un certain point, il est l'axe d'une Ellipse infinie, c'est à dire, d'une Parabole dont les deux Foyers sont infiniment éloignés l'un de l'autre; s'il est négatif, & alors la vîtesse est encore plus grande, il est l'axe d'une Hyperbole, qui est une Ellipse dont les deux Foyers finiment éloignés sont posés à contre-sens de ce qu'ils sont dans l'Ellipse ordinaire. Il est évident qu'une Comete qui après son Périhélie auroit passé d'une branche de sa Parabole ou de son Hyperbole dans l'autre, ne reviendroit jamais dans sa premiere branche, dont elle s'éloigneroit toujours à l'infini, & par conséquent ne seroit jamais revue: ainsi la Théorie de Μ.

M. Bouguer comprend toutes les Cometes possibles, celles qui ont des retours, & cel-

les qui n'en ont point.

Il ne semble pas qu'il fallût prendre pour Planetes Solaires les Cometes qui n'auroient point de retours. Quel rapport leur mouvement auroit il au Soleil quand elles s'éloigne-roient toujours de lui selon des lignes presque exactement droites, & iroient se perdre à jamais dans l'immensité de l'Univers? Peut-être même toutes les Cometes à retour ne seront-elles pas Planetes Solaires. Le Soleil est plus à nous que toute autre Etoile de son espece, & ne serost-ce point un reste du Système Ptolémaïque, si naturel aux hommes, que de vouloir rapporter tous les mouvemens célestes à ce Soleil?

<u> කරුවක කරුවෙන්නේ කරුවෙන්</u> අවස්තුරුවෙන්නේ කරුවන්නේ කරුවන්නේ අවස්තුරුවන්

SUR UNE NOUVELLE METHODE

POUR LES LONGITUDES.

N sait combien certains spectacles célestes servent à la détermination des
Longitudes terrestres, parce qu'ils sont vus
en même tems par des Observateurs placés
en disserens lieux. Il faut que leur apparition
soit promte & presque instantanée, de peur
qu'un Observateur ne les vît, ou ne crût les
voir, tandis qu'un autre ou ne les verroit
pas, ou ne s'en tiendroit pas sûr. C'est par
cet endroit, aussi-bien que par la fréquence,
que les Immerssions & les Emerssions des Satellites de Jupiter, & les occultations des
Fixes par la Lune, l'emportent beaucoup

106 HISTOTRE DE L'ACADEMIE ROYALE

fur les Eclipses Lunaires, qui seules étoient employées autrefois à la recherche des Longitudes. On ne peut trop multiplier ces spectacles, & c'est les multiplier que de découvrir qu'on en puisse employer à cet usage quelques uns qu'on n'y employoit pas, ou auxquels on ne faisoit pas assez d'attention. Lorsque la Lune est en Croissant ou en

Lorsque la Lune est en Croissant ou en Décours, on voit dans la partie obscure de son Disque quelques points lumineux semés cà & là, mais tous peu éloignés du Cercle ou demi-Cercle d'illumination, qui sépare la partie éclairée d'avec l'obscure. Ce sont des sommets de Montagnes sevées, qui reçoivent les rayons du Soleil plutôt que les Plaines, si la lumiere va vers eux dans le Croissant, ou qui perdent ces rayons plus tard, si la lumiere se retire dans le Décours. On peut appeller Emersions de ces points leurs apparitions, puisqu'ils se dégagent en quelque sorte de l'ombre répandue autour d'eux; & leurs Immersions au contraire seront leurs disparitions, puisqu'alors ils sont consondus dans l'ombre générale.

M. Grandjean ayant remarqué que quelques uns de ces points lumineux apperçus par fa Lunette dans la partie obscure, disparoisfoient en fort peu de tems, eut la curiosité de s'attacher à un, qu'il vit en effet diminuer de clarté peu à peu, & ensin disparostre totalement en un instant. C'est ainsi précisément que se font les Immersions des Satellites. Les Emersions des points lumineux de la Lune seront pareillement instantanées, & peut être encore plus, parce que l'ébranlement de la Rétine peut faire continner la

vision d'un objet lumineux qu'on a cessé de voir réellement, au-lieu que cette raison n'a pas lieu pour celui que l'an commence de voir.

Il étoit donc assez naturel d'appliquer aux Longitudes les Immersions & Emersions de ces points lumineux de la Lune, sensibles & frequentes commeelles sont, & M. Grandjean a été surpris que l'idée n'en soit venue qu'à Hévélius & à Langrénus, qui ne l'ont pourtant pas suivie. Il est yrai que la chose n'est pas sans difficulté dans l'exécution.

Il faudroit une Selengraphie ou Carte de la Lune extrêmement exacte, & on n'en a bas encore qui le foit affez, quoiqu'il foit beaucoup plus aifé de faire une Sélénographie qu'une Géographie prise dans le même sens. A moins que de cette grande exactitude de la Carte, deux differens Observateurs pourroient prendre deux differens points lumineux pour le même, & toutes les conclusions pot-

teroient à faux.

la suppose que l'on sie la meilleure Sélénographie qu'il se puisse, & où les points dont il s'agit soient parfaitement bien posés par rapport aux autres parties; il est certain qu'afin qu'ils ayent une Emersion, il faut qu'ils se fassent voir dans la partie obscure qui vient d'être éclairée, on qui va biencôt l'être; on dire la même chose renversée sur l'Immersion. Pour cels il faux donc qu'ils ne soient qu'à une certaine petite distance du Cercle d'illumination, & la position de ce Cercle sur le Disque de la Lune dépend de la distance de la Lune au Soleil, & en général de son mouvement qu'il seroit difficile d'avoir dans une précision suffisante. Nous avons parlé al de E 6 was set i ides

des irrégularités de ce mouvement en 1702 *.

Il y a encore plus. La Lune a une Libration tant en longitude qu'en latitude, expliquée affez au long en 1721 †, qui dérangeroit, quoiqu'affez peu, la position qu'on donneroit dans une Sélénographie aux Taches de la Lune & à ses points lumineux par rapport à certains Cercles qu'on seroit obligé d'ima-

giner fur son Disque.

De tout cela il fuit, qu'il ne seroit pas aise de construire des Tables qui marquassent as-sez juste les tems où doivent arriver les Emersions ou Immersions, dont nous traitons ici. Cependant ces Tables seroient néces-saires pour avertir les Observateurs d'observer, & beaucoup plus encore pour tenir-lieu d'un Observateur perpétuel placé sous le Méridien pour lequel elles seroient calculées, ce qui est le grand usage des Tables des Satellites à l'égard des Longitudes.

En attendant les Tables, qui pourront venir, M. Grandjean a imaginé un expédient.
Il ajoute à une Sélénographie ordinaire la
partie de la Lune qui peut se découvrir par
le mouvement de Libration, car c'est-là le
plus embarrassant. Il a une feuille de Corne
transparente, sur laquelle il a tracé des Cercles de longitude & l'Ecliptique, il la met
sur sa Sélénographie disposée de la même maniere dont il voit qu'est la Lune au tems de
l'observation, & avec une Alhidade mobile
sur la feuille de Corne, il voit à quels Cercles de longitude, à quels points de l'Ecliptique se rapportent les differentes parties de
la Lune, & où doit être à-peu-près le Cercle

d'illumination cherché. Les Astronomes suppléeront assez au détail de cette opération que nous supprimons.

Si l'on veut suivre cette idée, tous les points sujets à Emersion & à Immersion devroient avoir des noms dans la Sélénographie, & ils

n'en ont pas encore.

Il y a un choix à faire entre eux. Quelquesuns n'ont pas leurs Emersions ou Immersions assez promtes, apparemment parce que ce sont de grands Rochers à plusieurs pointes assez éloignées, qui ne reçoivent ou ne perdent la lumiere que les unes après les autres.

Il vant mieux prendre les points les plus proches de l'Ecliptique tracée sur la Lune, parce que le mouvement de la lumiere y est

plus promt.

Les points lumineux font plus frappans dans le Décours, parce qu'alors l'ombre qui les environne augmente toujours, au-lieu qu'elle diminue toujours dans le Croissant; & par cette raison, pour bien prendre l'habitude de ces sortes d'observations, il est à propos de commencer à la prendre dans le Décours. Combien d'autres instructions le tems nous donnera t-il sur cette matiere, s'il vient à l'entreprendre?

Ette année l'un des deux Mr. Cassini qui avoient accompagné M. leur Pere au Voyage de la Perpendiculaire Occidentale, apporta à l'Académie une Méthode qu'il avoit trouvée pour la détermination de la Figure de la Terre, tirée du travail qu'ils venoient de faire.

Quand on avoit tracé la Méridienne de Paris qui traverse la France Nord & Sud, on E 7. avoit avoit trouvé que les degrés en étoient inégaux entre eux, ce qui montroit déja que la Terre étoit non une Sphere, mais un Sphéroïde, & de plus que ces degrés étoient décroissans de l'Equateur vers les Poles, ce qui montroit que ce Sphéroïde étoit allongé ou oblong.

Par les opérations qu'on venoit de faire à l'Occident depuis Paris jusqu'à la Mer, on avoit trouvé que les degrés du Parallele de Paris étoient plus petits qu'ils n'auroient dû être si la Terre entété une Sphere, & qu'au contraire ils auroient dû être plus grands que dans l'hypothese Sphérique, si la Terre entété un Sphérorde applati. C'étoit donc un

Sphéroïde oblong.

M. Cassini le Fils considéra que de l'hypothese du Sphéroide oblong suivoit encore une conséquence que l'on pouvoit vérifier par ce qui venoit d'être fait. On avoit tiré une Perpendiculaire au Méridien de Paris, ou une Tangente du Parallele de Paris au noint de Paris. Depuis le point d'attouchement cette Tangente s'écarte toujours de plus en plus de son Cercle, c'est à dire, que toutes les perpendiculaires à la Tangente tirées de . tous les points d'un quart de ce Cercle vont toujours en croissant depuis la premiere qui est au point d'attouchement, & nulle, jusqu'à la derniere, qui est égale au rayon du Cercle posé. Passé cela, il n'y a plus d'écarte à confidérer, si ce n'est de l'autre côté, ou la même chose se répete. De là il suit que plus le Cercle posé est grand, plus les écarte de sa Tangente sont grands; car la derniere de ces perpendiculaires à la Tangente, qui mesurent les écarte, est toujours égale au rayon du Cercle posés...

Si la Terre est Sphérique, on sait quels doivent être les écarts ou distances de chaque point du Parallele de Paris à chaque point de sa Tangente. Si la Terre est un Sphérorde oblong, ces écarts seront plus petits, parce que le Parallele sera un petit Cercle, & au contraire, si la Terre est un Sphérorde applati.

Cette Tangente étant actuellement tracée à l'Occident par les Triangles, il ne falloit donc plus que prendre de ce côté-là un point sur le Parallele de Paris, c'est à dire, trouver un Lieu dont la latitude sût égale à celle de Paris, tirer de ce lieu sur la Tangente une perpendiculaire, dont on viendroit à connoitre la grandeur en la liant aux Triangles, & comparer cette grandeur trouvée avec celle de l'hypothese Sphérique. Voilà la Méthode proposée par M. Cassini le Fils. Heureusement ils trouverent dans leur Voyage Granville, dont la latitude est à une Seconde près la même que celle de Paris, & il a donné l'exemple du Calcul qu'il y avoit à faire en ce cas là. Il en résulte sûrement & sensiblement le Sphéroïde oblong.

Comme la distance de Granville, par exemple, à la Tangente du Parallele de Paris, ne peut être qu'une portion du Méridien de Granville, il faut donc avoir actuellement tracé ce Méridien, comme celui de Paris l'a été à Paris: mais aussi cette opération, jointe à l'observation de la latitude de Granville, est tout ce que demande la Méthode de M. Cassini, la Tangente du Parallele de

Paris étant supposée décrite.

Les écarts de la Tangente, par rapport à fon Cercle, croissent de degré en degré de-

puis le point d'attouchement selon une raison beaucoup plus grande que celle du nombre des degrés, & c'est un avantage dans cette Méthode. Pourvu que le Lieu où l'on prendra la seconde latitude seit un peu éloigné de celui d'où l'on est parti, de Paris, par exemple, les écarts seront déja considérables, & par conséquent leurs differences d'avec ceux de l'hypothese Sphérique assez sensibles. Si le 24 lieu étoit encore un peu plus éloigné, il seroit impossible qu'il restat la moindre incertitude.

Il n'étoit point nécessaire que l'on eût un Lieu comme Granville, dont la latitude fût égale ou si approchante d'être égale à celle de Paris. Tout autre lieu d'une latitude connue auroit suffi: il n'auroit pas été sur le Parallele de Paris, mais on l'y auroit rapporté aisément par un calcul qui n'eût été qu'un peu plus long. M. Cassini en a donné un exemple sur S' Malo, dont la latitude differe de plusieurs Minutes de celle de Paris.

Dans cette Méthode, 1° il ne faut que des latitudes, dont l'observation est plus commode que celle des longitudes; car les longitudes demandent les Satellites de Jupiter, & par conséquent de grandes Lunettes, outre que l'on n'a pas les Satellites en tout tems. 2° Si les latitudes sont égales, ou, ce qui est le même, les hauteurs des mêmes Astres dans le même Climat, ou seulement si elles approchent assez de l'égalité, on n'a presque point à craindre différentes erreurs dans les Réfractions, elles seront à-peu-près égales, s'il y en a, & par conséquent ne gâteront rien. 3°. Et par la même raison les erreurs qui viendroient de la division désectueuse de

l'Instrument, comme il arrive souvent, seront sans conséquence, pourvu que l'Instrument, dont on se servira, soit toujours le même.

Ous renvoyons entierement aux Mémoires

* Un Ecrit de M. Godin fur une Addition qu'il faut faire aux Quarts de Cercles fixes dans le Méridien.

† Les Observations de l'Eclipse Solaire du 13 Mai, faites par M. Cassini & Godin.

‡ Celles de l'Eclipse Lunaire du 28 Mai

par M. Godin. 🥦

4 Une Méthode de M. Pitot pour calculer la 11º Equation des Planetes.

කරාදන දරුල්දෙන් වරුදෙන්වාදන් දරුවන් වන වරුදුන් වෙන්න මෙන්න

MECHANIQUE.

SUR LES CHARROIS, LES TRAINEAUX ET LE TIRAGE DES CHEVAUX.

A Méchanique, qui ne s'est d'abord appliquée qu'aux Arts Ies plus communs, & par-là les plus vils en apparence, s'est dans ces derniers tems élevée jusqu'aux mouvemens des Corps célestes: mais comme elle ne l'a fait qu'en s'appuyant toujours sur les mêmes principes, elle ne doit pas dédaigner ses premieres fonctions, plus utiles peut-être, quoique moins nobles; ni croire au-dessous d'elle de considérer des Charrettes, & de pareilles Voitures, après avoir considéré les pesanteurs

^{*} V. les M. p. 50. † p. 207. 209. † p. 271. ‡ p. 502. § V. les M. p. 67.

114 Histoire de l'Academie Royale

teurs mutuelles des Corps célestes lentre eux. Pour faire tourner & avancer une Roue fur un terrein supposé horizontal & uni, il faut que tandis qu'un des rayons de la Roue est posé verticalement sur ce terrein, où il est attaché par tout son poids, une Puissance appliquée au centre de la Roue, où est l'extrémité supérieure de ce rayon, la tire à elle de façon que l'extrémité inférieure le détache du point du terrein qui étoit le point d'appui du rayon. Si la puissance tire obliquement, ce qui est le cas général, la perpendiculaire tirée du point d'appui sur cette direction oblique, fera, comme on sait, la Cance de l'action. de la puissance au point d'appui, ou le bras de levier par lequel elle agira; & plus ce bras fera long, plus elle agira avantageusement. Afin que pour une direction oblique ce bras de levier soit le plus long qu'il est possible, il faut, le point d'appui étant conçuau sommet d'un angle formé par une horizontale & une verticale, & la direction oblique étant l'hypothénuse de cet angle droit, que certe hypothénuse fasse, avec chacun des deux autres côtés, un angle de 45°; car alors il est démontré que la perpendiculaire, tirée du fommet de l'angle droit sur cette hypothénufe, fera plus grande que toute autre perpendigulaire tirée sur la même hypothénuse autrement polée. Il est très aisé de s'en convain-

cre, même à l'œil.

La direction de la puissance étant selon cette hypothénuse supposée, il est bien certain qu'il n'y a qu'une moitié de son effort employée à tirer la Roue horizontalement, & que l'autre moitié l'est ou à porter une

partie du poids de la Roue, & à la soulever, i la puissance agit de bas en haut, ou à presser cette Roue contre le terrein, & a l'y appliquer plus qu'elle ne l'étoit déja par son poids, fi la puissance agit de haut en bass. Le levier est le plus avantageux qu'il se puissée pour produire un mouvement composé de l'horizontal, & de l'un ou de l'autre de ces deux vernicaux; mais quand on veut faire rouler une Roue, on ne veut que la faire rouler, c'est-à-dire, lui donner un mouve-ment horizontal, qui ne conteroit absolument rien, si le terrein écoit parfaitement uni, & qui ne demande de la force qu'à caufe des inégalités de ce terreir, & des frorte-mens qu'il faut vaincre. On est bien éloigné de chercher à sourenir une partie du poids de la Roue, on à l'appliquer davantage con-tre le plan. Il ne faut donc pas que la direc-tion de la puissance soit oblique au plan, mais parallele; & comme alors cette puissance agit toujours perpendiculairement au Rayon ver-tical à l'extrémité supérieure duquel elle est appliquée, ce Rayon est son levier naturel & nécestaire.

Un Cheval tire par son poitrail, & puisqu'il doit tirer parallelement au terrein honizontal, l'élévation de ce poitrail sur le terrein doit être aussi celle du centre de la Roue, ou la longueur des Rayons, & celle du levier de la puissance. De là il suit que tout le reste étant égal, le Cheval le plus hair est le meilleur, il permettra que la Roue air un plus grand Rayon, si on la règle sur lui, & il se donnera à lui-même un plus grand levier. Il ne s'agit ici que des Voitures qui n'ont que deux

116 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

deux Roues égales, comme les Charrettes. Si la Charrette rencontre en son chemin quelque éminence d'une certaine hauteur verticale, par dessus laquelle elle doive passer, la puissance des Chevaux, qui auroit sussi pour faire avancer la Charrette horizontalement, ne sussi plus pour lui faire surmonter cette éminence, & M. Couplet détermine géométriquement quelle doir être en ce cas là la puissance agissant toujours selon une direction horizontale. Cela se trouve aisément par le rapport des Leviers, dont l'un est celui de la charge totale de la Charrette, l'autre celui de la puissance, tous deux ayant pour appui le point le plus élevé de l'éminence, & étant supposés en équilibre.

Il est certain que sans ce calcul géométrique, un effort d'un moment qu'on feroit faire aux Chevaux, vaincroit aisément un obstacle ordinaire: mais il est bon de connoitre précisément à toute rigueur de quelle force on auroit besoin. L'usage commun est que le centre de la Roue soit un peu plus bas que le poitrail du Cheval, moyennant quoi le tirage, qui ne perd guere de son parallélisme au terrein, gagne pourtant assez de direction verticale pour soutenir & soulever la charge de la Charrette autant qu'il est nécessaire à la

rencontre des obstacles médiocres.

Quelquefois pour transporter plus surement des choses qui seroient perdues, ou fort endommagées, si une Charrette venoit à verser, on les met sur un Traineau, quoique ce soit une Voiture moins avantageuse en qualité de Machine, car elle présente aux frottemens une surface sans comparaison plus grangement de la comparaison plus de la comparaison plus grangement de la comparaison plus de la co

gande, & il ne s'y trouve aucun levier en faveur-de la puissance motrice. Alors le Cheval ne peut plus tirer parallelement au termin, il tire de bas en haut selon une direction oblique, dans laquelle entre nécessairement du vertical, & par conséquent il soutient une partie de la charge du Traineau; mais aussi comme il le souleve d'autant, il en diminue le frottement contre le terrein. Ce qu'il y a de vertical dans cette direction oblique, est d'autant plus grand que le Traineau a sa surface supérieure au dessus du terrein, & que les traits du Cheval sont plus courts, car ils en approchent plus d'être verticaux. Si les traits étoient infiniment longs, le tirage deviendroit parallele au terrein, & le Cheval ne porteroit plus rien de la charge du Traineau.

Afin qu'il n'en porte qu'une certaine quantité, ou en général un certain poids, il faut donc une certaine longueur de traits, & M. Couplet la détermine par une formu'e algébrique, tout le reste étant supposé connu, ou donné. Nous ne parlons ici que d'un Cheval, parce qu'il n'y en a qu'un dont les traits soient obliques à l'horizon, ou au terrein. C'est le dernier de la volée, ou le plus proche du Traineau: les autres, quand il y en a, tirent parallelement à l'horizon, & ne sont que fortisier ce qu'il y a d'horizontal dans la direction du Cheval de volée, & se joindre à lui a cet égard.

Quand M. Couplet est arrivé par ses faifonnemens à des formules algébriques, il les réalise, pour ainsi dire, par des exemples qu'il donne en grandeurs connues & usitées. Si l'on veut que le Cheval de volée, aidé de dix autres, ne foit chargé que de 300 livres ce qui est une charge moyenne, il se trouvera aussi-tôt que la longueur de ses traits doit être d'un peu plus de 20 pieds.

On changeroit la traction oblique du Traineau en parallele, si on le faisoit tirer par l'extrémité supérieure d'une espece de Mât, dont la hauteur seroit égale à celle du poitrail des Chevaux: mais ce seroit-là un levier assez long par lequel agiroit tout ce qui pourroit tendre à faire verser le Traineau, & rien ne seroit plus contraire à l'intention que l'on a que le transport soit plus ssir.

Nous passons sous silence plusieurs Remarques de M. Couplet, qui tiennent plus à la Pratique, qu'à la Théorie, quoiqu'elles n'en

soient pas pour cela moins utiles.

SUR LE VAISSEAU.

qui éprouvera la meindre résistance de l'Eau. *

Ous avons déja parlé de ce Problème en 1690 †, mais il n'y a été qu'effleuré, non-seulement dans le peu que nous en dimes alors, mais même dans les belles Solutions qu'en ont données Mrs Newton, Fatio, de l'Hôpital, & Herman. Ils ont supposé que la route du Vaisseau étoit directe, c'est-à-dire, selon sa qu'elle, & que la figure que demandoit la Proue pour fendre l'Eau avec la plus grande facilité possible, étoit celle d'un Conoïde qu'on avoit à déterminer, mais dont la base étoit toujours circulaire.

* Y. les M. p. 115.

laire. Or il est très rare que la route d'un Vaisseau soit directe, & il n'est jamais de telle figure que la base du Conorde de sa Proue, ou le plan qui en cet endroit sera perpendiculaire à sa Quille, puisse être un Cercle. Le Problème n'a donc encore été résolu que pour des cas, ou très particuliers, ou éloignés du vrai; & c'est ce qui a invité M. Bouguer à donner une Solution nouvelle & générale, quelque compliquée & quelque pénible qu'elle d'ût être.

La base étant supposée telle qu'on voudra, & donnée, il faudra concevoir qu'on lui appliquera le Conorde de la Proue, tel qu'il aura été déperminé géométriquement pour être celui de la moindre résistance que le Vaisseau puisse éprouver de la part de l'Eau. Ce Conorde a sa surface formée par une infinité de Courbes, qui se réunissent toutes à sa pointe ou sommet. On prend pour la principale de ces Courbes, & pour celle dont il faut déterminer la nature, celle qui est dans un plan vertical. Son axe, qui est aussi celui du Co-

norde, est parallele à la Quille.

Quand un Vaisseau se meut, il frappe l'Eau selon des lignes paralleles à sa roure, & tous les côtés infiniment petits de la Courbe rincipale du Conoïde de la Proue doivent re conçus comme frappés chacun par un et d'eau parallele à la route; ainsi c'est de route que dépend la position des silets sur laque petit côté de la Courbe. Puisque sit une Courbe, ils sont tous différement posés sur chaque côté, c'est-à-dire, las ceux qui frappent une même moitié de Courbe. Ils sont tous obliques chacun sur leur

120 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

leur côté, hormis peut-être un qui lui sera perpendiculaire, & un autre parallele; & tous les obliques ne frappent, comme on sait, que par ce qu'il y a de perpendiculaire dans leur direction décomposee. Moins un filet oblique a de perpendicularité par rapport au côté qu'il frappe, moins il le frappe; & par conséquent moins tous les filets ensemble ont de perpendicularité par rapport à la Courbe, moins elle est frappée; & lorsqu'en vertu de sa courbure, elle l'est le moins qu'il soit possible, elle est la Courbe qui doit

être celle du Conoïde de la Proue.

Une route oblique, ou inclinée à la Quille, & à l'axe du Conoïde la Proue, étant déterminée, il en résulte nécessairement de certaines inclinaisons des filets d'eau sur les petits côtés de la Courbe, inclinaisons differentes de celles qui résulteroient d'une autre route oblique; & de ces inclinaisons ou directions décomposées, il en résulte aussi des perpendiculaires plus ou moins grandes, & autrement inclinées à l'axe du Conorde qu'elles ne seroient pour toute autre route. Tout dépend de la force ou de la grandeur de ces perpendiculaires, que M. Bouguer appelle aussi impulsions relatives, parce qu'elles sont telles ou telles selon les routes differentes: il en faut prendre la somme dans une Zone infiniment peu large du Conorde qui comprendra la Courbe principale; mais pour avoir cette somme, il faut avoir déterminé dans l'expression algébrique toutes ces impulsions à être paralleles entre elles, ou dirigées en même sens, après quoi cette expression générale de la force employée par tous

tous les filets d'eau contre la Zone, devient, par des Règles connues, celle de la moindre force possible, qui est ce qu'on cherche, car de-là nait l'équation de la Courbe principale, dont les Abscisses se prennent sur l'axe du Conoïde. Mais ce n'est pas sans beaucoup de difficulté que tout cela vient, & sans qu'il soit besoin d'employer beaucoup d'adresses de calcul; on pourra aisément s'en convaincre.

Comme M. Bouguer, pour éviter que la base de la Proue sût nécessairement un Cercle, en avoit rendu le Conoïde, qu'il cherchoit, tout-à fait indépendant, & avoit laissée la base entierement indéterminée; il a voulu, après ce Conoïde trouvé, déterminer une base, & voir ce qui en arriveroit. Il a pris d'abord un demi-Cercle tronqué, c'estadire, dont un Segment inférieur sût retranché, de sorte que la base étoit formée par deux arcs circulaires que séparoit une ligne droite, ce qui approche assez de la figure qu'auroit la coupe verticale d'un Vaisseau faite en ce même endroit. Ensuite il a pris le demi-Cercle entier, & l'application de ses Formules à cette supposition lui a fait naitre des vues nouvelles, & même paradoxes.

Après que les grands Géometres que nous avons nommés, eurent déterminé le Conoïde qui éprouvoit la moindre résistance dans la route directe, & dans le sens de cette route, c'est-à dire, selon l'axe du Conoide, M. Bouguer s'apperçut que dans les routes obliques ce même Conoïde éprouvoit encore la moindre résistance selon son axe, ce qui étendoit les avantages de la premiere Théorie. Mais ils vont encore plus loin par celle de M. Bouguer. Ce ne sont pas seulement Hist. 1733.

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

les impulsions dans le sens de cet axe, qui y sont les moindres qu'il se puisse, ce sont les impulsions en tous sens; & on le voit évidemment, parce que les changemens d'hy-pothese sur l'inclination de la route à l'axe, & sur celle des perpendiculaires à ce même axe, ou impulsions relatives, ne changent point le rapport des Abscisses de la Courbe du Conoïde à ses Ordonnées, & que par conséquent cette Courbe est toujours de la même nature: avantage très considérable. & qu'on ne pouvoit guere prévoir, car il étoit fort possible & fort vrai-semblable, qu'à la rigueur chaque route eût demandé sa Courbe particuliere, & qu'on eût été réduit à ne donner à un Vaisseau qu'une certaine Courbe moyenne entre toutes les autres de cette espece, pour satisfaire à-peu-près à toutes les routes.

Le point le plus surprenant de cette Théorie de M. Bouguer, c'est que le Conoïde qu'elle donne pour celui de la moindre résistance possible est aussi en certains cas celui de la plus grande, de sorte que de toutes les figures de Conoïdes, ce seroit la plus mauvaise pour le Vaisseau. Il est bien vrai qu'il n'y a qu'une même & unique Méthode pour le plus petit & le plus grand, que par cette Méthode précisément on ne sait point lequel des deux on trouve, & par conséquent on peut aussi-tôt avoir trouvé l'un que l'autre: mais ce ne sera que l'un ou l'autre, & non pas tous les deux comme ici. J'entends sons les deux, non pas à la fois, mais en ce sens que si ce n'est pas l'un dans le cas proposé. c'est surement l'autre, sans qu'il y ait rien de changé, ce qui n'arrive pas ainfi dans les

Courbes; un plus petit y est toujours un plus petit, & ne devient jamais un plus grand, & s'il v a dans la même Courbe un plus grand, on ne l'aura qu'en changeant quelque chose aux suppositions du premier cas. De plus, & cela est très remarquable, s'il y a dans une même Courbe un plus petit & un plus grand, ils n'y sont pas contigus, mais séparés par un intervalle, pendant lequel le changement de plus petit en plus grand est conduit par tous les degrés & les nuances que demande toujours l'ordre Géométrique, mais ici en supposant tous les Conordes de M. Bouguer arrangés de suite, le dernier de ceux de la moindre résistance, & le premier de ceux de la plus grande, sont contigus. Comment se fait ce saut si subit. & qui parost sans exemple?

Tout cela s'accordera, si l'on fait réflexion que le même Conoïde qui dans deux routes differentes du Vaisseau éprouve toujours la moindre résistance possible, n'éprouve pas pour cela dans les deux routes une résistance égale, il n'éprouve que la moindre possible par rapport à chaque route particulière: car il est visible que selon la route, l'Eau résiste plus ou moins au mouvement du Vaisseau. puisqu'elle ne résiste que le moins absolument qu'il soit possible à la route directe qui se fait selon la Quille, & absolument le plus qu'il se puisse à celle qui se feroit selon une perpendiculaire à la Quille. Si l'on conçoit toutes les routes rangées entre ces deux extrêmes à commencer par la premiere, la rélistance qu'éprouvera le Conoïde de M. Bouguer, quoique la moindre possible pour chaque route, ira toujours en croissant d'une - route à l'autre, & enfin viendra la plus grande

124 HISTOIRE DE L'AGADEMIE ROYALE

de tontes ces moindres, à laquelle sera contigue une encore plus grande, mais d'un autre ordre, & du nombre de celles qui seront les plus grandes possibles, elle en sera la premiere & la moindre. Ainsi la Règle des plus grands & des plus petits a fait ce qu'elle a dû, & comme elle l'a dû. Elle a donné des uns & des autres, puisqu'il y en avoit réellement dans la question proposée, ce qui est rare; & elle les a donnés distribués selon cet ordre si propre aux grandeurs, qui sont l'objet de la Géométrie.

M. Bouguer n'a pas manqué de bien distinguer les deux especes de routes, dont les unes produisent la moindre résistance, & les autres la plus grande. Leur séparation étant faite, & caractérisée géométriquement, il est heureux qu'il n'y ait presque jamais que les premieres qui se trouvent réellement dans la pratique de la Navigation; les aûtres font de trop grands angles avec la Quille. Ainsi l'inconvénient du Conoïde de M. Bouguer n'est guere à craindre, & ne peut pas être comparé à l'avantage singulier qu'il a deconvenir à toutes les routes, sauf cette exception très rare.

SUR LE MOUVEMENT

D'UNE BULLE D'AIR DANS UNE LIQUEUR. *

E sujet paroît avoir été choisi plus pour sa difficulté géométrique, que pour son stillité. M. de Maupertuis a voulu faire voir que la Géométrie moderne étoit parvenue, & cela très rapidement, à un si haut point de

perfection, qu'elle avoit de la peine à trouver desormais des Problèmes assez compliqués.

& où elle déployat tout son art.

Une Bulle d'Air posée au fond d'un Vaisseau plein d'eau, monte en traversant toute l'eau qui la couvroit, mais elle monte d'un mouvement fort inégal; & c'est certe inégalité qu'il s'agit de calculer, & de soumettre à une formule algébrique. La Bulle monte parce que son volume ne renferme que de l'air moins pelant que l'eau renfermée dans un volume d'eau égal. Ainsi la force motrice est l'excès de pefanteur de l'eau sur celle de l'air, les volumes étant égaux. Cette force est accélératrice, puisque c'est une pesanteur, & la Bulle montera toujours plus vîte. Quand elle est au fond de l'eau, elle est réduite à un certain état de condensation, à un certain volume, tant par le poids de la liqueur supérieure, que par celui de toute l'Atmosphere qui pese sur cette liqueur; car l'Air est com-pressible, comme l'on sait, & il se compri-me, du moins proche la Terre, selon la proportion des poids dont il est chargé. Dès que la Bulle monte, elle est soulagée de quelque partie du poids qu'elle portoit, & tou-jours ainsi de plus en plus, de sorte que son volume s'étend toujours, sans perdre cepen-dant la figure sphérique, circonstance assez avérée par l'expérience.

Une plus grande surface éprouve de la part du Liquide qu'elle divise une plus grande résistance. La Bulle qui augmente toujours de volume, reçoit donc toujours de ce chef quelque diminution à la vétesse que la force mo-trice augmente-toujours. D'un autre côté le Liquido qu'il faut divifer, rélific, plus à une plus

126 Histoire de l'Academie Royale

plus grande vîtesse du Mobile qu'à une moindre, & cela se fait selon la seconde Puissance de la vîtesse, ou ses Quarrés. Or les Quarrés font une Suite fort croissante, & par conséquent la résissance du Liquide au mouvement de la Bulle d'Air le diminue beaucoup d'instant en instant, & de plus en plus.

Puisque ce mouvement est inégal en soimême & dans le fini, il faut le transporter dans l'infiniment petit où il deviendra uniforme, & par la plus aifé à calculer. Quand un mouvement est uniforme, la Force motrice est d'autant plus grande par rapport au Poids ou au Corps qu'elle meut, que la vîtesse qu'elle lui donne est plus grande par rapport au tems qu'elle employe à la lui donner. Donc cette proportion sera vraye quand le tems sera supposé infiniment petit, & que la vitesse ne sera que l'infiniment-petit, ou l'élément de la vîtesse finie. Il ne faut qu'exprimer algébriquement la force, qui est l'excès de la pefanteur d'un volume d'eau sur un volume d'air égal, mais dont on retranchera la résistance du Liquide ou Milieu exprimée de même algébriquement; or cette rélistance est le produit de la surface de la Bulle d'air par le quarré de sa vîtesse. Toutes les autres expressions se présentent d'elles-mêmes.

De cette proportion nait une Equation differentielle, qu'il ne faut plus qu'intégrer pour avoir tout ce qui appartient au mouvement de la Bulle d'air pris dans le fini, c'est àdire, l'espace qu'elle parcourt dans un tems déterminé, & sa vîtesse pour ce tems. Mais quand on est arrivé aux intégrations, ou, pour mieux dire, aux cas où il faudroit intégrer, souvent on ne le peut pas, on est abandonné par les Règles.

gé

générales, & on a recours à differentes adresses particulieres qui, lorsqu'elles réussissent, sont des coups de génie ou de bonheur. Ici l'équation finale où l'on arrive se laisse intégrer aisément, & le Problème est parfaitement résolu.

කුයාලය පුරාපත්යත්තන් සත්යත්වන්; අත් අත්වන වෝ අත්වෙන් අත්මේ

SURLACONCILIATION

DES DEUX REGLES ASTRONOMIQUES

DÈ KEPLER

Dans le Système des Tourbillons.

N a vu dans les Volumes précédens † de quelle façon M. l'Abbé de Molieres a déja défendu le Système des Tourbillons Cartésiens contre les vives attaques que lui ont portées le célèbre Newton & ses Disciples, qui ne sont pas aujourd'hui renfermés dans les bornes de l'Angleterre. Voici encore une objection qui méritoit bien que l'on en délivrât, s'il étoit possible, le Système Cartésien.

Les tems que les Planetes employent à parcourir differens arcs de leurs Orbes sont entre eux comme les aires correspondantes de ces mêmes Orbes, comprises chacune entre deux rayons tirés du Foyer à la circonférence, & terminées par les arcs de cette circon-

férence correspondans.

Les quarrés des tems des révolutions des Planetes autour du Foyer de leur mouvement sont entre eux comme les cubes de leurs distances à ce Foyer. Voilà ces deux Règles ou Loix aujourd'hui si connues, & si heureu-F 4 fement

^{*} V. 169 M. p. 419. † V. l'Hist. de 1728. p. 134. & suiv. de 2729. p. 1226. &. suiv. de 1731. p. 92. & suiv.

128 Histoire de l'Academie Royale

fement trouvées par Kepler, qu'il en mériteroit le nom de Législateur en Astronomie.

Oue le Tourbillon soit Sphérique, & que toutes ses Couches concentriques soient en équilibre, c'est-à-dire, qu'elles ayent une Force centrifuge égale, sans quoi le Tourbillon ne se maintiendroit pas comme il fait, il est certain que les deux Loix s'accorderoient ensemble sans difficulté, ou plutôt naitroient toutes deux ensemble des suppositions qu'on auroit faites. Nous avons déja vu en 1728 naitre ainsi la 2de Loi; & pour la 1re il est visible qu'elle en mitroit aussi d'esse-même, puisque dans un Cercle les aires décrites du Centre ne peuvent être que proportionnelles aux arcs. Tout vient de ce que dans le Tourbillon Sphérique, où il y a équilibre de Forces centrifuges, les vîtesses de deux points quelconques sont entre elles en raison renversée des racines quarrées des distances de ces points au Centre.

Si le Tourbillon est Elliptique, comme l'est. notre Tourbillon Solaire, il arrive du dérangement. Ce qui étoit Cercle devient une Ellipse, ayant pour Foyer ce qui étoit son Centre, le point, qui décrivant ce Cercle étoit toujours également éloigné du Centre, ne l'est plus du Foyer en décrivant l'Ellipse; il n'a donc plus dans tout fon cours la même force centrifuge, ni par conséquent la même vîtesse, il a autant de vîtesses differentes que de différentes distances au Foyer. Il peut suivre la 1re Règle de Kepler, parce qu'ayant toujours des vîtesses en raison renversée de ses distances, leurs rayons tirés du Foyer plus longs pour de plus grandes distances, & en même tems des arcs plus petits parcourus

par de moindres vîtesses, pourront former des aires Elliptiques dans le rapport requis; mais alors ce même point ne peut suivre la 2de Règle, parce que n'ayant dans tous les instans de son cours qu'une distance variable au Foyer, & tout autre point du Tourbillon auquel on le compareroit n'en ayant qu'une aussi, le rapport des distances au tems des révolutions

ne peut que changer continuellement.

Il semble que cette difficulté devroit être commune aux deux Systèmes de Descartes & de Newton, car elle ne vient que du mouvement Elliptique, & non Circulaire, des Plavement Empirque, & non Circulaire, des ria-netes, également admis dans l'un & dans l'au-tre. Il est vrai cepéndant que la difficulté n'est que pour Descartes, il a supposé le Plein, de grands Tourbillons, de grands Torrens de matiere fluide qui emportent les Planetes selon des Loix bien précises & durables, & il faut rendre compte de ce que ces mouve-mens peuvent produire. Newton au contrai-re s'est mis dans le Vuide, à des forces mouvantes connues & Méchaniques il a substitué une force inconnue & Métaphysique, une Attraction, dont on ne peut prévoir les essets, mais que l'on suppose telle que certains faits établis la demandent, & qui par conséquent satisfait toujours précisément à tout. M. l'Abbé de Molieres lui reproche même assez sinement cette extrême précision: les principes Physiques n'en ont pas tant, lorsqu'on vient à les appliquer aux Phéhomenes.

Il suffiroit de répondre à l'Objection dont

il s'agit, que les deux Loix de Kepler sont effectivement incompatibles, à la rigueur, dans le Tourbillon Elliptique; mais qu'aussi dans un Tourbillon peu Elliptique comme le F 3 nô tre,

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE 130 nôtre, il s'en faut peu qu'elles ne s'accordent; & cela sera confirmé par routes les observations. Cependant M l'Abbé de Molieres ne s'en tient pas là, il soutient que la 2de Règle de Kepler s'accomplit à la lettre dans le Tourbillon Elliptique à l'égard de deux points differens pris, non pas dans deux points quelconques de leurs Orbes, mais seulement dans des points correspondans, c'est à dire, qui soient sur le même rayon tiré du Foyer. Pour parler plus géométriquement, M. de Molieres dit que la somme des vîtesses du 1er point dans tout son Orbe sera à la somme des vîtesses du 2^d dans le sien, comme la racine de la distance moyenne du 2d au Foyer sera à la racine de la distance moyenne du 1er; & delà s'ensuivra la 2de Règle de Kepler, modifiée comme elle a dû l'être en passant du Cercle dans l'Ellipse.

Ce qui rend un Tourbillon Elliptique, c'est l'inégalité de la compression des Tourbillons voisins qui agissent sur lui en faisant essort pour s'étendre. Il seroit presque contraire à la Physique, que cette compression pût jamais être égale de tous côtés. Ainsi on peut compter que tous les Tourbillons sont plus ou moins Elliptiques pour s'accommoder tous ensemble par cette figure, & comme de concert, aux differens degrés de force dont chacun est poussé par ceux qui l'environnent.

Tout ce que M. Newton a tiré de son Attraction ou Force Centripete combinée avec la Force Centrifuge, se tire aussi de la Force Centrifuge, en substituant, au-lieu de la Centripete, les appuis sixes qu'un Tourbillon se fait sur tous les Tourbillons voisins, & qui peuvent tenir la place de forces agissances,

felon que l'enseigne la Méchanique. M. l'Abbé de Molieres conserve donc toute la belle Théorie de M. Newton, seulement il la rend en quelque sorte moins Newtonienne, en la dégageant de l'Attraction, & en la transportant dans le Plein. Ce Pleip où elle n'est pas née, luiétant rendu, elle n'a plus besoin de l'Attraction, & ce n'est pas là un malheur pour elle.

Ette année le même M. le Clerc de Buffon, dont nous avons déja parlé ci-dessus , apporta à l'Académie la Solution d'un Problème qu'il s'étoit proposé, & qui de-

mandoit une fine Méchanique.

Un fil suspendu à un point immobile par son extrémité supérieure, & chargé à l'autre d'un Plomb, étant mis en mouvement, & faifant une vibration, rencontre par un de ses points moyens quelconque un Clou posé dans le plan vertical où se fait la vibration. Il passe au-delà, mais seulement par sa partie interceptée entre le Clou & le Plomb, & cette partie décrit un arc de Cercle, dont elle est le rayon, & le Clou, le centre. Il est évident que le fil a frappé le Clou avec une certaine force, & cela parce que le fil porte un Plomb; car autrement, où il ne se seroit seulement pas mis en vibration, ou il n'auroit fait sur le Clou qu'une impression physiquement nulle. La force de l'impression sur le Clou peut être plus ou moins grande, ce qui est visible, n'y est il d'autre principe de variation que le plus ou le moins de vîtesse dont le fil ou Pendule est susceptible; mais il y en a encore d'autres que les Géometres appercevront bien, & que nous allons détail-ler. M. le Clerc demande en quel cas il arrive-

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE ra qu'un fil, dont la longueur & le Plomb qu' porte sont donnés, frappera avec la plus gran de force possible le Clou qu'il rencontrera.

Le Plomb tend le fil autant qu'il peut être tendu par ce poids déterminé, & c'est cette tension qui le rend capable de faire une impression sur le Clou. Mais le Plomb ne tend le fil, autant qu'il le peut tendre, que quand il le tire selon sa longueur, & il ne le tire felon cette direction que quand le fil est vertical; dans toutes fes autres politions, l'action du Plomb, qui est toujours nécessairement verticale, est oblique à la longueur du fil, & par conséquent le tend moins.

Une seconde cause de la tenfion du fil est la force centrifuge que le Plomb a nécessairement, puisqu'il décrit des arcs de Cercle, d'abord autour du point de suspension du fil, ensuite autour du Clou, devenu le centre d'un Cercle que nous nommerons le second. Dans l'un & l'autre cas la force centrifuge tire toujours le fil selon sa longueur, puisqu'elle tend à éloigner son extrémité inférieure de la supérieure, qui est le centre du mouvement, & a cet égard elle est une force constante; mais elle peut d'ailleurs varier à l'infini par la vîtesse, à laquelle elle est toujours proportionnée.

Plus la vîtesse de la vibration du Plomb, avant que le fil rencontre le Clou, sera grande, plus le fera aussi la vîtesse du Plomb, lorsqu'il décrira un arc du 2d Cercle, & plus par conséquent il tendra le fil par sa force centrifuge. Plus cette même vîtessedu Plomb fera grande, plus il décrira une grand arc du 2d Cercle, ce qui est clair; & par conséquent un plus grand arc de ce Cercle décrit par le

Plomb.

Plomb, marque que le Clou a été frappé wec plus de force. Quand l'aura-t-il été avec hplus grande force possible? Il faut d'abord que le Clou ait été non-seulement dans le plan vertical de la vibration, ce qui est né-cessaire afin qu'il soit rencontré, mais qu'il ait été dans la ligne verticale tirée par le point de suspension du fil ou Pendule, puisque c'est dans cette ligne que le Pendule a sa plus grande vîtesse possible. Ensuite il est certain que si le Plomb décrit une moitié entiere du 2^d Cercle, auquel cas le fil est replié verticalement sur lui-même, le Clou aura été frappé avec plus de force que si un arc moindre que cette moitié avoit seulement été décrit. Mais est-ce alors bien surement que la vîtesse a été la plus grande possible ? n'auroit elle pas été plus grande, si le Plomb avoit décrit plus de la moitié du 2d Cercle, si le fil atrivé à se replier sur luimême avoit passé au-delà? la vîtesse auroit sans doute été plus grande, mais non pas l'impression du fil sur le Clou; on verra aisément que jusqu'à ce que le fil vienne à se replier sur lui-même, il pousse toujours le Clou en même sens, après quoi, s'il va plus loin, il le pousse en sens contraire, & affoiblit par conféquent sa premiere impression.

En même tems le Plomb agiffant précisément comme poids pour tendre le fil, ne peut agir que selon sa longueur, puisque le fil replié sur lui-même est alors vertical; & par conséquent les deux causes qui lui donnent cette tension, qui fait toute sa force, sont alors dans leur degré le plus avantageux, & elles sont les seules dont l'effet proposé dépende.

Il reste à savoir quelle est la vitesse néces-

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE 134 saire au Pendule, afin que cet effet arrive, car on voit bien qu'il en faut une bien précise & bien juste. Le fil doit en avoir assez pour se replier sur lui-même après la rencontre du Clou, & il ne doit pas en avoir davantage. Jusque-là le seul raisonnement sans Algebre, la seule analyse métaphysique des Causes & de leurs actions, nous a conduits à la Solution de M. le Clerc: mais on ne peut plus faire le dernier pas sans Algebre, & on le fait très aisément par son secours. Il réfulte des expressions & des calculs qu'elle donne, que pour la vîtesse requise il faut que le Plomb tombe d'une hauteur verticale qui foit au rayon du 2^d Cercle qui fera décrit, ou, ce qui est le même, à la partie du fil comprise entre le Clou & son extré-mité inférieure, comme 17 est à 2.

Ous renvoyons entierement aux Mé-

* L'Ecrit de M. Camus sur la figure des Dents des Roues & des Ailes des Pignons

dans l'Horlogerie.

† L'Ecrit de M. de la Condamine sur une nouvelle maniere d'observer en Mer la déclinaison de l'Aiguille aimantée.

MACHINES OU INVENTIONS

APPROUVE'ES PAR L'ACADEMIE EN M. DCCXXXIII.

I. UNE Machine à nettoyer les Ports de Mer, & les grands Canaux, proposée par M. Guyot, Président au Grenier à Sel à Versailles. Deux Bateaux, de ceux ou'on

* V. les M. p. 165.

† V. les M. p. 602.

dans

qu'on nomme Chalans, accolés ensemble, portent deux grandes Roues à tambour, chacun la leur, montées sur un même axe, dans lesquelles des hommes entrent pour les faire tourner. Leur mouvement fait d'abord descendre au fond de l'eau une grande Cuillier en forme de Caisse, qui va se charger de la Vase; après quoi le même mouvement des Roues, mais en sens contraire, la fait remonter pour s'aller décharger dans un troisieme Bateau. Entre les deux mouvemens la Cuillier a labouré au fond de l'eau, tirée par une corde attachée à l'extrémité de son Manche, & qui agissoit par un Cabestan posé à terre. Pendant ce tems-là les Roues n'alloient point, & tout suivoit le mouvement de la Cuillier. S'il se trouve qu'à cause de sa forme elle ne laboure pas assez quand elle trouvera des fonds d'un peu de consistance, & qu'elle glisse dessus, comme on l'a craint, l'Auteur pourra changer cette for-me. Du reste il a paru que l'invention étoit ingénieuse, & pouvoit être utilement employée.

II. Un Pont-levis de M. Galon, tout different des autres, en ce qu'il faut lever celui-ci pour passer le Fossé, & l'abaisser dans
le Fossé pour en empêcher le passage: les
Bascules qui le mettent en équilibre, & le
font mouvoir, sont couchées horizontalement
à l'entrée du Pont, lorsque le passage est libre, & verticales, quand il ne l'est pas. On
l'a jugé plus commode, en ce qu'il ne cache
point la vue de la Campagne, ni la Façade
de la Maison; ce qui a été l'objet de l'Auteur
pour les Châteaux & les Maisons des Particuliers. Les Bascules peuvent même dans
leur situation horizontale servir de Bancs. &

136 Hist. de l'Acad. Royale des Scienc.

dans la verticale, ce seront, si l'on veut, des

Pilastres, qui feront un ornement.

III. Une espece de Hausse-col pour obliger les Enfans à porter la tête droite, inventé par M, des Hayes, Maitre à danser, & qui a paru plus commode qu'aucun de ceux qu'on a employés jusqu'à présent; & une Machine du même, pour obliger les Enfans cagneux à tourner leurs pieds en dehors, que l'on a

trouvée ingénieuse & utile.

IV. Une Machine de M. Peilhou de Faret pour faire aller les grands Soufflets des Fourneaux de Mine de l'er, dans les tems où l'Eau, que l'on y employe, vient à manquer, ce qui n'arrive que trop souvent. Des Chevaux, en faisant tourner une grande Roue, seront le principe du mouvement, qui distribué ensuite dans les differentes parties de la Machine selon les directions nécessaires, se termine à faire baisser par le moyen de certains Leviers les Tables supérieures ou volles des Soufflets. après quoi d'autres Leviers correspondans relevent ces mêmes Tables, ce qui fait le jeu alternatif qu'on demandoit. On a jugé que cette Machine pouvoit être très utile. L'Auteur l'a même disposée à pouvoir servir lorsque l'on auroit assez d'eau.

V. Une espece de Volant, par lequel M. Bouvet connoissant la vîtesse & la direction du Vent, & les comparant ensuite au chemin du Vaisseau, en tire la connoissance des Courans. Quoiqu'on ait prévu beaucoup de difficultés dans la pratique de cet Instrument, on a reconnu que la Méthode étoit ingénieuse, & marquoit dans l'Auteur de l'applica-

tion & du savoir.

MEMOIRES

DE

MATHEMATIQUE

ET

DE PHYSIQUE,

TIRE'S DES REGISTRES de l'Académie Royale des Sciences,

De l'Année M. DCCXXXIII.

්දුර් දුරුව වැට අත්තරය අත්තරය පුරුව අත්තරය අත්තරය

REMARQUES

SUR UN, ENFANT NOUVEAUNE,

Dont les Bras étoient difformes.

Par M. PETIT le Médecin. *

M. GREGOIRE, célèbre Accoucheur, & Me. Chirurgien Juré à Paris, me remit entre les mains, il y a quelques années, un Enfant dont les Bras étoient difformes, pour le faire voir à l'Académie. C'est ce que je sis le lendemain. J'y démontrai tout ce qu'il y avoit de particulier dans la Poitrine, & quel-

10 Janvier 1733.

quelques jours après, j'y apportai les Bra: disséqués, où je sis voir ce qu'il y avoit de remarquable dans les Muscles & dans les Os.

Le Mémoire que je vais lire, est fait il a plus de 6 ans; j'ai hésité de le donner à l'Académie, parce qu'il me paroissoit que nous avions déja un assez bon nombre de Descriptions d'Enfans & de Fœtus monstrueux. Je l'avois comme abandonné: néanmoins l'ayant trouvé il y a quelque tems dans mes Portefeuilles, je l'ai examiné de nouveau, j'y ai joint plusieurs choses nouvelles que j'ai découvertes dans d'autres Fœtus que j'ai disséqués, & qui ont du rapport à celles que j'ai vues dans notre Enfant difforme, & qui peuvent rendre mon Mémoire intéressant.

Je me suis proposé deux choses dans ce Mémoire; la premiere, de rapporter les singularités que nous avons trouvées dans la Poitrine, & qui ont été la cause d'une mort si prompte, puisqu'il n'a vêcu que trois ou quatre minutes après sa paissance; la seconde, de donner l'anatomie de ses deux Bras

difformes.

J'examinai d'abord les parties externes de fon corps, je n'y trouvai rien d'extraordinaire; il n'y avoit aucune contusion, il ne paroissoit par aucun endroit que l'Enfant eût fouffert dans la matrice, ni au passage. L'accouchement avoit été prompt. Je m'apperçus seulement qu'il avoit la poitrine fort courte; cela m'engagea d'en mesurer les dimensions. Elle n'avoit que 2 pouces de hauteur depuis la partie supérieure du Sternum jusques à sa

partie inférieure, 2 pouces 10 lignes d'épaisieur depuis la partie inférieure du Sternum jusques à la partie postérieure des dernieres vertebres du dos, 3 pouces 8 lignes de largeur d'un côté à l'autre mesuré à l'endroit des dernieres fausses côtes, & 2 pouces 6 lignes d'un côté à l'autre mesuré sur les côtés des deux premieres côtes supérieures.

Cet Enfant avoit 21 pouces de longueur depuis le fommet de la tête jusqu'au dessous du talon: c'est la longueur ordinaire de la plupart des Enfans nouveau-nés à terme.

J'ai observé que dans ces Enfants nouveaunés à terme, qui avoient 21 pouces de longueur, la hauteur de leur poitrine mesurée sur le Sternum étoit de 2 pouces 8 lignes, jusques à 3 pouces, ce qui fait une différence du quart ou du tiers, quoique les autres dimensions de leur poitrine ne fussent pas différentes de celles de notre Enfant dissorme.

J'ai encore remarqué que tous les Enfans nouveau-nés à terme, qui n'avoient que 14, 15 à 16 pouces, n'avoient leur poitrine que de 2 pouces de hauteur, mesurée sur le Sternum; mais les autres dimensions étoient à proportion plus petites que celles de notre Enfant difforme.

Je fis l'ouverture de la poitrine, nous examinames le cœur, les poumons & la liqueur contenue dans les deux côtés de cette poitrine.

Nous remarquames d'abord que le cœur, qui naturellement est dans une situation oblique, comme l'ont très bien remarqué Vesale, Lower, & Eustachius, étoit posé tout-

Memoires de l'Academie Royale

à-fait transversalement sur le diaphragme. On observa même que le diaphragme n'avoit pas autant de convexité dans la poitrine qu'il en a pour l'ordinaire, le cœur le poussoit, pour ainsi dire, vers le bas-ventre, sans quoi la poitrine n'auroit pu contenir le cœur, & les autres parties qu'elle renserme, puisqu'elle avoit trop peu de hauteur, ce qui va du moins

au quart, comme je l'ai déja dit.

Après cela on ne doit pas s'étonner si la veine cave étoit fort courte depuis le cœur jusques au diaphragme; elle n'avoit que 2 lignes de hauteur, elle en a trois jusqu'à 3 ½ dans les Enfans de 21 pouces de longueur. Elle avoit 6 lignes ½ de diametre, elle n'en a pour l'ordinaire que 2 ou 2½. La veine cave supérieure avoit 3 lignes de diametre, ce qui est naturel; mais elle n'avoit que 5 lignes de longueur, elle en a ordinairement & ou 10.

Le trou ovale étoit dans son état naturel; l'oreillette & le ventricule droit étoient gorgés de sang, il y en avoit peu dans l'oreillette gauche & le ventricule gauche, nous en verrons la raison en parlant des poumons. *

Le canal de communication avoit 4 lignes de diametre du côté de l'aorte, & 4 lignes ½ du côté de l'artere pulmonaire; & il n'a ordinairement que 3 lignes de diametre dans toute sa longueur.

Les poumons étoient differens l'un de l'autre. Celui du côté droit étoit rouge-pâle, gonflé, comme sont ordinairement les poumons qui ont ont respiré. Le côté gauche étoit d'un rou-ge-brun, comme sont ceux des Fœtus qui n'ont pas encore respiré; ce qui marquoit assez que l'Enfant avoit respiré par le pou-mon droit, dans lequel l'air étoit entre, mais qu'il n'avoit pu s'introduire dans le poumon qu'il n'avoit pu s'introduire dans le poumon gauche. Quoique cette preuve soit assez évidente, j'ai voulu la confirmer par une expérience connue. J'ai coupé un petit morceau du côté droit du poumon, je l'ai jetté dans un bassin plein d'eau, sur laquelle il a nagé. J'ai coupé un morceau du côté gauche, je l'ai jetté dans la même eau, il est tombé au sond; ce qui est une seconde preuve que l'air n'est point entré dans le côté gauche du poumon. mon.

Mon.

Le côté droit du poumon étoit plus gros & plus gonssé que le gauche, parce qu'il y étoit resté de l'air, & c'est ce qui le fassoit nager sur l'eau. Lorsque l'air est une fois entré dans les poumons, il n'en ressort plus totalement par l'expiration.

J'avois d'abord cru que l'air qui reste dans les poumons & qui se loge dans les interstices des lobules, n'en pouvoit plus ressortir par aucun moyen avec la même facilité qu'il y est entré. L'experience suivante m'avoit induit dans cette erreur.

duit dans cette erreur.

J'ai foufflé des poumons d'un Fœtus qui n'avoit pas respiré; j'en ai coupé des morceaux, je les ai pressez en tout sens avec mes doigts pour en faire sortir tout l'air; & malgré la quantité de passages que j'ai faits à l'air par l'endroit où j'ai coupé les morceaux, & qui avoit beaucoup de surface, je n'ai pu

en exprimer tout l'air; ils ont toujours nagé sur l'eau : mais j'ai fait d'autres expériences qui m'ont fait changer de sentiment.

J'ai mis un jeune Lapin vivant, de trois jours de naissance, dans la machine du Vuide. Je l'ai laissé expirer, je lui ai ouvert la poitrine, j'en ai ôté les poumons que j'ai trouvés très affaisses, & semblables aux poumons d'un Fœtus qui n'a pas respiré. J'ai coupé un morceau de ce poumon, je l'ai jetté dans l'eau, il est tombé au fond ; ce qui prouve que l'air qui entre dans les interstices des lobules, passe par quelques détours, & en ressort facilement lorsqu'il vient à être dilaté dans la machine.

J'ai soufflé dans ce poumon, qui étant jetté dans l'eau a nagé dessus. Je l'ai mis dans le Vuide, je l'en ai retiré, il est tombé au fond de l'eau. Cela m'a fait juger que lorsque l'on presse les morceaux de poumons avec les doigts, l'on comprime en même tems les détours par on passe l'air dans les interstices. ce qui l'empêche d'en fortir; mais l'air, en se dilatant, ouvre facilement ces passages

dans le Vuide.

M. de Poliniere, très habile Physicien, vint chez moi dans le tems que je faifois cette expérience. Il me dit que je n'étois pas le premier qui l'a imaginée, & qui l'afaite. J'ai trouvé effectivement qu'elle a été faite par M. Gnide Docteur en Médecine, sur un Chat qu'il avoit mis dans le Vuide, & ayant coupé un morceau de son poumon, il a été au fond de l'eau. Il a rapporté cette expérience dans une brochure imprimée en 1674.

Il s'agit présentement de découvrir la cause qui a empêché que le poumon gauche n'ait recu l'air en même tems que le droit. Je n'ai pour cela eu que la peine d'ouvrir la trachée artere & les bronches. J'ai trouvé la trachée ronde, elle avoit une ligne ½ de diametre, elle étoit enduite d'une humeur dont je parlerai dans la suite de ce Mémoire. Cette humeur se trouve naturellement dans la trachée artere, & dans les bronches des Fœtus; elle est ordinairement fluide, mais elle étoit très épaisse & très visqueuse dans notre Enfant difforme. Le tronc gauche de la tra-chée en étoit entierement rempli jusques à sa division dans le poumon, Elle s'y étoit engagée par sa viscosité, & par quelque disposi-tion particuliere que je n'ai pu découvrir, qui sans doute ne se trouvoit pas dans le poumon droit, & qui a empêche l'air de passer

dans le poumon gauche.

Lorsque le Fœtus est forti de la matrice,
& que sa poirrine & son bas-ventre ne sont
plus comprimés par les caux, par la matrice
& par les muscles de l'abdomen, les esprits
animaux qui coulent incessamment dans les
muscles de la respiration, & qui tendent toujours à les mettre en contraction, n'ayant
plus cette résistance à vaincre, produisent leur
action; ils mettent les muscles en contraction, la poitrine s'éleve & se dilate, l'air s'introduit par son ressort dans le poumon qui,
par son gonsement, remplit l'espace qui se
forme dans la poitrine à mesure qu'elle se dilate, & produit la premiere inspiration *. Mais

^{*} Voy. Morg. Adv. 5. p. 46. qui est d'un sentiment différent,

Memoires de l'Academie Royale

si le passage de l'air dans les poumons se trouve bouché, il ne peut s'y introduire; ainsi le côté gauche du poumon n'a pu remplir l'espace du même côté de la poitrine, puisqu'il n'a pu se gonfler: d'où l'on peut soupconner que le côté droit du poumon s'est dilaté au-delà de son état naturel. Il a été sans doute poussé vers le côté gauche, & a fait reculer le péricarde, le cœur & le médiastin: pour-lors les vaisseaux de ce poumon se sont trouvés trop allongés, & en même tems très comprimés par l'air, de maniere que le peu de sang qui y circuloit auparavant, n'y a plus trouvé un passage assez libre; le sang qui s'est porté dans le poumon gauche n'a pu gilater les vaisseaux, parce que les vésicules pulmonaires n'étoient point gonflées d'air, elles étoient encore affaissées les unes sur les autres; le sang s'est engorgé dans le tronc de l'artere pulmonaire. Voilà donc le sangar-rêté dans le ventricule droit & dans l'oreillette droite, qui se sont gonssés extraordinairement. L'oreillette droite n'a pu recevoir le sang qui lui venoit de la veine cave, de l'azygos & des intercostales; & c'est, autant que je l'ai pû conjecturer, une de ces dernieres qui s'est ouverte, n'ayant pu résister à la trop grande dilatation que le sang lui avoit causée: ce sang s'est épanché dans le côté gauche de la poitrine, & s'est mêlé avec la liqueur qui y étoit; ce vaisseau s'est ouvert avec d'autant plus de facilité qu'il n'y avoit ni air ni partie qui pût le comprimer, & s'opposer à l'extension des vaisseaux de ce côté-là; car quoique le poumon droit se soit gonflé au delà de

de son état naturel, il ne pouvoit pourtant remplir tout le vuide qui tendoit à se former dans le côté gauche. Plusieurs choses s'y opposoient: le péricarde & le médiastin joints à la résistance que faisoient les membranes du poumon du côté droit, qui empêchoit une plus grande dilatation que celle qu'il avoit reçue: le péricarde ne pouvoit être poussé que jusques à un certain point, à causse de toutes ses attaches avec le diaphragme & les autres parties qui l'environnent: le médiastin n'avoit pu beaucoup s'étendre, parce qu'il est fort étroit devant & derriere le péricarde. Toutes ces résissances jointes à celles des membranes du poumon, ont empêché une plus grande dilatation.

Voilà des causes assez particulieres de la mort de cet Enfant: la poitrine étant d'ailleurs trop petite ne pouvoit lui donner assez d'espace pour la dilatation entiere des deux poumons; & quand même la poitrine auroit été dans son état naturel, le seul engorgement arrivé dans les bronches du côté gauche par la matiere trop visqueuse, devoit faire périr cet Ensant peu de tems après sa nais-

fance.

Pour donner plus de jour à ce que je viens de dire, il faut prendre garde qu'il y a une liqueur qui remplit naturellement la trachée artere & les bronches du Fœtus, comme je l'ai dit ci-dessus. Je crois être le premier qui ait fait cette observation. Je me suis imaginé qu'il devoit y avoir dans toutes les cavités de notre corps une liqueur ou quelque autre matiere qui les remplit, qui les sorme,

10 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

& qui les dilate peu-à-peu. C'est principalement dans les canaux & les vaisseaux qu'il y a de la liqueur. J'ai donc cru qu'il devoit y en avoir dans la trachée artere. Je l'ai trouvée dans les Fœtus humains, & dans les animaux à quatre pieds. Cette liqueur est la même que celle qui se filtre incessamment dans le vivant par une infinité de glandes cachées fous la membrane, dont la partie interne de la trachée & les bronches sont revêtues. Elle humecte la trachée artere, les bronches & les parois des cellules, & les garantit de la secheresse que l'air y produiroit en passant & repassant par le poumon. L'air enlève cette liqueur, il en dissipe la partie la plus aqueuse, & ce qui reste est poussé dehors par l'expectoration.

Mais dans le Fœtus cette liqueur ne se dissipe point par le passage de l'air, qui n'entre point dans les poumons; elle augmente tous les jours & contribue à l'augmentation de la capacité de la trachée artere, des bron-

ches & des cellules du poumon.

On démandera peut-être, & c'est une question que je me suis faite à moi même, comment l'air peut entrer dans les poumons à la premiere inspiration, puisque la trachée artere & les bronches sont remplies de cetteli-

queur.

Pour avoir une idée bien claire de ce que je vais dire pour expliquer ce Phénomene, il faut se ressouvenir que la trachée artere est formée pour l'ordinaire de 20 ou 21, quelquesois 17, 18 & 19 anneaux cartilagineux, & dont le cartilage ne fait pas un cercle complet.

plet, ce que l'on voit dans la premiere Figure qui représente un anneau cartilagineux d'un Homme. * Fest la partie antérieure, G est la partie où le cartilage manque, mais il est remplacé par des membranes & des fibres à ressort ou charnues. Il faut encore prendre garde que dans le Fœtus & l'Enfant nouveau né qui n'a pas respiré, le canal de la trachée artere est très petit H, parce que les fibres musculeuses qui sont à la partie postérieure interne de la trachée artere, sont dans une plus grande contraction que dans ceux qui ont respiré. Leur usage dans ceux qui respirent est de resserrer la trachée artere dans l'expiration, & en se relâchant dans l'inspiration elles laissent à la trachée artere la facilité de se laisser dilater: mais étant ordinairement dans une grande contraction dans le Fœtus, elles approchent les extrémités de chaque anneau, de maniere qu'ils se touchent dans quelques Fœtus, & dans d'autres ils font tant soit peu égés; ce qui est rare dans ceux qui n'ont par respiré. J'y ai trouvé pour-lors une plus grande quantité de liqueur, qui a peut-être contribué à cet écartement. Ceux dont les extrémités des anneaux sont près les unes des autres, se touchent simplement par leurs extrémités; quelquefois par une longue surface, & pour-lors ils sont recourbés en dehors, DD.

De tous ces anneaux les uns sont ronds, AB, les autres ovales ou à peu près ovales C, D; ceux-ci sont comprimés ou de devant en derrière C, ou par les côtés, principalement ment ceux dont les extrémités des anneaux

font recourbées en dehors D.

Tous les anneaux qui font ronds n'ont guere qu'une ligne ou une ligne 1, & quelquefois une ligne 4 de diametre, A, B, dans leurs cavités, ce qui est bien rare; ceux qui font ovales, ce qui est le plus ordinaire, ont 2 lignes de grand diametre & demi-ligne de petit diametre, quelquefois une ligne, C, D.

Ces anneaux dans le Fœtus sont pressés les uns contre les autres, parce que la tête est panchée sur la poitrine, qui est la situation naturelle, non seulement de tous les Fœtus humains dans la matrice, mais encore de la plupart des animaux à quatre pieds, & même des oiseaux: ce qui contribue sans doute à presser l'épiglotte contre la glotte, & à empêcher que la liqueur contenue dans la trachée artere n'en sorte, quoique poussée par le restort des anneaux & des fibres musculeuses qui sont à la partie interne & postérieure du larynx.

L'on sait que la trashée artere sedivise en deux troncs dont la structure est toute semblable à celle de la trachée, tant par rapport aux anneaux que par rapport aux fibres & aux membranes qui les composent; mais cette structure change aussi - tôt que ces troncs entrent dans les poumons, où ils se divisent en une infinité de branches & de rameaux qui ne sont pas formés par des anneaux, mais par plusieurs cartilages petits & irréguliers, qui ne forment pas des cercles. Ils sont attachés les uns aux autres par des membranes dont les fibres à ressort les rapprochent de

maniere

maniere les uns des autres, qu'une partie de leur surface s'applique l'une sur l'autre, & se retrécissent lorsque les poumons sont affaissés.

La plupart des Anatomistes ont appellé bronches les deux troncs de la trachée; ils ont donné le même nom aux branches de ces troncs qui se distribuent dans les poumons : néarmoins leur structure est bien différente, comme nous venons de le voir, ce qui cause des équivoques qui les font souvent confondre les uns avec les autres. On peut les appeller simplement troncs de la trachée, comme ont fait Willis & d'autres Anatomistes. J'aimerois mieux les nommer bronches trachéales, parce qu'elles ont la même structure que la trachée artere, & qu'elles sont hors du poumon; & appeller celles qui se distribuent dans les poumons, bronches pulmonaires.

L'es cartilages qui composent les bronches pulmonaires sont séparés dans le Fœtus les uns des autres à leur surface par une très petite quantité de liqueur qui suffit pour les humecter, & entretenir la cavité; ce dont on peut se convaincre par la dissection du poumon du Fœtus. L'on y verra encore que les cellules n'ont que très peu de cavité à proportion de celle qu'elles acquierent par la respiration: leurs membranes sont non seulement comprimées les unes sur les autres, elles sont

encore repliées sur elles-mêmes.

Il faut présentement prendre garde que lorsque l'Enfant sort du ventre de la mere, il releve la tête, ou du moins on a soin de la lui relever, & pour-lors la trachée artere s'allonge, ce qui n'a besoin d'autres preuves que celles que l'on peut faire sur soi même: on n'a qu'à porter les doigts sur sa trachée, puis baisser le menton sur la poitrine, on sent baisser la trachée artere, & on la sent allonger en relevant la tête. On peut aussi s'en convaincre, comme j'ai fait, en découvrant la trachée artere d'un cadavre, & en portant sa tête sur la poitrine.

L'air qui entre dans la trachée artere, & les poumons, dans la premiere inspiration, dilate cette trachée artere, les bronches & les

cellules.

La trachée artere s'élargit, comme je l'ai dit, par l'extension des fibres musculeuses transverses, qui sont à la partie postérieure interne de cette trachée. On peut s'assurer de ce fait en découvrant la trachée artere d'un Fœtus, & après avoir ouvert la poitrine, souffier dans cette trachée; on la verra d'autant plus s'élargir qu'on souffiera plus de fois.

Voici une preuve de cet élargissement par la respiration. Le 11 Juillet 1726, une Femme étant accouchée à terme de deux Enfans jumeaux mâle & femelle, le mâle mourut après quelques mouvemens de respiration. On me l'apporta: cet Enfant avoit seulement 14 pouces de longueur depuis le sinciput jusqu'au talon; ce sont les deux tiers de la longueur ordinaire des Enfans nouveau-nés, & il n'étoit pas la moitié si gros. La trachée artere de cet Enfant avoit 2 lignes de diametre de droit à gauche dans sa cavité, & demi-ligne de devant en derrière.

Trois .

Trois jours après on m'apporta la sœur jûmelle de cet Enfant, qui avoit vécu jusques à ce tems-là. Elle étoit devenue maigre & n'avoit que 12 pouces de longueur, c'est 2 pouces de moins que son frere: toutes les autres parties étoient plus petites à proportion. Sa trachée artere avoit 2 lignes 2 tiers de droit à gauche dans sa cavité, & 2 lignes de devant en derriere. L'on voit par cette observation que cette cavité étoit fort augmentée à proportion de celle de l'autre Enfant; leur différence étoit à peu près comme

1 à 5. *

Il est aisé de voir, par tout ce que je viens de dire, 1°. Que la cavité de la trachée artere est très petite dans l'Ensant naissant. 2°. Qu'elle est la seule cavité des poumons qui contient quelquesois plus de liqueur qu'il n'en peut rester sur la surface interne après sa dilatation. 3°. Que la premiere action de l'air qui entre dans la trachée, est de pousser vers les poumons la liqueur qu'elle contient, & de dilater en même tems la trachée, les bronches, & les vésicules. 4°. Que cette liqueur étant un peu visqueuse, laisie un enduit sur les surfaces auxquelles elle s'attache. Cet enduit est plus épais que celui que feroit une autre liqueur qui seroit tout-à-fait liquide. 5°. Que s'il est resté un demi-quart de ligne d'enduit sur la surface interne de la trachée artere, l'air n'aura poussé que très peu de li-

La premiere est un ovale de 11 de ligne de superficio de l'ouverture. La seconde est un ovale de 4 lignes 21. Ces deux cavités sont entre elles comme 33 à 276, ou à peu près comme 1 à 5.

16 Memoires de l'Academie Royale

queur dans les bronches de ceux qui auront la trachée artere comprimée de devant en derriere, comme étoit celle du Fœtus mâle jumeau dont je viens de parler, qui n'avoit qu'une demi-ligne de devant en derriere, quoiqu'il eût respiré. 6°. Que quand il y auroit 14 ou 16 grains de cette liqueur poussée dans les bronches & les vésicules, qui est la plus grande quantité que l'on peut supposer, elle y trouvera dequoi s'étendre même en plus grande quantité, pourvu qu'elle n'ait point trop de viscosité, & qu'elle puisse couler facilement. On n'aura pas de peine à se le per-suader, si l'on prend garde au grand nombre de bronches & de cellules du poumon, & à leur grande dilatation. On trouvera aisément que leur surface interne étendue & multipliée est plus que suffisante pour consommer en enduit la liqueur poussée dans toutes les parties du poumon par l'air qui y entre dans les premieres inspirations.

Je dis plus: quand il y auroit une plus grande quantité de liqueur qui après avoir produit un enduit sur les surfaces intérieures du poumon, seroit capable de remplir un petit nombre de bronches pulmonaires & de cellules, le poumon s'en délivreroit bien vste après quelques inspirations & expirations. L'air qui se mêle avec cette liqueur, ne manque pas de l'entrainer avec lui en sortant du poumon, ce qu'il est facile de remarquer dans quelques ensans nouveau-nés qui dégorgent peu à peu cette liqueur, qui sort d'autant plus

mousseuse qu'elle a plus de viscosité.

Je vais prouver par l'expérience suivante,

que cette liqueur ne doit jamais embarrasser le poumon, à moins qu'elle ne soit trop visqueuse. Les trachées arteres les plus dilatées que j'aye trouvées dans les enfans mort-nés, & qui n'avoient pas respiré, n'avoient de cavité qu'une ligne à au plus de diametre en tous sens. Ces trachées avoient 12 lignes de longueur, chaque bronche trachéale avoit une ligne de diametre, & 2 lignes de longueur. Le tout bien calculé, on trouve 40 lignes cubes de cavité ou environ, qui contiennent au plus 9 grains de liqueur. J'ai après cela voulu reconnoitre la quantité de volume dont les poumons augmentoient dans les premieres res-

pirations d'un Enfant nouveau né.

J'ai pris un Poudrier de verre qui pesoit a onces 4 dragmes 18 grains, je l'ai empli d'eau, le tout pesoit 12 onces 5 dragmes 60 grains; il contenoit donc 10 onces 1 dragme 42 grains d'eau. J'y ai plongé un poumon d'Enfant mort-né qui n'avoit pas respiré; j'ai pesé le vase avec l'eau qui restoit; j'ai trouvé qu'il s'est épanché une once 3 dragmes 12 grains d'eau. J'ai remis le poumon dans le poudrier, je l'ai sousse, il s'est gonsé, & il a fait sortir du poudrier encore 2 onces 1 dragme 60 grains d'eau. Il s'est donc formé, en soussant dans ce poumon, des cavités capables de contenir cette quantité d'eau, qui divisée par 9 grains que contient la trachée artere & les bronches trachéales, a donné pour quotient 143: ainsi ces poumons gonsés pouvoient contenir 143 fois, à très peu de chose près, autant de liqueur que la trachée artere & les bronches trachéales en contiennent; ce qui

fait que cette liqueur ne peut causer aucun embarras dans le poumon, pourvu qu'elle y coule facilement; car si elle se trouve trop visqueuse, ensorte qu'elle ne puisse couler, elle bouchera d'abord les bronches trachéales. & ne pourra entrer dans les bronches pulmonaires, comme il est arrivé à notre Fœtus difforme.

Pendant que j'étois en expérience, il m'a pris envie de m'assurer de la quantité d'air qui étoit resté dans le poumon après son affaissement. J'ai empli le poudrier d'eau, j'y ai plongé ce poumon, il s'est épanché une once o dragmes 20 grains, c'est 3 dragmes 14 grains de plus que lorsque j'ai plongé ce poumon la premiere fois, avant d'être soufflé: c'est presque la 6me partie de l'air qui étoit

entré dans le poumon.

Venons présentement à la liqueur qui se trouve dans les deux côtés de la poitrine. Celle qui étoit dans le côté droit de cet Enfant étoit jaunâtre & fort liquide; on la trouve dans la poitrine de tous les fœtus & des nouveau nés de l'homme, & des animaux à quatre pieds; elle est quelquefois sans couleur, & ressemble au blanc d'œuf battu & filtré par le papier gris; le plus souvent elle est plus liquide, & ne file point.

* Swammerdam l'a trouvée semblable à de la layure de chair (elle n'étoit pas dans son état naturel) quelquefois en petite quantité, quelquefois en plus grande quantité. Je l'ai trouvée de même dans deux Fœtus qui pa-

roiffoient

^{! *} Swammerd, de respir. sett. 2. c. § 4 & 6. c. 1.

roiffoient avoir fouffert dans l'accouchement.

On en trouve ordinairement fort peu dans les Fœtus & les Enfans morts quelques jours après leur naissance, sur-tout si on ne les disfeque pas immédiatement après leur mort, parce qu'elle a été absorbée dans les membranes. Dans notre enfant il y en avoit une plus grande quantité dans le côté droit que dans l'état naturel. La liqueur rouge qui étoit en quantité dans le côté gauche, n'étoit que la même liqueur mêlée de beaucoup de sang qui s'y étoit épanché par l'ouverture d'un vaisseau de la poitrine, de la maniere dont je l'ai dit.

* On ne trouve pour l'ordinaire aucune liqueur dans la poitrine des animaux qui ont respiré quelque tems. Leurs poumons s'ajustent par leur mollesse & leur flexibilité dans leur gonflement, de maniere qu'ils remplissent tous les espaces de la poitrine: mais dans le Fœtus le poumon est affaissé, il est ferme, il laisse quesque espace entre lui & les autres parties de la poitrine, & cet espace est rempli par la liqueur dont je viens de parler. Il me vint d'abord en pensée qu'elle pouvoit bien être produite par celle dont la trachée artere est remplie, & qu'une partie de cette li-queur, principalement la plus liquide, passoit à travers les membranes du poumon, & s'épanchoit dans la poitrine. Pour assu-rer ma conjecture, je sis l'expérience suivante. Je pris le poumon avec le cœur d'un Fœtus de Vache qui n'avoit pas respiré; j'attachai à la trachée artere un tuyau, j'accommodai

^{*} Swammerd de respir, sett. 2. e. 1. 9. s.

20 Memoires de l'Academie Royale

modai ce tuyau dans un goulot qui étoit 🏖 la partie supérieure d'an Récipient; ensorte que l'air extérieur pouvoit passer par ce tuyau dans le poumon qui pendoit dans le Récipient. Je mis ce Récipient sur la Machine du Vuide, je mis de l'eau dans la trachée artere; je pompai l'air; le poumon s'est aussi tôt gonflé, la trachée s'est élargie, l'eau n'a point transudé à travers le poumon. J'ai encore mis de l'eau dans la trachée artere, mais il n'en a point passé, ce qui auroit du arriver avec d'autant plus de facilité, que l'eau est poussée avec assez de force par l'air extérieur, lorsque l'on pompe celui du Récipient. Il faut bien prendre garde que le poumon ne soit point déchiré, ou ne se déchire par aucun endroit pendant l'expérience. J'y ai été trompé une fois; j'ai vu l'eau couler à l'extérieur du poumon, mais ayant réitéré cette experience avec beaucoup de précaution, il ne s'est point écoulé d'eau.

Il m'a donc fallu chercher une autre source à la liqueur qui se trouve naturellement dans la poitrine des Fœtus. Je n'en vois point de plus problable que le thymus; je suis entré d'autant plus volontiers dans cette pensée, que l'on voit que le thymus se trouve dans l'une & dans l'autre cavité de la poitrine, qu'il est beaucoup gros à proportion dans le Fœtus que dans ceux qui respirent: ceux-ci n'ont pas besoin d'une si grande quantité de cette liqueur qui ne sert qu'à humecter les parties externes des poumons, & les autres membranes de la poitrine. Les poumons par leurs gonssemens compriment avec force à

chaque inspiration les glandes du thymus, pressent les vaisseaux qui les composent les uns contre les autres, & par ce moyen elle empêche non seulement l'augmentation de cette partie, mais même elle en diminue le volume. Si l'on ne trouve point de cette liqueur dans la poirrine de ceux qui ont respiré, c'est qu'elle est resorbée peu à peu par les membranes avec d'autant plus de facilité, que dans la respiration elle est poussée & pressée par les poumons sur la pleure.

Tout ce que je viens d'avancer sur l'usage du thymus doit passer tout au plus pour une conjecture assez vrai-semblable, mais qui ne

paroît pas encore bien démontrée.

Venons présentement à la difformité des Bras. Elle étoit égale dans l'un & dans l'autre; ils étoient bien nourris comme tout le reste du corps, fort gras & potelés. Leur circonférence étoit de 3 pouces 10 lignes ou environ dans toute la longueur du bras depuis l'épaule jusqu'au commencement de l'avant-bras, mais diminuant peu-à peu; ils n'avoient que 3 pouces 3 lignes près du poignet.

que 3 pouces 3 lignes près du poignet.

* Ces bras étoient longs de 4 pouces 8 lignes depuis l'articulation de l'os du bras avec l'omoplate jusqu'au poignet ou carpe. Chacun de ces bras ne paroissoit d'abord composé que d'un seul os pour le bras & l'avantbras, mais en les examinant plus particulierement, j'ai trouvé qu'ils étoient composés de deux os qui n'avoient qu'un mouvement très obscur, quoiqu'il y eut une articulation,

comme

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE comme nous le verrons dans la fuite de ce Mémoire.

La main étoit jointe à la partie latérale antérieure de l'extrémité de l'avant-bras, & renversée de maniere qu'elle formoit avec l'avant-bras un angle aigu; elle avoit un mouvement manifeste, mais de peu d'étendue.

Cette main n'avoit que quatre doigts d'une conformation naturelle dans leur longueur, leur grosseur & leur articulation; il n'y avoit point de pouce, les doigts étoient pliés dans la main. L'indicateur & celui du milieu étoient dans le creux de la main, l'annulaire & le petit doigt étoient par dessus, & se croisoient avec eux. Cette main avoit 2 pouces 4 lignes de longueur en étendant les doigts, comprenant le carpe: elle avoit un pouce de

largeur.

Voici ce que j'ai remarqué dans la dissection de ces Bras. Le sus-épineux, le sousépineux, le sous-scapulaire, le grand rond, le très-large, le petit rond, le coracobrachial dans le bras droit n'avoient rien que de naturel; mais il v avoit quelque chose de particulier dans le deltoïde, le grand pectoral & le très-large du côté gauche. † L'origine du deltoïde F étoit dans l'état naturel. Ce qu'il y avoit d'extraordinaire est qu'il se confondoit à son insertion avec le brachial interne G, avec lequel il formoit une continuité, ensorte que le brachial interne n'avoit pas d'autre origine que celle qu'il prenoit du deltoïde; au reste le deltoïde s'inseroit un peu au dessus de la partie moyenne antérieure de l'os

l'os du bras. Ce muscle dans l'état naturel fait une continuité de plusieurs fibres charnues avec le brachial interne G, mais dans cet Enfant cette continuité se faisoit avec tout le muscle.

L'origine du grand pectoral E étoit aussi dans son état naturel, mais au lieu de s'insérer sur le bord de la rênure de l'os du bras dans laquelle est logé le tendon du biceps, il avoit deux aponevroses distinctes l'une de l'autre. La premiere alloit s'inserer au biceps H près de son insertion K. L'autre aponevrose s'attachoit aux sibres musculeuses antérieures du deltoide près de son insertion, ensorte que les sibres charnues qui venoient de la partie insérieure du sternum produisoient l'aponevrose qui s'inseroit au biceps, & les sibres charnues qui venoient de la partie supérieure du sternum, formoient l'aponevrose qui s'inseroit au deltoide.

Il n'y avoit point de petit rond au bras gauche; le biceps H prenoit son origine du rebord de la cavité glénoïde de l'omoplate, tout auprès de l'apophyse coracoïde M à laquelle il s'attachoit par une aponevrose très courte, & s'alloit inserer au-dessus de la partie moyenne antérieure de l'os du bras K, où il recevoit une aponevrose du grand pectoral, comme je l'ai dit. Il n'avoit qu'une tête charnue & large qui s'attachoit au rebord de la cavité glénoïde, & s'étendoit jusqu'à l'apophyse coracoïde, sans glisser comme dans l'état naturel dans la rênure de la tête de l'humerus, qui dans ce Sujet étoit fort superficielle: ce muscle ne pouvoit pas s'inserer au radius, il n'y

24 Memoires de l'Academie Royale

en avoit pas, comme on le verra dans la suite de ce Mémoire; ainsi ce muscle étoit très court, il n'avoit au plus que le tiers de sa longueur naturelle, & la moitié de son épaisseur. Il manquoit au bras gauche.

Le long & le court n'avoient rien que de

naturel à l'un & à l'autre bras.

Je n'ai point trouvé de petit anconé au bras gauche, mais il y en avoit un dans sa situa-

tion naturelle au bras droit.

Il y avoit un muscle court & large qui embrassoit toute la partie inférieure antérieure de l'os du bras, couvroit tout l'espace qui est entre les deux condiles, passoit entre le sublime & le long extenseur des doigts, & s'inseroit à la partie supérieure du cubitus. Ce muscle auroit pu séchir l'avant-bras, & rem-

placer le défaut du biceps.

* Lé cubital interne N prenoit son origine du condile interne de l'humerus, & de la partie interne de l'olécrane : il se divisoit en deux muscles. Le plus gros s'attachoit en passant à l'extrémité du cubitus, & alloit s'inferer à l'os du carpe le plus prochain du cubitus. Le second alloit s'inserer au premier os du petit doigt. Le bras gauche n'avoit pas ce muscle, mais il en avoit un qui n'étoit pas au bras droit. Il prenoit son origine du brachial externe, avec lequel il faisoit une continuité, & alloit s'inserer à l'os du métacarpe qui soutient le petit doigt tout proche le carpe.

Le cubital externe † G prenoit son origi-

ne du condile externe de l'os du bras. Son tendon passoit sur l'extrémité inférieure du cubitus. Ce tendon étoit large & garni d'une substance cartilagineuse en cet endroit, au moyen de quoi il faisoit une espece d'articulation avec le cubitus sur lequel il auroit pu se mouvoir; puis ce tendon s'élargissoit en aponevrose, qui alloit s'inserer à toute la partie postérieure latérale du carpe jusqu'à l'os du métacarpe qui soutient le petit doigt.

Il n'y avoit point de palmaire ni de radial interne & externé; le long, le court, le rond & le quarré manquoient aussi, parce qu'il n'y

avoit point de radius.

L'extenseur commun des doigts H prenoit fon origine du condile externe de l'humerus. Il se divisoit en deux muscles. Le premier alloit s'attacher par une large aponevrose à toute la partie latérale externe du carpe ; le second paffoit sous un ligament annulaire I qui n'avoit pas sa conformation naturelle. Son tendon se divisoit en trois L, ils alloient s'inferer aux premieres & secondes phalanges du doigt du milieu, de l'annulaire & du petit doigt. Il y avoit fous ce muscle un autre muscle large qui prenoit son origine de l'os du coude depuis la partie supérieure & postérieure jusqu'aux trois quarts de cet os, il alloit s'inserer à tout l'os du carpe qui soutient le doigt indice. Les fibres de ce muscle étoient obliques.

On voyoit un autre petit muscle qui occupoit le quart de la partie inférieure & postérieure de l'os du coude, & formoit une aponevrose qui s'étendoit jusqu'aux prémieres
Mem. 1733.

B pha-

phalanges des quatre doigts auxquels elle s'at-

tachoit.

Le sublime * 0 prenoit son origine du condile interne de l'humerus. Il formoit une aponevrose, dont une partie alloit s'inserer à l'os du métacarpe qui soutient le petit doigt, & l'autre formoit quatre tendons qui alloient s'inserer aux secondes phalanges des quatre doigts selon l'état naturel. Il n'y avoit point de ligament annulaire, dessous lequel ce muscle auroit du passer.

Le profond † P prenoit son origine de la partie supérieure interne du cubitus jusqu'à sa partie moyenne, passoit obliquement sous le cubital interne N, puis sous l'aponevrose du sublime O, où il se divisoit en quatre tendons, garnis de leurs muscles lumbricaux. Ces tendons passoient par les fentes des tendons du sublime, & alloient s'inserer aux

troisiemes phalanges des doigts.

Tous les muscles du pouce, & tous ceux qui y ont quelque rapport, manquoient, par-

ce qu'il n'y avoit pas de pouce.

Je n'ai point trouvé d'indicateur ni d'extenseur propre du petit doigt, mais il y avoit un abducteur du petit doigt.

Après avoir décritles muscles, il faut faire voir la conformation des os du bras; elle étoit

la même dans l'un & dans l'autre.

L'os du bras ‡ A avoit sa forme ordinaire, il étoit long de 3 pouces. Sa tête B avoit 7 lignes ½ de diametre, elle n'avoit qu'une tinuosité C très superficielle pour loger le mus-

muscle biceps. La partie moyenne E de cet os avoit 3 lignes de diametre. L'extrémité inférieure F, qui s'articule avec le coude, étoit large de 7 lignes $\frac{1}{2}$, elle étoit épaisse de 3 lignes $\frac{1}{2}$ au condile externe F, & de

2 lignes au condile interne G.

Le radius manquoit à tous les deux bras. Le cubitus HH avoit 22 lignes de longueur, ce qui n'a point de proportion avec l'os du bras, puisqu'il est moins long de plus du tiers, & que pour l'ordinaire il n'y a qu'un huitieme ou environ de difference. Sa cavité demi-circulaire I, articulée avec l'os du bras. étoit moins profonde que dans l'état naturel; elle avoit 7 lignes de longueur, elle étoit épaisse de 3 lignes ;. Cette extrémité n'a-voit point une cavité qui reçoit la partie supérieure du radius qui manquoit dans ce Sujet. L'os étoit épais de 2 lignes dans sa partie moyenne HH. Son extrémité inférieure L formoit une tête ronde qui avoit 3 lignes de diametre; elle n'avoit pas la petite apo-physe courte d'où partent les ligamens qui l'attachent aux os du carpe, elle étoit garnie d'un cartilage recouvert du tendon du cubital externe avec lequel elle formoit une espeçe d'articulation, comme je l'ai dit ci-dessus; ainsi cette tête n'étoit point articulée avec le carpe.

Le carpe Métoit attaché par des membranes au côté externe de la partie inférieure du cubitus. La surface du carpe qui touchoit le cubitus étoit cartilagineuse & polie, mais la partie du cubitus qui la touchoit ne l'étoit pas. La largeur de la surface du carpe qui

touchoit le cubitus étoit de 3 lignes, & son épaisseur de 2 lignes 4, & dans le naturel elle a depuis 5 lignes jusqu'à 6 lignes de largeur, & depuis 2 lignes 4 jusqu'à 3 lignes d'épaisfeur. Ce carpe se joignoit aux os du métacarpe N par une largeur de 5 lignes 1 & une épaisseur de 2 lignes. Le carpe dans les Enfans nouveau-nés a pour l'ordinaire 7 lignes de largeur à l'endroit de son articulation avec les os de l'avant-bras, & 9 lignes ; de largeur à son articulation avec les os du métacarpe; il a 6 lignes de longueur & 3 lignes d'épaisseur.

Les os du métacarpe N & des quatre doigts O n'avoient rien de different de ceux des autres Enfans. Après cet examen, on ne sera pas étonné de la difformité de ces bras. Il n'y avoit pas de radius, ainsi le carpe manquoit de plus des trois quarts de son appui, qu'il reçoit par son articulation avec le radius, & par conséquent tous les muscles qui alloient s'inserer au carpe & aux autres parties de la main, ont dû par leur seul resfort tirer la main du côté où il n'y avoit pas d'appui, & la retirer même de l'articulation du cubitus, comme il estarrivé.

EXPLICATION DES FIGURES.

FIGURE L

Elle représente plusieurs anneaux cartilagineux de la trachée artere, comme on les trouve dans les Fœtus; un anneau d'Homme. & une trachée artere de Fœtus.

A,B,

A, B, deux anneaux ronds; l'un d'une ligne 4 de diametre, & l'autre B d'une ligne. Les extrémités du premier sont écartées, ce qui ne parost pas dans la Figure, & celles du second se touchent.

cc, anneaux comprimés de devant en derriere. L'un de 2 lignes de diametre d'un côté à l'autre, & de demi-ligne de devant en derriere. L'autre est ir-

régulier.

DD, anneaux comprimés par les côtés.
L'un a une ligne de devant en derriere, & deux tiers de ligne par les
côtés. L'autre a une ligne à de devant en derriere, & demi-ligne d'un
côté à l'autre.

F, G, l'anneau d'une trachée d'Homme. F est la partie antérieure, G la postérieure, qui est membraneuse.

H, la trachée artere d'un Fœtus ou Enfant nouveau-né, vue par sa partie postérieure.

FIGURE II.

Le Bras représenté par sa partie antérieure avec la main renversée; on y voit les quatre doigts pliés les uns sur les autres.

FICURE III.

Le Bras disséqué, représenté par sa partie antérieure.

 B_3

30 Memoires de l'Academie Royale

A, l'omoplate vue par sa partie interne, revêtue du muscle sous-scapulaire.

B, le grand rond. C, le grand dorfal.

D, le petit pectoral renversé.

E, le grand pectoral.

F, le deltoïde.

G, le brachial interne.

H. le biceps.

I, le coracobrachial.

K, l'infertion du biceps & du grand pectoral.

L, le long & le brachial externe.

M, l'apophyse coracoïde.

N, le cubital interne.
O, le sublime.

P, le profend.

FIGURE IV.

Le Bras disséqué, & vu par sa partie postérieure.

A, l'omoplate vue par sa partie externe avec le sus-épineux & le sous-épineux.

B, le grand rond.

C, le long.

D, le brachial externe.

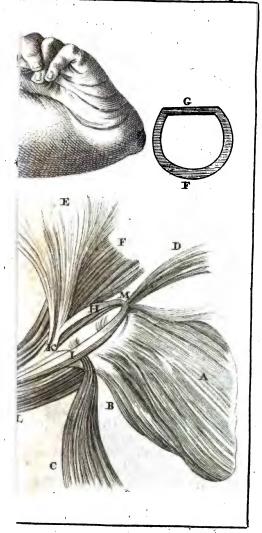
E, le brachial interne.

F, le deltoïde disséqué. G, le cubital externe.

H, l'extenseur commun des doigts.

I, le ligament annulaire par où passe le second muscle de l'extenseur des doigts.

L, le tendon de l'extenseur commun des



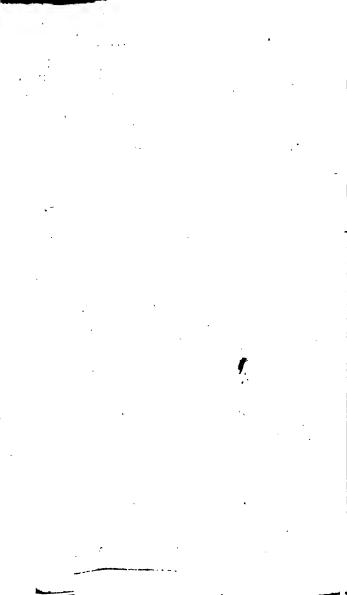


Fig. 4.









des doigts divisé en trois tendons.

FIGURE V.

Tous les os du bras & de l'avant-bras représentés par leur partie antérieure.

A, l'os du bras ou humerus.

B, la tête de l'os du bras. C, la finuofité qui logeoit le biceps.

E, la partie moyenne de l'os du bras.

F. l'extrémité inférieure & le condile externe.

G, le condile interne.

HH, le cubitus & sa partie moyenne.

I, cavité demi-circulaire,

L, son extrémité inférieure.

M, le carpe.

N, le métacarpe. 00, les doigts.

ළුකු වැට වෙන වැට ප්රචාද කර වැට ප්රචාද කර

PREMIER MEMOIRĖ

SUR L'ELECTRICITE.

Par M. DU FAY. *

HISTOIRE DE L'ELECTRICITE.

ELECTRICITE est une propriété commune à plusieurs matieres, & qui consiste à attirer les corps légers de toute espece

placés à une certaine distance du corps électrique, après qu'il a reçu une préparation qui n'est autre que de le frotter avec du linge,

du papier, du drap, la main &c.

Le nom qu'on a donné à cette propriété prouve que c'est dans l'Ambre qu'on l'a reconnue d'abord; elle y est en effet très manifeste: mais il y a plusieurs matieres dans lesquelles elle est aussi considérable, & quelques-unes même où elle est beaucoup supérieure.

Si je voulois parler ici de tous ceux qui ont traité de l'Electricité, il me faudroit citer tous les Auteurs qui ont écrit sur la Physique; il y en a peu qui ne se soient arrêtés à ce phénomene, & qui n'ayent tâché d'en trouver l'explication chacun dans son systeme; d'autres se sont appliqués à examiner plus particulierement cette propriété, & à faire des expériences, tant sur les differentes matieres qui en sont susceptibles, que sur les circonstances particulieres à chaque corps électrique. Pour ne m'arrêter qu'à ceux qui ont écrit sur ce sujet avec le plus d'intelligence, ou qui y ont fait quelque découverte considérable, & sur l'exactitude desquels on peut le plus compter, je commencerai par Gilbert*, qui a ajouté au nombre des corps électriques une infinité de matieres dans lesquelles cette vertu n'avoit point été reconnue. Comme il y en a dans lesquelles elle est très foible, il a imaginé, pour la rendre plus sensible, de se servir d'une Aiguille, de quelque métal que ce soit, suspendue sur un pivot

Gilbert, de Magnete, l. 2. c. 2.

pivot comme une Aiguille aimantée; si l'on approche d'un des bouts de cette aiguille un corps électrique, il l'attire plus ou moins fortement, suivant la force de son électricité. Il a reconnu, par ce moyen, que non seulement l'Ambre & le Jayet ont cette propriété, mais qu'elle est commune à la plupart des Pierres précieuses, comme le Diamant, le Saphir, le Rubis, l'Opale, l'Améthiste, l'Aiguemarine, le Crystal de roche; qu'on la trouve aussi dans le Verre, la Belemnite, le Souphre, le Mastic, la Gomme lacque, la Résine cuite, l'Arsenic, le Sel gemme, le Talc, l'Alun de roche. Toutes ces differentes matieres lui ont paru attirer non seulement la paille, mais tous les corps légers, comme le bois, les feuilles, les métaux, soit en limaille ou en feuille, les pierres, & même les liqueurs, comme l'eau & l'huile.

Il lui a semblé de même qu'il y avoit des corps qui n'étoient nullement susceptibles d'électricité, comme l'Emeraude, l'Agate, la Cornaline, les Perles, le Jaspe, la Calcedoine, l'Albâtre, le Porphyre, le Corail, le Marbre, la Pierre de touche, le Caillou, la Pierre hématite, l'Emeril, les Os, l'Yvoire, les bois les plus durs, les métaux, l'Ai-

mant.

Il remarque que tous les corps électriques n'ont aucune vertu s'ils ne sont frottés, & qu'il ne suffit pas qu'ils soient échaussés, soit par le feu, par le soleil, ou autrement, quand même ils seroient brûlés ou mis en fusion. Il ajoute plusieurs autres observations sur le changement qu'apporte l'interposition de differens.

34 Memoires de l'Academie Royale

ferens corps, mais nous approfondirons dans la suite cette matiere beaucoup plus qu'il ne l'a fait. Nous passerons sous silence, par la même raison, des remarques fort curieuses qu'il a faites sur l'effet que sont les corps électriques sur le feu, la slamme, la sumée,

Pair , &c.

Quelque tems après, Otto de Guerike fit fur un globe de Souphre plusieurs expériences qui auroient du porter beaucoup plus loire les connoissances que l'on avoit sur l'Electricité; mais il ne paroft pas qu'on se soit appliqué à les suivre, puisqu'il n'en est point mention dans les Auteurs qui depuis ont traité la même matiere avec le plus de détail: on les trouve dans le Recueil des Experiences de Magdebourg, page 147. Voici les principales. On fait tourner fur ion axe, par le moyen d'une manivelle, une boule de Souphre grosse comme la tête d'un enfant. Cette boule étant mûe avec rapidité, si on applique la main dessus, elle devient électrique, & attire les corps légers qui lui font présentés: si on la détache de la machine fur laquelle elle a dû être posée pour la faire tourner. & qu'on la tienne à la main par l'axe, non seulement elle attire une plume, mais elle la repousse ensuite, & ne l'attire plus de nouveau que la plume n'ait touché quelque autre corps; il remarque que la plume chaffée par le globe attire tout ce qu'elle rencontre, ou va s'y appliquer, si elle ne peut pas l'attirer vers elle, mais que la flamme d'une chandelle la chasse & la repousse vers le globe: il ajoute que la partie, ou le côté de la plume qui a été attiré & repoussé par le globe est toujours le même qui s'y applique, ensorte qu'elle se retourne si on presente le globe à fa partie opposée. Si l'on suspend un fil au dessus du globe, ensorte qu'il ne le touche point, & qu'on approche le doigt du bout inférieur de ce fil, on verra le fil s'éloigner du doigt. Il a aussi remarqué que la vertu électrique du globe se transmettoit par le moyen d'un fil jusqu'à la distance d'une aulne: & que lorsque le globe avoit été rendu électrique par la rotation, & la main appliquée dessus, il conservoit sa vertu pendant plusieurs heures. Tenant l'axe de ce globe ainsi frotté dans une position verticale, il promenoit une plume par toute la chambre sans qu'elle s'appliquât au globe. On peut voir dans le récit abrégé de ces expériences la base & le principe de toutes celles qui ont été faites depuis avec le tube & le globe de verre, & on ne peut s'empêcher d'être furpris qu'elles ayent demeuré si longtems dans l'oubli, ou du moins qu'on ne se soit pas avisé de les répéter, & de tâcher de les porter plus loin.

*A peu près dans le même tems, le fameux Boyle fit des expériences sur l'Electricité. Il étoit difficile qu'un sujet aussi curieux ne fît pas à son tour l'objet des recherches d'un homme qui a parcouru avec tant d'exactitude toutes les parties de la Physique, & à qui nous avons obligation d'un si grand nombre de belles découvertes. Il rapporte plusieurs observations qu'il-a faites à ce sujet.

De mechanica Elettricitatis produttimes
 R. 6.

Ouelques Phyliciens avoient avancé que l'Ambre & les autres corps électriques chauffés au feu, devenoient capables d'attirer; d'autres assuroient que ce n'étoit que par le frottement que cette vertu pouvoit être excitée. M. Boyle prend ce dernier parti, mais il remarque que l'Ambre ayant été chauffé au feu, acqueroit plus de vertu par une seule friction, qu'un frottement quatre fois plus long ne lui en pouvoit procurer lorsqu'il étoit froid.

Il passe ensuite à divers effets des corps électriques sur la fumée, sur les matieres embrasées, & autres; enfin il fait un détail de plusieurs matieres qui sont susceptibles d'électricité, soit par elles-mêmes avec le seul frottement, soit par le secours de quelque préparation. Du nombre de ces dernières font la Thérébentine épaissie en consistence solide, un mêlange d'Huile pétréole & d'Esprit de vin desseché de la même maniere, le Verre d'Antimoine, celui de Plomb, la Têtemorte du Karabé distillé sans addition; il met aussi au nombre des corps électriques le Cryftal de roche, le Saphir blanc, l'Amethiste, & l'Emeraude qui avoit été exceptée par Gilbert; il remarque que cela n'est pas toujours certain à l'égard de cette derniere pierre, & qu'il en avoit trouvées qui attiroient, tandis que d'autres ne faisoient aucun effet. fait la même remarque sur la Cornaline, dont la plupart, dit-il, n'ont aucune vertu électrique, quoiqu'il en possede un morceau qui attire très vivement. On trouve encore dans le même Auteur deux observations très importantes: l'une est, que la vertu électrique

se conserve dans le vuide; & l'autre, qu'elle se communique aux différentes matières par l'approche des corps électriques. Voici son expérience. Il a pris un morceau d'Ambre dont la vertu avoit été puissamment excitée en le chauffant d'abord, & le frottant ensuite; il a approché ce morceau d'Ambre des barbes les plus déliées d'une petite plume de duvet, en sorte qu'elles y demeuroient attachées. La plume & l'Ambre étant.dans cet état, il approcha le doigt des barbes de la plume les plus éloignées de l'Ambre, & s'apperçut qu'elles tendoient à s'appliquer à son doigt, & s'y appliquoient effectivement lorfqu'il l'en approchoit assez près : craignant que cela ne vînt de quelque vertu électrique particuliere à son doigt, ou à son ongle, il en approcha differens corps, comme du Bois, du Fer, du Marbre, & tous sans exception firent le même effet, c'est-à-dire, que les barbes de la plume les plus éloignées de l'Ambre s'inclinerent vers ces corps, & s'y appliquerent. Voilà donc une nouvelle propriété reconnue dans les corps électriques, non seulement ils attirent les corps légers. mais ils communiquent encore cette vertu à tous les corps solides quise rencontrent dans leur tourbillon. Cette découverte ne fut pas alors poussée plus loin, il falloit des corps qui possedassent cette vertu dans un degré plus éminent; & quoique le Verre fût déja mis au nombre des électriques, on ne savoit pas à beaucoup près jusqu'à quel point il pouvoit le devenir.

On trouve encore dans le Recueil des Ex-B 7 périen-

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

périences faites par l'Académie de Florence, pusieurs bonnes observations sur les corps électriques, tant sur ceux qui sont incapa-bles d'acquérir cette propriété, que sur plusieurs circonstances concernant la vertu de l'Ambre. Ce seroit nous engager dans un trop long travail que de rapporter toutes ces observations, nous nous contenterons d'indiquer les principales. On y voit que l'Ambre n'attire point la flamme, qu'il attire la fumée. que le froid ne détruit point sa vertu, qu'il n'en acquiert point s'il est frotté sur des corps lisses & polis, comme le Verre, le Crystal, Pyvoire, &c. que les Diamans à facettes ont plus de vertu que ceux qui ont une grande table, que ceux qui sont épais en ont plus que les autres, qu'enfin il y en a dans lesquels il a été impossible d'exciter aucune vertu; que l'Ambre n'attire pas plus les corps qu'il en est attiré, & que cela dépend de son volume; qu'il attire toutes les liqueurs, & mêmele Mercure; qu'il y a des liqueurs que l'Ambre n'attire plus, lorsqu'il en a été mouillé, quoiqu'il soit ensuite frotte à l'ordinaire; telles font les Eaux distillées, l'Eau commune, le Vin, le Vinaigre, les liqueurs acides, les liqueurs tirées des Animaux, le Baume, les Juleps, les Huiles distillées, enfin tout ce qui se tire par distillation; au-lieu que l'Huile pétréole, l'Huile commune, l'Huile d'Amandes douces, ou d'Amandes ameres, le Suif, le Lard, font un effet contraire, &c. Ces dernieres expériences m'ayant paru très fingulieres, je les ai faites avec beaucoup d'exactitude; mais je n'ai trouvé aucune liqueur

queur qui ne fût attirée par les corps élecariques, après même que ces corps en ont été mouillés, pourvu qu'ils foient enfuite bien essuyés, & parfaitement sechés: ainsi il y a apparence que ces faits tenoient à d'autres principes. Mais avant que d'entrer dans un examen plus particulier, il faut rapporter les progrès qui, depuis ces premiers tems de la Physique, ont été faits sur cette matiere.

On trouve dans les Transactions Philosophiques No. 308 & 309, plusieurs expériences faites par M. Hauksbee, touchant l'électricité du Verre; le même Auteur ayant continué ses recherches, a considérablement augmenté le nombre de ses expériences, & le détail s'en trouve en divers endroits des Transactions Philosophiques: il a ensuite rassemblé dans un seul Ouvrage toutes ses découvertes, tant sur l'Electricité que sur la Lumiere, & sur la différence de ces phénomenes dans le Vuide ou dans le Plein; c'est dans ce Livre imprimé à Londres en 1716, que nous avons pris ce que nous allons rapporter en peu de mots pour continuer l'idée que nous avons commencé de donner des progrès de cette découverte.

M. Hauksbee remarqua qu'un tuyau de verre long d'environ 30 pouces, gros d'un pouce, ou un pouce & demi, & bouché par une de ses extrémités, étant frotté avec la main, du papier, de la laine, de la toile, &c. devenoit si fort électrique, qu'il attiroit d'un pied de distance des feuilles de métal, qu'enfuire il les repoussoit avec force, & leur donnoit

40 Memotres de l'Academie Royale

noit en tous sens divers mouvemens très singuliers. On a vu dans le récit des expériences de Magdebourg des effets tout pareils. produits par le globe de Souphre. Il remarqua de plus que la différente température de l'air apportoit un grand changement à tous ces effets, qui étoient bien plus considérables quand l'air étoit pur & serein; il observa que cette vertu étoit presque entierement détruite, lorsque le tube étoit vuide d'air, & se rétablissoit lorsqu'on l'y laissoit rentrer; que lorsque le tuyau étoit frotté, & qu'on en approchoit les doigts, ou quelque autre corps fans le toucher, on entendoit un petillement dans la surface du tuyau, & que si on le met-toit proche le visage, on sentoit comme une espece de voile délié ou de toile d'araignée qui venoit frapper le visage.

Ces expériences faites dans l'obscurité, étoient accompagnées de circonstances très singulieres: car tandis qu'on frottoit le tuyau, on en voyoit sortir une lumiere considérable, & même des étiacelles qui accompagnoient ces petillemens dont nous venons de parler: lorsque le tube étoit vuide d'air, cette lumiere étoit plus vive en dedans, mais elle ne sortoit pas au dehors, & ne s'attachoit pas aux corps voisins, comme lorsqu'il étoit rempli d'air. Voilà les principales expériences qu'il fit avec le tuyau; on pourra consulter le Livre, si on en veut un plus grand détail, & on y trouvera plusieurs circonstan-

ces curieuses.

M. Hauksbee prit ensuite un vaisseau de verre sphérique, & disposé de sorte qu'on le put

pût faire tourner sur son axe par le moyen d'une grande roue, & d'une machine qu'il décrit, & qu'il est très aisé de se représenter. L'un des pivots sur lesquels tournoit le Globe, étoit un robinet qui s'ajustoit sur la Machine pneumatique pour en pouvoir pomper l'air quand il jugeo it à propos. Ce vaisseau étant ainsi disposé, & tournant très rapidement sur son axe, devenoit lumineux intérieurement lorsqu'il étoit vuide d'air, & qu'on appliquoit la main dessus; mais lorsqu'il étoit rempli d'air, l'effet étoit bien plus singulier, car la lumiere s'élançoit au dehors, & s'attachoit aux corps voisins en forme d'étincelles, ou de petites particules de Phosphore. A l'égard de la vertu électrique de ce globe, voici de quelle maniere il imagina de la rendre extrêmement sensible: il fit un demi-cercle de fer qui entouroit le globe à environ un pied de distance de sa surface; il avoit attaché à ce demicercle des fils de laine qui n'étoient pas toutà fait assez longs pour atteindre la surface du Venant ensuite à faire tourner ce globe rapidement fur fon axe, & posant la main dessus, en sorte que cela occasionnoit un frottement très considérable, les fils qui auparavant pendoient librement, étoient alors attirés tous ensemble par la surface du vaisseau sphérique, & sembloient tendre vers son centre. Cette même direction ou tendance des fils subsistoit 4 ou 5 minutes après que le mouvement du globe étoit cessé, & qu'on avoit retiré la main de dessus. Si le frottement avoit été fait sur l'équateur du globe, les fils tendoient au centre: au contraire s'il avoit été fait

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

fait vers un des poles, le point de tendance se trouvoit dans l'axe, mais plus proche de ce pole que de l'autre. La direction de ces fils étoit dérangée, lorsqu'on approchoit de leur extrémité le doigt, ou quelque autre corps, & ils en étoient attirés ou repoussés très sensiblement. On a vu dans ce que nous avons rapporté des expériences de Magdebourg, quelque chose de tout-à-fait semblable, lorsqu'on approche le doigt des fils qui sont attirés par la boule de Souphre; mais l'effet est beaucoup plus sensible dans l'expérience présente, au moyen de la disposition des fils sur un cercle de bois ou de fer. M. Hauksbee ayant introduit dans ce même globe un axe garni dans son milieu d'un cylindre de bois ou de liège, à la furface duquel étoient attachés de pareils fils, un peu trop courts pour atteindre la surface intérieure du globe; ces fils s'écartoient en rayons, lorsque par la rotation du globe & la main appliquée dessus, on avoit excité sa vertu électrique: ainsi ces fils tendoient alors du centre à la circonference, au lieu que dans l'expérience précédente, lorsqu'ils étoient placés au dehors du vaisseau, ils paroissoient tendre de la circonference vers son centre. On troubloit de même cette direction, & on la dérangeoit lorsqu'on approchoit le doigt de la furface extérieure du globe sans cependant la toucher; ce qui est bien singulier, car l'épaisseur du verre semble devoir ô er toute communication entre ces fils qui sont renfermés en dedans, & le doigt qu'on ne fait qu'en approcher par dehors. Le même déranrangement étoit causé en soufflant simplement avec la bouche à la distance de deux ou trois

pieds du globe.

On trouve encore dans le même Ouvrage un grand nombre d'observations, tant sur l'électricité du Verre, que sur celle de la Gomme lacque, du Souphre, de la Poix, de la Colophone; mais comme nous avons rapporté les principales, & que les autres n'ensont que des suites, dont les variétés résultent du changement de quelques circonstances, nous nous en tiendrons à celles dont nous venons de parler, & nous passerons aux autres découvertes qui se sont faites depuis sur la nature de l'électricité.

En 1720, M. Etienne Gray donna dans les Transactions Philosophiques, No. 366, la découverte qu'il avoit faite de l'électricité de plusieurs corps dans lesquels cette vertu n'étoit point connue; tels font les plumes, les cheveux, des échevaux de soye, le poil des animaux, des rubans passés avec vîtesse dans la main, ou entre les doigts, de la toile de lin, de chanvre & de coton, de la laine, du papier, des copeaux de bois, du cuir, du parchemin, les peaux dont on sert pour battre les feuilles d'or; toutes ces matieres étant chauffées, ou seulement bien sechées. acquierent la vertu électrique, lorsqu'on les frotte vivement, & non seulement elles s'approchent de la main, ou de quelque autre corps qu'on leur présente, mais elles attirent quelquefois d'assez loin les corps que leur-peu de volume met en état d'être enlevés.

M. Gray remarque aussi que la plupart de

44 Memoires de l'Academie Royale

ces corps étant frottés dans l'obscurité, rendent de la lumiere, & même que la lumiere en sort, & s'attache aux doigts, comme il arrive avec le tuyau de verre, & ainsi que M. Hauksbee l'avoit remarqué à l'égard du globe. La soye, la toile & le papier sont ce qui fait le mieux; mais il faut les avoir chauffés aussi vivement que les doigts peuvent le souffrir. J'omets plusieurs circonstances curieuses que l'on peut voir dans l'Auteur, mais qui ne donnent aucunes connoissances particulieres sur la nature de la vertu électrique, ce qui est actuellement notre objet principal.

Si les découvertes dont on vient de rendre compte, ont paru fingulieres, on peut assurer que celles dont on va parler doivent étonner les esprits les plus hardis en conjectures, puisqu'elles étendent les bornes de la vertu électrique fort au-delà de ce que l'on pouvoit imaginer, & qu'elles laissent douter si elles ne peuvent pas être portées encore infiniment plus loin. C'est le même Auteur, dont nous venons de parler, qui les rapporte dans les Transactions Philosophiques, N. 417; nous ne parlerons que des principales, mais nous exhorterons à lire l'Ouvrage entier, dans lequel on trouvera une suite d'expériences surprenantes qui ont ensin conduit l'Auteur jusqu'à celles que nous allons rapporter.

Il s'est servi d'un tube de verre long tie 3 pieds, & d'un peu plus d'un pouce de diametre; ce tube étoit bouché par chacune de ses extrémités avec un bouchon de liège; il s'avisa d'abord d'ajuster dans le bouchon

de l'extrémité la plus éloignée de la main, lorsqu'il tenoit le tuyau, une baguette fort longue; l'extrémité de cette baguette entroit dans une boule d'yvoire percée: alors le tuyau étant rendu électrique par le frottement, la vertu se communiqua à la boule; en sorte qu'elle avoit, de même que le tuyau, la vertu d'attirer & de repousser les feuilles d'or, le duvet, &c. Ayant porté la longueur de cette baguette, formée de plusieurs piéces, jusqu'à 32 pieds, & ne pouvant, à cause de l'embarras de l'expérience, la porter plus loin, il s'avisa d'y substituer une corde, & ayant monté sur un lieu élevé, il vit que l'électricité se continuoit de même par le moyen de la corde; & à 52 pieds de distance la boule faisoit les mêmes essets que le tuyau. Il vint enfin à poser la corde horizontalement, & après avoir levé un grand nombre de difficultés qui se rencontroient à chaque instant, il la soutint d'espace en espace sur une soye déliée, & l'étendant tantôt en ligne droite, tantôt lui faisant faire plusieurs allées & venues, tours &/ détours, il parvint à lui donner la longueur de 886 pieds Anglois: la boule suspendue à l'extrémité de cette corde, & à une si grande distance du tuyau, étoit encore sensiblement électrique & auroit peut-être pu être portée beaucoup plus loin sans avoir perdu toute sa vertu. Et afin qu'on ne soupçonnât pas que la boule d'yvoire eut quelque propriété particuliere, il a suspendu au bout de la corde differens corps, comme du bois, du plomb du liège, des feuilles, une pierre d'aimant,

46 Memoires de l'Academie Royale

une boule de savon, un fer rouge, un poulet, une mappemonde, un parasol, &c. & chacun de ces corps a contracté la vertu électrique aussi parfaitement que l'yvoire.

M. Gray a remarqué de plus, qu'il n'est pas nécessaire que le tube touche immédiatement le bout de la ficelle, ou de la perche, pour que la vertu passe à l'autre extrémité; il suffit de l'en approcher lorsqu'il a été frotté & rendu électrique: il a fait à ce sujet plusieurs expériences très curieuses avec diverses matieres, & entre autres avec un Enfant de huit à dix ans suspendu fur deux cordes dans une situation à peu près horizontale; mettant alors le tuyau proche des pieds de l'enfant, sa tête, ses cheveux, son visage devenoient électriques, ce qui arrivoit de même aux pieds, lorsque l'on approchoit le tube proche de la tête de l'enfant. Les mêmes expériences ont été faites à peu près avec les mêmes circonstances, en se servant d'un Cylindre de verre solide, d'environ un pied de long, & de près d'un pouce de diametre; mais l'effet n'en étoit pas ordinairement si considérable.

On a de même transmis la vertu électrique par le moyen d'un Cercle, ou Cerceau, soit qu'il fût posé horizontalement, ou verticalement; la partie opposée à celle 🍑 l'on appliquoit le tube devenoit électrique, soit que le tube y touchât immédiatement, ou qu'il

en fût seulement approché.

En faisant toutes ces expériences, on réussit bien mieux, & l'électricité est beaucoup plus sensible & agit de plus loin, si l'on po-

ſe

se les feuilles d'or, plumes, ou autres corps légers, sur une espece de petit guéridon élevé d'un pied, ou un pied & demi, que sur la table, ou sur le plancher; ce qui vient sans doute de ce que les écoulemens électriques, de quelque nature qu'ils soient, s'étendent le long de la table, & qu'il y en a une moindre partie qui exerce son action sur les feuilles. C'est par la même raison que si, dans l'expérience que nous avons rapportée, on se sert de cordes ou de bois pour soutenir la corde qui porte l'électrité du tube à la boule, cette vertu n'y parvient point, elle s'attache à cet appui; & il semble que cette détermination à un corps plutôt qu'à un autre, dépende du volume des corps qu'elle rencontre. Il arrive la même chose, & la vertu de la boule est arrêtée de même, si l'on pose sur la ligne de communication le doigt, un bâton, ou quelque autre corps capable de détourner les écoulemens électriques.

M. Gray finit, en remarquant que les corps de même nature & de même espece sont diversement susceptibles d'électricité, relativement à leur couleur, en sorte que le rouge, l'orangé ou le jaune attirent trois ou quatre fois plus fortement que le verd, le bleu ou le pourpre: mais il se réserve à donner une autre sois le détail de ces expériences.

Dans un autre endroit des Transactions Philosophiques de l'année derniere, Nº. 422, M. Gray fait voir que l'Eau peut deveniré-lectrique. Voici de quelle maniere se fait cette expérience. On remplit d'eau une petite écuelle de bois, ou une soucoupe de porce-laine.

AS MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

laine, on la pose sur un de ces petits guéridons, ou sur un verre à boire bien sec, & un peu chauffé; pour-lors ayant frotté ce tube, on l'approche de la foucoupe, le pasfant par dessus & par les côtés deux ou trois fois, sans néanmoins y toucher: cela suffit pour communiquer une vertu électrique très sensible à l'écuelle, ou la soucoupe, & à l'eau qui y est contenue, ce que l'on reconnoit en approchant un cheveu, ou un fil délié dans une situation horizontale de la surface de l'eau; on voit alors ce fil s'en approcher jusqu'à ce qu'il s'y soit plongé. Cette expérience m'a réussi de la maniere que je viens de la décrire; & avec autant de facili-té, de la maniere suivante. J'avois ajusté au bout de mon tuyau un bouchon de liège auquel étoit attaché un bout de corde: le tuyau étant rendu électrique par le frottement, j'ai plongé l'extrémité de la corde dans la soucoupe remplie d'eau, & posée sur un verre chauffé, ce qui a communiqué la vertu à la furface de l'eau, de même que par l'opération précédente; & il est vraisemblable qu'il en seroit de même de toutes les liqueurs: mais il est à observer que cette vertu est moins considérable dans l'eau que dans les corps solides.

M. Gray rapporte aussi dans le même endroit, que l'eau est attirée par ce tube: mais cela avoit déja été observé par Otto de Guerike & plusieurs autres Physiciens à l'égard du Souphre, de la Gomme lacque & de l'Ambre. Il ajoute que lorsque l'expérience se fait dans l'obscurité, on voit sortir de la petite élévation d'eau qui se forme à l'approche du

corps électrique, une espece de lumiere ac-

compagnée d'un petit bruit.

Voilà à peu près quels sont les progrès qui ont été faits jusqu'à présent sur cette matiere, & pour ainsi dire, l'histoire abrégée de l'Electricité. Je ne répéterai pas que mon dessein n'a point été de parler de tous ceux qui en ont traité, on voit assez que mon objet a été de ne faire mention que de ceux qui y ont fait quelque découverte singuliere. & qui ont contribué à porter les connoissances que nous en avons au point où elles sont aujourd'hui. Je ne pouvois me dispenser de faire cet abrégé, afin de mettre sous les yeux du Lecteur l'état où est actuellement cette. partie de la Physique; & cela étoit d'autant plus nécessaire, qu'aucun des Auteurs dont je viens de faire mention n'a parlé des découvertes de ceux qui l'ont précédé: il semble même qu'ils les ayent ignorées, & l'on a pu voir que les derniers ont quelquefois donné comme des observations nouvelles, des choses qui avoient été remarquées par les pre-miers. C'est ce qui m'a engagé à rapporter le plus succinctement qu'il m'a été possible, ce qui a été écrit de plus important sur cette matiere jusqu'à présent, avant que d'en venir aux expériences que j'ai faites, & dont je donnerai le détail dans les Mémoires suiyans.

ADDITION

Qu'il faut faire aux Quarts de Cercle fines dans le Méridien.

Par M. Godin. *

N Quart-de-Cercle fixé dans le plan du Méridien a ordinairement sa Lunette en alhidade, dirigée au Midi, & on's'en sert pour prendre les hauteurs méridiennes des Astres, depuis le point Sad de l'horizon jusqu'au Zénith. Pour avoir de la même manière les hauteurs méridiennes des Astres, depuis le point Nord de l'horizon jusqu'au Zénith, il faut fixer un autre Quart-de-Cercle, semblable au premier, dans le plan du Méridien, mais tourné du côté du Nord.

M. Roemer sit part à M. Leibnizz en 1700

M. Roemer fit part à M. Leibnitz en 1700 d'un Instrument de son invention, qui servoit à prendre en même tems les hauteurs, tant au Sud qu'au Nord: cet Instrument est succintement décrit dans le troisieme tome des Miscellanea Berolinensia †. C'est un Cercle entier placé dans le Méridien, & porté par un Axefermement appuyé de part & d'autre, sur deux murs. Ce Cercle porte une Lunette en alhidade, & l'Instrument entier est placé dans une chambre, dont le toit & les deux côtés, Nord & Sud, sont ouverts d'une longue fenêtre, dirigée

* 11 Février 1733.

dirigée le long du Méridien. Cette machine est assez difficile à bien exécuter; mais quand elle seroit une fois bien exécutée, elle seroit d'ailleurs sujette a beaucoup d'inconvéniens.

Voici un moyen facile, & qui peut être exact, d'avoir au même Quart-de-Cercle, fixé du côté du Midi, les hauteurs des Astres

qui sont vers le Nord.

Il faut ajouter à l'extrémité de la Lunette du Quart-de-Cercle, à un pouce ou un pouce & demi de distance de l'Objectif, un petit miroir rond, d'environ un pouce de diametre, lequel soit incliné à la ligne de foi de la Lunette, !fous un angle de 45 degrés. La face du miroir qui réfléchit, regardant le Nord, les Astres qui passeront par le Méridien du côté du Nord séront peints sur ce miroir, & leur image sera résléchie au fover commun des verres de la Lunette, lorsqu'on fera répondre cette Lunette au degré du complément de la hauteur de l'Astre sur l'horizon; ce qui est évident, à cause de l'égalité des angles d'incidence & de réflexion. & que le miroir est incliné de 45 degrés à l'axe de la Lunete. On aura donc sur le même Instrument, & de la même maniere, les hauteurs des Astres & leurs passages par le Méridien, soit au Midi, soit au Nord.

On peut faire cette addition à une seconde Lunette qu'on fera convenir avec celle dont on se sert du côté du Midi. Je crois cependant qu'il est plus simple de la faire à la

Lunette même dont on se sert. En ce cas, il faut pouvoir ôter & remettre

52 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

tre le miroir toutes les fois qu'on voudra, car s'il restoit toujours, il boucheroit le champ de la Lunette pour les Astres qui sont au Midi. Il faut donc que le miroir soit logé dans une coulisse bien solide, & solidement attachée sous un angle de 45 degrés, aux règles qui portent la Lunette de l'Instrument, & de cette maniere on pourra retirer & remettre aisément le misoir dans sa coulisse. Ce qu'on peut faire encore par le moyen d'une petite vis qui l'élevera ou l'abbaissera; & par ce moyen laissera l'ouverture de la Lunette libre.

Il est nécessaire de pouvoir vérisser l'inclinaison du miroir à la ligne de foi de la Lunette; car si l'angle d'inclinaison étoit de plus ou moins que 45 degrés, les hauteurs de l'Astre ne seroient pas les mêmes que celles que la Lunette indiqueroit sur le limbe: mais cette vérissication se peut très aisément faire.

10. En observant avec un autre Quart de-Cercle vérifié, les hauteurs méridiennes du côté du Nord, & les comparant à celles que l'on aura trouvées par la nouvelle mé-

thode.

2°. Si l'on applique pour cela une seconde Lunette au Quart-de-Cercle, il faudra la mettre en dessus de la premiere, & en ce cas on pourra, par le moyen des 6 ou 7 degrés de plus que l'on marque sur le limbe, audelà de 90, prendre la hauteur d'une Etoile qui passera à 6 ou 7 degrés près du Zénith par les deux Lunettes, c'est-à-dire, par les deux méthodes, ce que fera voir s'il y a de l'erreur dans la position du miroir.

3°.

3°. En ne se servant que d'une seule Lunette, on pourra faire la même chose que je viens de dire, & par cette voye rectisser la position du miroir, qu tenir compte de l'er-

reur qu'il produira dans les hauteurs.

Outre cette position du miroir incliné de 45° à la ligne de foi, il faut encore que son plan soit exactement dirigé dans la ligne de fix beures, ou de l'Est à l'Ouest, supposé le Quart de Cercle exactement dans le plan du Méridien; si cela n'étoit pas, le moment auquel l'Astre passeroit dans la Lunette, ne seroit pas celui de son passage par le Méridien: & c'est une objection que M. Cassini m'a faite avec railon, contre l'usage de cette addition. Mais cette position nécessaire du miroir. & même la premiere, quoiqu'il soit peut-être moralement impossible de les lui donner, ou de les lui conserver, ne doivent pas plus en faire rejetter l'usage, que celui des Quarts-de-Cercle fixes ordinaires, dont il n'y aura peut-être jamais un feul qui foit exactement dirigé dans le plan du Méridien. On employe cependant ceux-ci tous les jours, & on se contente de faire qu'ils ne soient que très peu éloignés de leur juste position, & d'en connoitre, ce qu'on peut toujours aisément, la déclinaison, qui est ordinairement differente en differens points.

Pour m'assurer donc de la position du miroir que je propose, je ferai les mêmes opérations que pour m'assurer de la position d'un Quart-de-Cercle sixe dans le Méridien.

J'observerai, par exemple, Capella, dont la hauteur est d'environ 80° 55' avec la Lunet-

te ordinaire de mon Quart-de-Cercle fixe, & dans le même instant de son passage par le Méridien, je la ferai passer aussi par le vertical de la Lunette à miroir, ce que je peux saire en élévant la Lunette à 3°5' au-dessus du point de 0° sur le limbe. Je placerai donc alors le miroir en telle situation qu'il transmette dans la ligne de foi de la Lunete, l'image de l'Etoile à l'instant de son passage par le Méridien; ce qui ne se peut faire sans que ce miroir ne soit dirigé exactement Est & Quest, comme il faut qu'il le soit.

Je prendrai ensuite des hauteurs correspondantes de quelques autres Etoiles du Nord, asin d'avoir l'heure de leur médiation, & après les avoir observées par la Lunette à miroir rectifiée, comme je viens de dire, je connoitrai la difference, s'il y en a, qui conviendra à chaque point du limbe. Cette difference doit s'accorder à la déclinaison des mêmes points du limbe, que l'on doit connoitre d'ailleurs pour l'usage ordinaire du Quart-de-Cercle, indépendamment de cette

addition.

සිදුව යුතු යුදුව දැවතු කුවාදව සිදුව සි

REFLEXIONS

SUR LA HAUTEUR DU BAROMETRE

Observée sur diverses Montagnes.

Par M. CASSINI. *

Ans le Voyage que nous avons fait en 1700 pour mesurer la grandeur de la Terre, & prolonger la Ligne méridienne de l'Observatoire de Paris jusqu'à l'extrémité méridionale du Royaume, nous avions entrepris de déterminer la hauteur de diverses Montagnes d'Auvergne, du Languedoc, du Roussillon & des Pyrenées sur le niveau de la Mer, dans le dessein d'y faire des observations du Barometre, pour pouvoir connoître quelle étoit à ces differentes élevations l'abaissement du Mercure causée par la diminution du poids de l'Atmosphere.

Comme la faison étoit avancée, auquel tems les plus hautes montagnes des Pyrenées sont inaccessibles à cause des neiges dont elles sont couvertes; nous ne pumes faire les observations du Barometre que sur celles dont la hauteur perpendiculaire n'excédoit pas 860 toises, & nous nous contentames de déterminer l'élévation des plus hautes montagnes que nous pumes appercevoir, pour ser-

^{* 17} Janvier 1733.

36 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

vir à ceux qui auroient dans la suite occasion de s'y transporter pour faire de ces sortes d'observations.

C'est ce qui vient d'être exécuté par M. de Plantade, Avocat général de la Cour des Aydes de Montpellier, qui a été chargé par lès Etats de Languedoc, de la direction des Observations nécessaires pour lever une Carte exacte de cette Province.

Il nous avoit déja fait part des opérations géométriques qu'il avoit faites dans les lieux que nous avions déterminés par nos Triangles, où il avoit trouvé dans la plupart une conformité avec nos opérations au-delà de ce que l'on peut esperer; il vient présentement de nous envoyer quelques Observations du Barometre qu'il lui a réussi de faire sur diverses montagnes de Roussillon & des Pyrenées, nonobstant les differens obstacles qu'il Jui a fallu surmonter, tant par la difficulté de se transporter avec des instrumens sur le sommet de ces Montagnes, que par la vicissitude du tems & la température de l'air, qui y a été telle, qu'il y a ressenti des froids extrêmes dans le tems de la plus grande chaleur de l'Eté.

M. de Plantade remarque d'abord qu'il a trouvé de grandes variations dans la suspension du Vis argent en divers tuyaux dont il s'est servi, & qu'à une élévation sur le niveau de la Mer qui n'excédoit pas 1000 toises, le Vis argent s'est toujours tenu plus bas dans les tuyaux d'un diametre étroit, que dans ceux qui étoient plus larges, & cela constamment sur seize montagnes disserentes, où il a fait des

des expériences avec toutes les précautions nécessaires; mais que depuis 1000 toises & au dessus, le Vif-argent s'est mis au même niveau dans tous les tubes, de quelque diametre qu'ils fussent, larges ou étroits.

Sur le Pic de Canigou, au haut de la

Sur le Pic de Canigou, au haut de la pointe de la Pyramide élevée pour les opérations de la Méridienne, M. de Plantade mit le 4 Août 1731 à 10 heures du matin, par un tems assez tranquisse, trois tubes de differente largeur en expérience, & le Vif argent descendit dans tous les trois à 20 pouces 2

lignes 4.

Pour déterminer par le moyen de cette expérience, l'abaissement du Vis-argent qui répond à la hauteur de cette montagne sur le niveau de la Mer, que nous avons trouvée par nos opérations de 1441 toises, nous avons cru devoir employer les observations du Barometre qui ont été faites à Marseille par M. Arazy dans un lieu élevé seulement de 6 pieds au dessus du niveau de la Mer, & qui nous ont été communiquées par le P. Pezenas; & nous avons préseré ces observations à celles qui ont été faites à Paris, qui se trouve beaucoup plus éloigné, sous un climat fort different, & dont nous ne connoissons la hauteur que sur le niveau de la Mer Océane, qui peut être un peu differente de celle de la Méditerranée, à l'égard de laquelle nous avons mesuré les differentes hauteurs des montagnes.

La hauteur du Barometre étoit ce jour-la à Marseille, de 28 pouces 2 lignes, dont retranchant celle qui a été observée sur le haut de

Canigou de 20 pouces 214, reste 7 pouces 1114 pour l'abaissement du Mercure, qui répond à la hauteur de cette montagne sur le niveau de la Mer, que nous avons déterminée de 1441 toises, & que M. de Plantade a trouvée par plusieurs opérations géometriques & réitérées, de 1453 toises, plus gran-de que suivant nos dimensions, de 12 toises, qui est une difference que nous ne jugeons pas de grande conséquence dans ces sortes d'observations.

M. de Plantade remarque à cette occasion que par les expériences que M. Scheuchzer a faites pendant les cinq derniers mois de l'année 1728 sur le Mont St. Godard, qu'il dit être le plus haut des Alpes, & la plus haute montagne de l'Europe, il a trouvé que le vifargent n'a jamais été au dessous de 21 pouces, au-lieu que sur le Canigou il a été de 20 pouces 211; ce qui fait voir que cette montagne est plus haute que le Mont St. Godard, & qu'en général, les Pyrenées sont

beaucoup plus hautes que les Alpes. Le 18 Août 1732, M. de Plantade ayant mis en expérience sur la montagne du Mousset les mêmes tubes à une heure après midi, pan un vent d'Est assez grand, le Vif argent demeura dans tous les trois, à 20 pouces 104. Il étoit ce jour là à Marseille de 28 pouces ol au bord de la Mer. On aura donc 7 pouces 114 pour l'abaissement du Mercure, qui répond à 1289 toises, dont il a trouvé que la pointe la plus élevée de cette montagne étoit au dessus du niveau de la Mer. Nous avons déterminé dans le voyage de la Méridienne,

la hauteur du Mouflet de 1253 toises, plus basse de 36 toises que M. de Plantade ne l'a trouvée, ce qui lui fait croire que celle que l'on nous indiqua pour le Mousset, est la pointe du Bernard sauvage, que l'on appelle aussi communément dans ce pais, la montagne de Madre ou du Mousset, & à laquelle

nos angles paroissent répondre.

Ensin, le 25 Août à midi, il mit les trois mêmes tubes en experience sur la pointe la plus occidentale de la montagne de St-Barthelemy, & la hauteur du Vifargent fut observée dans tous les trois de 21 pouces o'4. Le vent étoit à l'Ouest assez fort, le Ciel fort serein, & il faisoit un froid très aigu & très cuisant, ensorte que trois étangs qui étoient vers le haut de cette montagne étoient entierement glacés, & toute la montagne, de même que les voisines, couverte de verglas, avec de la neige en divers endroits.

La hauteur du Barometre étoit ce jour-là à Marseille de 28 pouces ol au bord de la Mer. dont retranchant 21 pouces of 1, hauteur obfervée sur Si. Barthelemy, on aura 6 pouces 1113 pour l'abaissement du Mercure, qui répond à l'élévation de cette montagne sur le niveau de la Mer, que nous avons déterminée de 1184 toises & demie, plus petite seulement de 5 toises & demie que celle que M. de Plantade a trouvée de 1190 toises. Cetle élévation peut être regardée comme la mesure du Mont St. Godard, on, suivant M. Scheuchzer, le Mercure n'est jamais descendu plus bas de 21 pouces.

Nous ajouterons à ces observations, cel-

les qui ont été faites en 1704 par le P. Feuillée sur le Pic de Ténérisse, dont il avoit mesuré géometriquement la hauteur perpendiculaire sur le niveau de la Mer de 2213, c'est-à-dire, d'environ une lieue à plomb, ce qui surpasse de 760 toises la plus haute que l'on a mesurée jusqu'à présent dans les Pyrenées. La hauteur du Baromettre fut ob-fervée sur le haut de cette montagne de 17 pouces 510', qui étant retranchés de 28 pouces ol, hauteur moyenne du Baromette au bord de la Mer, donnent 10 pouces 71 pour l'abaissement du Vis-argent, à la hauteur de 2213 toises. Nous avons préséré-la hauteur movenne du Barometre à celle qui avoit été observée quatre jours auparavant au bord de la Mer de 27 pouces 612, à cause que dans cet intervalle il peut y avoir eu quelque variation.

Si l'on compare présentement les observations que nous venons de rapporter, avec
la Table de la hauteur de l'air, qui répond
à l'abaissement du Vis-argent, qui est inserée
dans les Mémoires de l'Académie de l'année
1705, p. 92, où l'on a marqué quelle doit
être cette hauteur, tant suivant les principes
de M. Mariotte, que suivant nos observations; on trouve que la hauteur du Mercure
ayant été observée sur la montagne de St.
Barthelemy de 21 pouces ol; plus basse qu'au
niveau de la Mer de 6 pouces 11!; la hauteur de cette montagne auroit dû être, suivant M. Mariotte, de 1012 toises, plus
petite de 178 toises que celle que M. de
Plantade a déterminée; & qu'au contraire,

suivant les règles fondées sur des observations faites sur des montagnes moins élevées, cette hauteur auroit du être de 1427 toises, plus grande de 237 toises qu'elle ne l'est effectivement.

Si l'on examine de même l'observation du 18 Août, faite sur la montagne du Mousset, qui est élevée de 1289 toises sur le niveau de la Mer, on trouve que l'abaissement du Visargent y a été de 7 pouces 1¹4, plus grand seusement d'une ligne & deux tiers, qu'on ne l'a trouvé le 25 Août sur St. Barthelemy, quoiqu'il y ait une différence de 90 toises de hauteur entre ces deux montagnes, ce qui peut venir de ce que dans l'observation du 25 Août, les frimats qui se sont fait sentir sur cette montagne, ont causé quelque variation extraordinaire dans l'Atmosphere.

Suivant cette observation, on trouve que la hauteur du Mousset devoit être, suivant les principes de M. Mariotte, de 1035 toises, plus petite de 254 toises qu'on ne l'a déterminée, & suivant notre méthode, de 1467 toises, plus grande de 178 toises qu'el-

le ne l'est en effet.

Dans l'observation du Barometre, faite le 4 Août, sur le sommet du Canigou, qui suivant M. de Plantade est élevé de 1454 toises sur le niveau de la Mer; on a trouvé que la diminution de la hauteur du Mercure a été de 7 pouces 11¹ ½. Comme la Table qui est rapportée dans les Mémoires de l'Académie de 1705, ne s'étend qu'a 7 pouces 2 lignes, nous l'avons prolongée suivant les mêmes principes; & nous avons trouvé que la C7

hauteur de l'air, qui répond à 7 pouces 1 It 2 devoit être, suivant M. Mariotte, de 1183 toises, plus petite de 271 toises que M. de Plantade ne l'a déterminée, &, suivant nos principes, de 1728 toises, plus grande de 275 toises qu'elle ne l'est en effet; de sorte que la véritable mesure se trouve à peu près moyenne entre les déterminations de M. Mariotte & les nôtres.

Enfin, si l'on compare les observations du Baromettre, faites par le P. Feuillée sur le Pic de Ténériffe, avec la hauteur de cette montagne, qu'il à déterminée de 2213 toises. c'est à dire, d'environ une lieue à plomb, ce qui surpasse de 760 toises les plus hautes que l'on a mesurées jusqu'à présent dans les Pyrenées; on trouvera que l'abaissement du Mercure ayant été observé sur le haut de cette montagne de 10 pouces 71, son élévation n'auroit dû être, suivant M. Mariotte, que de 1686 toises, plus petite de 533 toises ou'elle n'a été observée; & qu'au contraire, suivant notre méthode, cette hauteur auroit dû être de 2624 toises plus grande de 411 toiles qu'elle ne l'est en effet.

Les règles que nous avons rapportées pour trouver la hauteur de l'air, qui répond à l'abaissement du Vif argent, étant donc insuffisantes, nous avons cherché si l'on pouvoit en trouver quelque autre qui pût représenter les Observations qui ont été faites sur les diverses montagnes dont on a observé la hau-

teur fur le niveau de la Mer.

Nous avons confideré pour cet effet, que puisque suivant les expériences de M. Mariotriotte, l'air renfermé dans un tube se condense à proportion des poids dont il est chargé, & que cette règle ne s'observe pas dans la dilatation de l'air observée sur les montagnes lorsqu'il est libre, il faut nécessairement que l'air en liberté suive d'autres règles que lorsqu'il est renfermé.

Comme il feroit difficile de déduire cette règle immédiatement de quelque cause physique, parce qu'il faudroit connoitre la nature du ressort de l'air, nous avons supposé que cette dilatation se fait dans la raison réciproque du quarré des poids dont il est chargé.

Dans cette supposition, le poids de l'At-mosphere étant au niveau de la Mer en êquilibre à une colomne de Mercure de 28 pouces de hauteur, & à l'élevation de l'air qui répond à une ligne de diminution de Mercure de 63 pieds - comme M. Mariotte l'a déterminé, il suit que lorsque le poids de l'Atmosphere sera diminué de moitié, & que la hauteur du Mercure sera de 14 pouces, l'air sera dilaté quatre fois davantage, & occupera 42 toiles : car si l'on fait, comme le quarre de 14 est au quarte de 28, c'est-à-dire comme I est à 4; ainsi la dilatation de l'air. lorsqu'il est au niveau de la Mer où une ligne de Mercure répond à 63 pieds de hau-teur, est à sa dilatation lorsqu'il n'est charge que de la moitié du poids de son Atmosphere; où trouvera 42 toises pour la hautedr de l'air, qui répond alors à une ligne de diminution du Mercure, ce qui est le double de celle qui résulte des principes de M. Mariotte.

Suivant

Suivant cette règle, la hauteur de l'air qui répond à un pouce d'abaissement de Mercure, est de 130 toises. Celle qui répond à 2 pouces est de 269

à 3 pouces à 4 pouces de 582 à 5 pouces de 759 à 6 pouces de 962 à 7 pouces de 1173 à 8 pouces de 1405 à 9 pouces de 1662 à 10 pouces de 1947

Toutes ces mesures se trouvent moyennes entre celles de M. Mariotte & les nôtres, dont elles s'écartent d'abord davantage, & se rapprochent ensuite, comme on le peut voir

dans la Table que nous avons citée.

En comparant présentement les observa-tions qui ont été faites sur les montagnes dont la hauteur est mesurée, avec la règle que nous venons de proposer, nous trouvons que la dilatation qui en résulte n'est pas encore suffisante pour représenter les observations; car dans celle qui fut faite le 12 Mars 1701 fur le haut de la Tour de la Massane, on a trouvé qu'à la hauteur de 397 toises, entre le sommet de cette montagne, & le lieu où nous faisions nos observations à Collioure sur le bord de la Mer, l'abaissement du Merçure a été de 2 pouces 71, au-lieu que suivant cette règle, la hauteur de l'air qui répond à cette diminution de Mercure, n'auroit, du être que de 354 toises.
Cette difference est encore plus grande sur

la montagne de Bugarach, où nous avons

trou-

trouvé pour 648 toises 3 pouces 101 d'abaissement de Mercure, au-lieu que la hauteur de l'air qui répond à cette diminution, n'au-

roit dû être que de 564 toises.

Sur les montagnes de la Côte & de la Courlande en Auvergne, dont la premiere est élevée de 851 toises sur le niveau de la Mer, & la seconde de 838 toises, on a observé 4 pouces 101 de diminution de Mercure, ce qui n'auroit dû donner que 759 toises pour la hauteur de ces montagnes, c'est à dire 79 toises moins que la plus petite, & 91 toises moins que la plus grande.

Sur la montagne de St Barthelemy dont la hauteur, suivant nos mesures, est de 1184 toises ½ & suivant celle de M. de Plantade, de 1190 toises, on a trouvé l'abaissement du Mercure, de 6 pouces 1114, ce qui suivant la derniere règle, auroit du donner 1168 toises pour la hauteur de cette montagne, peu differente de celle que l'on a déterminée,

quoique toujours moindre.

Sur la montagne du Mousset, qui suivant M. de Plantade, est de 1289, on a trouvé l'abaissement du Mercure, de 7 pouces 1¹;, ce qui auroit dû donner la hauteur de cette montagne de 1200 toises, plus petite de 89 toises que celle que l'on a déterminée.

Sur le Canigou, qui suivant nos mesures, est de 1441 toises, & suivant celles de M. de Plantade, de 1454 toises, l'abaissement du Mercure étoit de 7 pouces 11½, ce qui auroit dû donner la hauteur de cette montagne, de 1394 toises, plus petite de 47 toises que



66 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

nous ne l'avions trouvée, & de 60 toiles,

que suivant M. de Plantade.

Enfin sur le Pic de Tenerisse, qui suivant les mesures du P. Feuillée, est élevé de 2213 toises sur le niveau de la Mer, l'abaissement du Mercure y a été trouvé de 10 pouces 7¹, ce qui, suivant la derniere règle, auroit du donner 2120 toises pour la hauteur de cette montagne, 93 toises moins qu'on ne l'a obtservé.

De ce que nous venons de rapporter, il résulte que la dilatation de l'air dans l'Atmosphere, à differens degrés de hauteur, se fait encore dans une proportion plus grande que les quarrés des poids dont il est chargé, ce qui doit donner la hauteur de l'Atmosphere beaucoup plus grande qu'on ne l'a cru jusqu'à présent, puisque, suivant cette règle, lorsque l'air ne sera chargé que du poids d'une ligne de Mercure, l'étendue qui y répond fera de 1185450 toises, ou plus de 500 lieues.

Nous n'entreprendrons point ici de donner des causes physiques de cette dilatation, & nous-nous sommes contentés de faire voir le rapport qu'il y a de la dilatation réelle de l'air avec celle qui résulte de diverses hypotheses dont les Physiciens pourront se servir dans la suite pour expliquer ses divers effets.

වූග්ලග්ලේ දෙන් වේ වේ වේ වේ දෙන් වේ වෙන්නේ වෙන් වේ සිට වනු

REFLEXIONS

SUR LE TIRAGE DES CHARRETTES

ET DES TRAINEAUX.

Par M. COUPLET. *

L'Usage des Charrettes & des Traineaux pour transporter de lourds fardeaux est si ancien, qu'il seroit étonnant que ces machines n'eussent point toute la solidité qui leur est nécessaire, & toutes les commodités qu'on en peut attendre.

Un Traineau sur un plan horizontal parfaitement dur & poli, sera mu par la moindre puissance, quelle que soit la charge du Traineau.

Une Charrette dont les roues seroient parfaitement dures & rondes, dont l'essieu & le moyeu seroient aussi parfaitement durs, polis & centrés, étant sur un plan horizontal parfaitement dur & poli, sera aussi mue par la moindre puissance, quelle que la soit charge de la Charrette.

Mais il s'en faut beaucoup que les Charrettes, les Traineaux & les chemins où ils passent, ayent les perfections dont nous venons de parler.

Les roues des Charrettes ne sont point parfaitement rondes, les cloux de leurs bandes

y font même des éminences qui obligent la charrette & sa charge à s'élever; les chemins sont remplis de tant d'éminences & d'ornieres qu'il faut continuellement monter & descendre, qu'on est obligé d'appliquer aux. Charrettes & aux Traineaux un nombre considerable de chevaux pour les trainer.

Ce nombre de chevaux ne peut point être déterminé par la charge seule de la voiture, il faut encore avoir égard aux chemins par les-

quels elle doit passer.

Le Traineau demande une troisieme attention; c'est la longueur des traits du dernier cheval de volée; car nous ferons voir dans la suite de nos réstexions, que plus il faudra de chevaux pour le tirage, plus les traits de ce dernier cheval doivent être longs, pour qu'il puisse résister à la charge qu'il auroit à souffrir.

La comparaison de la Charrette & du Traineau mérite encore quelques attentions.

M. Duquet a présenté il y a quelque tems à l'Académie, un Modele de Charrette posée sur un chemin incliné, sur lequel il y avoit des inégalités comme il s'en trouve sur un chemin pavé; & cette Charrette tirée par une certaine puissance, n'a pu monter ce chemin incliné.

La même Charrette devenue Traineau par la suppression de ses roues & de son essieu, étant posé sur le même chemin & tiré par la même puissance, a facilement monté le chemin.

L'Auteur, fondé sur cette expérience, a prétendu que l'usage du Traineau étoit pré-

fé.

férable à celui des autres voitures portées fur des roues; mais au lieu-de conclure comme il a fait, examinons ce qui est arrivé dans

sa propre expérience.

1°. La pussance P* qui a fait monter le Traineau, agissoit suivant une direction FB (Fig. 2.) presque parallele au plan incliné CB; & cette même pusssance qui n'a purfaire monter la Charrette, agissoit suivant une direction AB (Fig. 1.) inclinée au même plan CB.

2º. Le Traineau p'étant autre chose que la Charrette dont on avoit ôté l'essieu & les roues, étoit beaucoup plus leger que la Char-

rette.

L'on avoit donc donné au Traineau deux

avantages fur la Charrette.

1º. On a donné le premier avantage au Traineau en le tirant suivant la direction la plus avantageuse, savoir suivant la direction parallele au plan.

2°. L'on a donné au Traineau le fecond avantage fur la Charrette, en le faisant plus

leger qu'elle.

Il n'est donc pas étonnant que la même puissance P, qui a enlevé le Traineau n'ait

pu enlever la Charrette.

L'expérience même a fait voir que le Traineau n'avoit point d'autres avantages sur la Charrette, que ceux qu'on lui avoit donnés; car ayant ôté au Traineau le second avantage, c'est à dire, l'ayant chargé des roues & de l'essieu pour le rendre aussi pesant que la

fig 1. & 1.

Charrette, la puissance P, qui n'a pu monter la Charrette, & qui avoit monté le Traineau sans être chargé des roues & de l'essieu, n'a pu monter le Traineau lorsqu'il en a été chargé, quoique le Traineau est encore sur la Charrette le premier avantage, qui est celui de la direction du tirage.

Si l'on est obligé de convenir que dans les chemins pavés le Traineau a un avantage réel sur la Charrette, en ce que le Traineau glisse sur le pavé comme sur un plan, au-lieu que la Charrette a souvent ses roues enfoncées entre deux pavés, & est par conséquent obligée de monter comme sur un plan ED, perpendiculaire au rayon AE, & par consequent plus roide que le plan général du pavé FGHI, que le Traineau toucheroit en ces seuls points:

* Il faut aussi avouer que la Charrette aun autre avantage sur le Traineau, en ce que le frottement de l'essieu de la Charrette dans le moyeu de ses roues est moindre, & plus facile à vaincre, que le frottement du Trai-

neau sur le pavé.

1°. Le frottement dans le moyeu des roues est moindre, parce que la surface frottante est plus petite, & qu'elle peut être enduite de graisse qui fait l'office de rouleaux entre le moyeu & l'essieu, ce que l'on ne sauroit fairé dans le Traineau simple.

2°. Le frottement de l'essieu dans le moyeu est plus facile à vaincre que celui du Traineau sur le pavé, quand même les frotte-

mens

mens seroient les mêmes; car on n'a aucun levier pour vaincre le frottement du Traineau contre le pavé, & l'on a presque tout le rayon de la roue pour vaincre le frottement qui se fait dans le moyeu; de sorte que la tenacité du frottement est à la force qui peut le vaincre, étant appliquée à la circonférence de la roue, comme le rayon de l'essieu est au rayon de la roue.

Cet avantage est si considérable, qu'il compense de reste les desavantages que trouve la charrette dans l'inégalité du pavé.

L'on voit tous les jours des charrettes attelées de trois chevaux, porter autant de pierres qu'un traineau attelé de sept à huit chevaux.

Lorsqu'on a transporté par tronçon les Figures qui sont au dessus d'un des portails de St. Sulpice, on l'a fait sur un traineau attelé de 10 à 12 chevaux; cependant il n'y avoit sur le traineau que deux tronçons, qui vraisemblablement avoient chacun été apportés en charrette chez le Sculpteur; l'on pourroit même assurer que le Sculpteur a perdu plus d'un quart de la pierre, en sorte que l'une des deux pierres apportées de la carrière, pesoit les deux tiers de ce qu'il y avoit sur le traineau, puisque le traineau n'étoit chargé que du poids d'une — ' de ces pierres, ou 6 quarts, & que la charrette en avoit apporté une entière, ou 4 quarts.

Cependant l'on ne voit presque jamais dans Paris plus de trois chevaux sur une charrette

chargée de pierres.

Une charrette attelée de trois chevaux a donc

donc apporté aussi pesant que les deux tiers de la charge d'un traineau attelé de dix à douze chevaux; d'où il suit que trois chevaux tirent en charrette aussi pesant que les deux tiers de 10 à 12 chevaux, c'est-à dire. aussi pesant que 7 à 8 chevaux attelés sur un traineau.

Un si grand avantage de la charrette sur le traineau pourroit passer pour un paradoxe, si la charrette n'avoit d'autres avantages sur le traineau que la facilité de vaincre ses frot-

temens.

L'on est assez porté à croire que cet avantage est compensé & détruit par les difficultes que la charrette trouve à passer par dessus les éminences du pavé; mais cette difficulté même qu'elle trouvé dans son chemin, se compense en partie par les avantages qui la fuivent.

* Si la charrette trouve quelques difficultés à monter l'éminence & d'un pavé, elle trouve ensuite de la facilité à descendre de l'autre côté du pavé; elle acquiert même en le descendant par son propre poids, une force capable de lui faire monter une partie de l'éminence du pavé suivant, & cette force acquise, aidée de la puissance moyenne des chevaux, suffira pour monter ce pavé en entier, quoique cette puissance moyenne des chevaux ne soit point seule capable de lui faire monter ce pavé: ainsi une charrette en repos, prête à monter l'eminence d'un pavé, avant reçu, pour la mettre en mouvement, un coup de colier plus vif que la force moyenne des chevaux, n'a plus besoin dans la suite que de cette force moyenne pour continuer fon mouvement; la charrette trouve donc fouvent des avantages dans les difficultés mêmes qu'elles rencontre, ce qui n'arrive point dans le traîneau, qui a besoin d'une puissance presque toujours égale à celle qui a commencé à le mouvoir.

C'est donc une erreur de dire que le traineau est plus avantageux que les voitures or-

dinaires.

Je ne prétends pas cependant détruire les avantages du traineau, je fai qu'il en a de réels: mais ces avantages ne consistent pas dans la facilité du transport des marchandises, ils consistent seulement dans leur sureté.

Quantité de corps arrivent sans accident au lieu de leur destination, qui ne pourroient

foutenir les cahots d'une charrette.

D'ailleurs le traineau, comme plus bas, est plus facile à charger & à décharger. Aussi, après la lecture que j'ai faite à l'Académie de ce Mémoire, M. Duquet m'a-t-il dit que le principal objet qu'il avoit envisagé, en proposant l'usage du traineau, étoit de transporter des personnes incommodées.

· l'ai encore remarqué dans le transport des Figures de St. Sulpice sur un traineau, que le dernier cheval de volée étoit extrêmement fatigué, & qu'il auroit été hors d'état de faire une traite un peu longue, attendu que ses traits étoient trop courts, & qu'il résultoit de la résissance du traineau & de la puissance Mem. 1733.

des premiers chevaux de volée, une charge

trop considérable sur le dernier.

Les réflexions que j'ai faires à l'occasion de ce Traineau que j'ai comparé à la Charrette, m'ont engagé à faire quelques remarques sur le Tirage des chevaux attelés, soit à une charrette, loit à un traineau.

Du Tirage des chevaux attelés à une Charrette.

Le tirage d'un cheval se fait de son poitrail, directement à l'essieu de la charrette; l'essieu engagé dans les moyeux des roues les pousse en avant par l'intérieur de leur moyeu, & les oblige à tourner, & par conséquent à parcourir un espace égal au chemin circulaire que fait un point quelconque de la circonférence de la roue autour de son essieu.

* Le rayon AN de la roue, qui porte sur de sol, peut donc être regardé comme un levier; le point N ou B du sol où porte le rayon, ou contre lequel ce rayon arcboute, peut être regardé comme l'appui du levier; & le centre A de la roue, comme le

point où est appliquée la puissance P.

Si la roue ne portoit jamais que sur un rayon vertical AN, il est évident qu'un tirage infiniment peu puissant la feroit tourner. & feroit par conséquent marcher la charrette sur un plan horizontal dur & poli.

Si la roue porte sur plusieurs rayons, comme il arrive quand elle enfance dans le terrein fur lequel elle roule, ou qu'elle se trouve sur

Eig. j.

Ĺ.,

un sol inégal tel que le pavé, il y a toujours des rayons qui portent avant d'être arrivé au vertical; le point B où porte ce rayon oblique AB, doit être consideré comme l'appui, & pour-lors le plan naturel du chemin FL se trouve dans ce point B transformé dans le plan GH, perpendiculaire au rayon d'appui AB; la perpendiculaire B M tirée de cet appui B sur le tirage AD, comme le levier employé à faire tourner la roue; & la perpendiculaire BC, tirée de ce même point d'appui B sur la verticale AN, qui passe par le centre A de l'esseu, comme le levier où est appliquée la charge de la voiture.

Or, plus un bras de levier est long, plus la puissance qui lui est appliquée a d'avantage; il faut donc, autant qu'il est possible, conserver la longueur du bras de levier auquest

le tirage est appliqué.

Mais ce bras de levier où est appliqué le tirage, ne peut jamais être plus grand que le rayon de la roue; il faut donc faire en sorte que le tirage soit perpendiculaire au rayon qui

archoute sur le terrein.

Comme le rayon AB qui arcboute sur le terrein est toujours incliné vers le derriere de la voiture, le tirage (pour être le plus avantageux) devroitêtre oblique à l'horizon, comme, suivant A I perpendiculaire au rayon AB, c'est-à-dire, que le poitrail du limonier devroit être plus élevé que l'essieu, ou que le centre A de la roue.

Mais comme le poitrail d'un cheval est d'environ 3 pieds ½ de haut, il sembleroit que les roues qui auroient moiss que trois pieds ¼ de D 2 rayon,

76 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

rayon, seroient plus avantageuses que de plus

grandes roues.

Cependant plus les roues sont grandes & plus elles ont d'avantage, car l'on voit que dans les roues dont les rayons * AB, CB, sont differens, le levier FB de la plus grande qui est employé dans le tirage CD, est plus grand que le levier AB de la petite roue qui est employé dans le tirage AD, pris du même point D, & avec la même puissance P. Il faut donc faire les roues les plus grandes que l'on pourra, & conserver en même tems, autant qu'il sera possible, la longueur du levier du tirage.

Si la longueur du tirage est déterminée, comme il l'est ordinairement par la longueur des charrettes, ou plutôt par la distance qui se trouve entre l'essieu & le bout des limons, la hauteur des roues pour être la plus avantageuse qu'il est possible, doit être telle que le tirage se fasse de haut en bas sous un angle de 45°, comme il est facile de le démon-

ter.

THEOREME I.

La longueur du tirage étant déterminée, comme pour exemple de la longueur du cordage † AB, dont on veut se servir le plus avantageusement qu'il est possible pour faire effort sur le levier AC, il faudroit que la direction du tirage se sît sous un angle CAB de 45°.

Quoique cette proposition soit connue,

Fig. 4. 1 Fig. 4.

comme elle vient au sujet présent, je ne laisierai pas d'en rapporter la démonstration le plus en abregé qu'il sera possible.

Dans quelque position que se trouve le cordage AB, entre les côtés de l'angle droit ACB, le milieu F de ce cordage fera toujours éloigné du sommet C de cet angle de la quantité $BF = \frac{AB}{A}$; car fidu milieu Fdu cordage l'on abaisse FG perpendiculaire sur CB, elle la coupera en deux également, ce qui

donnera $CF = GB = \frac{AB}{A}$.

Puisque le point F, milieu du cordage AB, est toujours à une même distance du point C, il s'ensuit que ce point F décrira un arc de cercle, si l'on fait glisser les deux extrémités du cordage A & B le long des côtés AC, CB, de l'angle droit ACB; en tenant ce cordage AB toujours tendu.

Il fuit aussi que l'angle $B \wedge C$ étant de 45°, la ligne CF, moitié de AB, sera perpendi-

culaire sur AB.

Ainsi la corde AB faisant un angle CAB de 45°, aura un leyier CF égal à sa moitié

Mais si le cordage AB prenoit la situation $a\beta$, dans laquelle il ne seroit point incliné de 45°, la droite CF, qui étoit levier dans le premier cas, tombera en Co.

Or, Co étant oblique sur le cordage, a s ne sera plus le levier employé, mais ce sera la perpendiculaire CQ, tirée du point G sur

ec même cordage as, laquelle sera plus courte que $C \varphi$, & par conféquent plus courte que $\varphi \beta$ ou B, qui sont chacune moitié

de leur corde AB, ou son égal a s.

Donc, quand la corde & B fait un angle: $Q \otimes C$, moindre de 45° , le levier C Q de cette corde est plus court que sa moitié = CF: au-lieu que quand l'angle est de 45°, le levier que cette corde employe est égal à sa moitié. c'est-à-dire, = C F.

Donc, la corde doit être inclinée de 45°, pour avoir le plus grand levier qu'il est posfible. Mais cette théorie ne peut point s'appliquer au tirage des Charrettes, comme nous vovons dans le Théorème suivant.

THEOREME. II.

 En supposant, comme nons avons fait, la: banteur du poitrail d'un cheval de 3 pieds 13 . & donnant 6 pieds de place horizontale pour le limonier, si le tirage AP étoit incliné de bant en bas sous un angle CAM de 45°, pour-lors le rayon AC des roues seroit de la banteur PD on BC du poitrail du limonier, plus de la distance AP de l'effieu A au bout P des limons, multiplié par 1/ 1.

Car le rayon AC=BC + AB.

Mais AB étant le côté du triangle rectangle & ijoscele, ABP of = AP × 1/2, car AP2 $\Rightarrow AB^2 + BP^2 = 2AB^2$

Ainsi AB2=1 × AP2, & tirant la racine. quarrée, l'en aura AB=AP×1/1.

Dans-

DANS CE CAS,

10. Le cheval seroit incommodé par le tirage de haut en bas.

2°. La caisse de la charrette seroit beaucoup moins longue que le diametre de ses roues.

Car la distance AP de l'essièu A au bout P des limons réduite à l'horizontale, seroit PB = AB, qui est plus court que AC de la hauteur BC du poitrail du cheval, laquelle

nous avons supposée de 3 pieds 1.

Et comme le cheval doit être commodément dans les limons, les limons doivent faillir d'environ 6 pieds au-delà de la caisse de la charrette; ainsi prenant PE = EF = BG de 6 pieds pour la place du limonier dans les limons, pour-lors EB = FG = AG seroit la demi-longueur de la caisse de la charrette réduite à l'horizontale.

Et par conséquent le rayon AC de la roue surpasseroit la demi-longueur AG de la caisse de la grandeur CB + BG = CB + PE = 3

pieds ‡ + o pieds = o pieds ½.

D'où il suit que le diametre de la roue surpasseroit la longueur de la caisse de 19 pieds.

Ainsi, faisant le diametre de la roue de 19 pieds, il ne se trouveroit point de caisse à la charrette, & par consequent des roues d'une grandeur démesurée, comme de 25 pieds de diametre, ne pourroient admettre qu'une caisse de six pieds de longueur; ce qui formeroit une charrette, qui seroit tout à la fois fort pesante, fort petite, & impraticable; car,

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

3°. De si grandes roues demanderoient des essieux fort longs, pour que la charrette ne soit point trop exposée à verser; elles demanderoient encore de fort longs moyeux, pour

ne point vaciller fur l'essieu.

4°. L'essieu étant fort long, & la charrette fort élevée, la voiture non seulement ne pourroit pas entrer dans les portes ordinaires des maisons, mais encore par les portes des villes; outre que les charrieres ordinaires ne

lui pourroient pas servir.

Les charrettes les plus avantagéuses pour le tirage, & pour la commodité, ne sont donc pas celles dont les roues sont les plus hautes, & où le tirage donné de longueur tire suivant la direction la plus avantageuse; il faut tout combiner dans la construction d'un instrument dont l'usage est fréquent, l'on a non seulement égard à la conservation, & à la commodité des animaux qu'on employe, mais encore au coût, & à la solidité de la voiture.

C'est pourquoi, sans avoir égard aux raisons géométriques qui peuvent donner un avantage d'une voiture sur une autre, l'usage n'a donné que six à sept pieds de diametre aux plus grandes roues; par là, le poitrail du cheval se trouve un peu au-dessus du centre de l'essieu, & par conséquent le tirage a pour levier presque tout le rayon de la roue.

AVERTISSEMENT.

Dans l'examen que je ferai du tirage de la charrette & du traineau, je supposerai le poitrail trail du cheval de même hauteur que l'effieu; & par conféquent, je supposerai toujours le tirage parallele au sol.

PROBLEME I.

* Le Rayon AN, & la charge p d'une roue étant donnée avec la hauteur BE d'une éminemence par-dessus laquelle elle doit passer, déterminer quelle force P, suivant l'horizontale AD, il faut appliquer à cette roue, pour la faire passer par-dessus l'éminence AE?

SOLUTION.

Du centre A de la roue soit tirée la verticale AN, & l'horizontale AD; du point B, de l'éminence contre lequel la roue est arcboutée, soient tirées la verticale BM & l'horizontale BC; MBC sera un levier coudé, B l'appui de ce levier, BM le bras de la puissance horizontale appliquée à la roue, & BC le bras de la charge de la roue.

Le rayon AN on AB de la roue ... = a. La hauteur du point B contre lequel

arcboute la roue $\dots \dots = b$. La puissance P du tirage horizontal = x.

L'on aura BM ou AC=a-b, & BM=aB

-2ab+bb, BC ou $MA=\sqrt{AB^2-BM^2}$

 $= \sqrt{aa - aa + 2ab - bb} = \sqrt{2ab - bb}.$ Mais

* Fig. 34

82 MEMOIRES DE: L'ACADEMIE ROYALE

Mais les puissances p, x, étant en équilibre; font entre elles en raison réciproque de leurs bras BC, MB, ou de leur distance à l'appui B.

L'on auta donc cette analogie, 'MB: BC

Done
$$x = p = \frac{\sqrt{2ab-bb}}{a-b} = \frac{\sqrt{2abpp-bbpp}}{a-b}$$

COROLLAIRE..

Si une autre roue, dont le rayon est A, chargée du même poids p, rencontroit le même obstacle dont la hauteur est b, appellant X le tirage horizontal des chevaux, l'on auroit par le Problème précédent

$$X = \frac{\sqrt{\frac{1}{2A-b\times bpp}}}{4-b}$$

Mais nous avons trouvé dans Problème:

précédent
$$x = \frac{\sqrt{2a-b \times b}}{a-b}$$

$$\frac{1}{4-b}: \frac{\sqrt{2a-b}}{a-b}. C'est-à-dire, que les$$

puissances qu'il faut appliquer à differentes roues également chargées, pour surmonter un même obstacle, sont en raison composée de la directe des racines des differences qui se trous trouvent entre les diametres des roues & la hauteur de l'obstacle, & de l'inverse des differences qui se trouvent entre les rayons de ces roues. & la hauteur du même obstacle.

Application du Problème.

Soit le poids de charrette, ou p = 4000. lè rayon de la roue, ou a = 36 pouces.

quel arcboute la roue, ou...b= 6 pouces.

L'on aura
$$pp = 16000000$$

 $bpp = 96000000$
 $2a-b = 66$
 $2a-b \times bpp = 633600000$

$$\frac{\sqrt[b]{2a-b} \times bpp}{a-b} = \frac{79599}{30}.$$

* x bp? = x, qui est l'effort hori-

zontal requis = 2653 40.

Si l'on suppose avec M. de la Hire, page 227. des Mémoires de l'Académie, de l'arnée 1699; qu'un homme tire dans un travail continuel, avec une force de 27 livres; pour-lors admettant avec lui, qu'un cheval tire autant que 7 hommes, il tirera avec 189 li-

vres de force, ou environ, 200 livres.

Donc, si l'on divise par 189 ou 200, la puissance motrice horizontale, 2653 to, que nous venons de trouver qu'il est nécessaire pour faire mouvoir la charette, le quotient qui est de 13 à 14, exprimera qu'il faudroit 13. à 14 chevaux pour surmonter l'obstacle pro-D. G

84 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

proposé de 6 pouces de hauteur, avec une

charge de quatre milliers.

Mais comme dans un obstacle accidentel les chevaux sont capables d'un effort au moins quadruple de celui qu'ils sont capables d'employer dans un travail continuel, l'on voit qu'avec 3 à 4 chevaux, la charrette surmontera l'obstacle proposé.

REMARQUE.

Nous avons jusqu'à présent consideré la charge entiere de la charrette, comme portée sur une seule roue; cependant comme elle est portée sur deux roues dans ces sortes de voitures, & que par conséquent chaque roue ne porte que la moitié de la charge totale, chaque roue pourra donc surmonter au moins deux fois plus facilement les obstacles qui se présenteront, sur-tout en prositant de la longueur des limons que l'on pourra employer, comme levier, pour rabattre de côté & d'autre, ce qui se fait en calant une roue pour l'empêcher de reculer, dans le tems que l'autre surmonte l'obstacle; après quoi ayant acoré ou calé la roue montée, pour l'empêcher de redescendre, l'on fait monter l'autre roue à son tour, en rabattant les limons sur la roue la premiere montée, ce qui facilite beaucoup; enforte qu'avec deux chevaux, l'on peut par ce moyen surmonter des obstacles que le double de chevaux ne surmonteroit qu'à peine, en faisant leur tirage direct. Si

Si on se servoit de chariots, les roues fatigueroient de moitié moins que celles des charrettes, & les chevaux du timon fatigueroient beaucoup moins que les limoniers des charrettes.

Il faut encore remarquer que des roues qui ne sont point rondes, font le même effet que des éminences qu'il faudroit monter; car les roues n'étant point rondes, la voiture & sa charge sont obligées de s'élever, comme elles s'éleveroient en montant une éminence.

Le défaut de rondeur aux roues cause encore un desavantage, qui est que souvent la voiture & ses roues trouvent moins de résistance à glisser qu'à s'élever, lorsque le plus grand rayon de la roue approche du sol.

L'essieu même monte dans son moyeu plus qu'à l'ordinaire, & retombe brusquement lorsque la résistance de la voiture diminue considérablement; & cette chute, jointe à la vacillation de l'essieu dans son moyeu, cause souvent la rupture de l'essieu ou des roues, & même de tous les deux ensemble.

Nous avons dit, qu'il faut autant qu'il est possible, que le tirage se fasse perpendiculairement au rayon d'appui de la roue, sans quoi il y a une force perdue, proportionnément à la quantité dont cette ligne de tirage déclinera, de côté ou d'autre, soit en dessus soit en dessous de cette perpendiculaire, qui passeroit par le centre de la roue, & qui a pour levier son rayon d'appui, qui est le plus grand levier que l'on puisse employer, comme il est aisé de s'en convaincre.

D 7

Car si la ligne de tirage étoit suivant la direction *AD , parallele au sol NO, qui est parallele à la ligne BE, qui passeparale point d'appui B de l'obstacle à surmonter, l'on voit qu'elle n'auroit pour levier, que la partie

AC du rayon de la roue.

De même, si cette ligne de tirage étoit AE, elle n'auroit que sa perpendiculaire BF pour levier, qui est encore plus petit que celui AC, comme il arrive quand il faut que les roues passent sur quelque éminence, ou que l'on double quelque montagne; cardans cet état, le tirage devient oblique comme ici.

Mais si le tirage au-lieu d'être suivant les directions AD, AE, qui n'ont que AC, BF, pour levier, se faisoit suivant la direction AG, perpendiculaire au rayon d'appui AB de la roue qui se trouve avoir un obstacle B à surmonter, le tirage auroit pour-lors le rayon entier AB pour levier, qui est le cas le plus avantageux que l'on puisse avoir, comme on l'a vu ci-devant, (Fig. 3.) lorsque le tirage AI s'est fait parallelement au plan GH, & perpendiculaire au rayon d'appni AB.

† Et si le tirage se faisoit suivant les direction AH, AI, également éloignées du tirage AG, perpendiculaire au rayon d'appui AB de la roue, ils seront tous deux également foibles, puisque pour-lors le tirage AH aura sa perpendiculaire BL pour levier, & que le tirage AI prolongé, aura sa perpendiculaire BL pour service.

diculaire B M pour levier, & que B L, BM, font égaux & plus petits que l'hypothénuse AB des deux triangles rectangles ALB, AMB.

L'on voit que ces deux tirages AH, AI, font moins avantageux que celui AG, mais qu'ils sont préférables à celui AD, & beau-

coup plus à celui A E.

Enforte que la différence qui est entre les leviers BF, BM, BL, BA, AC, chacun perpendiculaire à la direction de son tirage AE, AI, AH, AG, AD, indique parfai-

tement le tirage préférable.

De ce que nous venons de dire, l'on voit que les plus grands chevaux limoniers sont les plus avantageux, puisqu'ils tirent de plus haut, ayant le poitrail plus élevé que d'autres, & que nous venons de voir, que lorsqu'il y a des ornieres ou des obstacles B, comme dans la Figure 7° , les directions du tirage, comme AH, & particulierement comme AG, sont plus favorables que l'horizontale AD, & encore beaucoup plus que celle AE, qui lui est inclinée de haut en bas.

L'on voit que les chevaux sont capables d'un effort beaucoup plus considérable que celui que nous leur avons donné ci-devant pour sorce moyenne, puisque les charrettes ordinaires attelées de trois chevaux, menent coutumierement sur le pavé, une charge de pierre de taille d'environ 50 pieds cubiques, & par conséquent de près de 7 milliers; & aussi à Rome, les charrettes montées à l'ordinaire, sur leurs roues de 6 pieds de diamette, & attelées d'un seul cheval, menent el-

les des charges que l'effort moyen de 200 livres ne pourroit pas surmonter, comme nous le voyons à Paris, sur nos haquets de brasseur attelés d'un seul cheval grand & fort, ou sur une charrette chargée à l'ordinaire, d'une demi-corde de bois qui est d'environ 64 pieds cubiques, & par conséquent de plus de 4 milliers; outre que souvent cette même charrette se trouve chargée encore d'autres marchandises au par-delà du poids de la charrette même.

Si l'on tenoit les roues des voitures d'un rayon plus grand que la hauteur du poitrail du limonier, pour-lors les fardeaux dont la charrette feroit chargee, feroient fur un plan incliné, & par consequent tendroient & feroient effort pour glisser & charger le limonier, & glisseroient réellement si on ne les assujettissoit fortement avec des cordages ou des chaines: mais ces cordages toujours tendus & forces, romproient bien-tôt, & la charge glissant inopinément écraseroit le limonier, sur-tout dans les descentes.

PROBLEME II.

* Le nombre de chevaux qu'il faut atteler sur an traineau, & la bauteur du poitrail du dernier cheval de volée étant donné, avec la charge moyenne d'un cheval; & la hauseur des crochets B du traineau, déterminer quelle doit être la longueur des traits de ce dernier cheval de volée, c'est-à-dire, la distance qu'il doit y avoir entre

les crochets & la dossiere de ce cheval, pour qu'il n'ait qu'une charge moyenne à supporter?

SOLUTION.

B $C = \sqrt{xx - aa + 2ab - bb}$. Et tirant C E parallele à AB, l'on aura aussi

 $AE = \sqrt{x - aa + 2ab - bb}$. Soit f. le tirage d'un cheval.

mf sera le tirage du nombre m de chevaux. Mais BE étant un parallelogramme, & le tirage des chevaux se faisant suivant son côté AE, la résistance du traineau suivant AB, & la résultante de ces deux puissances, qui est la charge de ce dernier cheval de volée, se faisant suivant la diagonale AC, ces trois forces doivent être entre elles comme les côtés AB, AE=BC, & la diagonale AC du parallelogramme BE, ou comme les trois côtés AB, BC, AC, du triangle rectangle ACB.

Ce qui donnera cette analogie mf:p::AE: AC, c'est à dire, $mf:p::\sqrt{xx-ax+2ab-ba}$

90 Memoires de l'Academie Royale : a-b. Donc $\frac{x_f \times a-b}{b} = \sqrt{x_x - aa + 2ab - bb}$.

Quarrant chaque membre, l'on aura

 $\frac{x = ff \times a - b}{pp} = xx - aa + 2ab - bb.$

Transportant -aa-+2ab-bb, l'on aura

 $\frac{anff \times a - b^2}{pp} + aa - 2ab + bb = xx.$

Ou bien $\frac{a - b}{2} + a - b = xx$

Et donnant même dénominateur au premier

membre, l'on aura $\frac{m = f + pp \times a - b}{pp}$

= xx, c'est-à-dire, mmff-+pp x a-b = xx.

Tirant la racine quarrée de chaque mem-

bre, l'on aura $\sqrt{mmff+pp} \times \frac{a-b}{2}$. Ce qu'il falloit trouver.

Application du Problème.

Soit le nombre des chevaux ... = 10

Le tirage f d'un cheval ... = 200

La charge moyenne p d'un cheval ... = 300

La hauteur a du poitrail d'un cheval ... = 2 pieds 1

d'un cheval... = 3 pieds ; La hauteur d'u crochet... = 6 pouc. ou ; pied.

L'on

DEGGERGEG	_
L'on aura mm = 100	
L'on aura mm $=$ 1000. ff $=$ 40000.	,
Donc $mmff \dots = 4000000$.	í
$p p \dots = 90000.$	
Donc $m mff + pp \dots = 4090000$	• •
Et $\sqrt{mmff+pp}$ = 2022.	
Mais $a-b$ = 3 pieds.	••
Donc $\sqrt{mmff+pp}\times a-b=6000$	••
Enfin $\sqrt{==ff+pp\times a-b}$ = 20 pieds	1.

C'est-à-dire, que le dernier cheval de volée doit avoir ses traits de 20 pieds ; pour n'être chargé que de 300 livres, qui est celle que

nous avons pris pour charge moyenne.

Le même Problème, ou plutôt sa résolution, servira à déterminer la charge du dernier cheval de volée, quand la longueur de se traits sera donnée, le nombre des chevaux attelés sur le traineau aussi donné, avec la hauteur du poitrail ou du tirage, & la hauteur des crochets du traineau, comme aussi le nombre des chevaux qu'il convient de mettre sur un traineau étant donné, la longueur des traits du dernier cheval de volée sera toujours déterminée, selon les différentes charges que l'on voudra lui faire supporter.

Car nous servant des expressions du Problème précédent, nous aurons, comme dans

ce Problême.

mf:p::
$$\sqrt{xx-aa+2ab-bba:a-b}$$
.
D'où.

92 Memoires de l'Academie Royale

D'où l'on tire la charge
$$p = \frac{-sf \times a - b}{\sqrt{sx - as + 2ab - bb}}$$

$$= \frac{xf \times a - b}{\sqrt{x + a - b} \times x - a + b}$$

Comme la longueur x des traits est supposée connue, & qu'il n'y a que la charge pd'inconnue, le second membre de cette Equation est connu, & par conséquent, la valeur de la charge p est trouvée.

Il est évident, que moins x sera grand, & plus la valeur de p sera grande; c'est-à-dire, que moins la longueur des traits du dernier cheval de volée sera grande, plus la charge

de ce cheval sera considerable.

Si l'on étoit obligé d'employer un trop grand nombre de chevaux pour enlever le traineau, les traits du dernier cheval de volée se trouveroient excessivement longs, & causeroient par conséquent un embarras au moindre détour, & le tirage deviendroit impossible, pour peu que le détour sût considerable.

Il y a un moyen facile d'éviter cet inconvénient; c'est d'atteler tous les chevaux sur une charrette, ou sur ce que les Charpentiers appellent un diable, & d'attacher le traineau à l'essieu de la charrette; car si l'on étoit obligé de se servir de traits trop courts, le dernier cheval de volée seroit hors d'état de soutenir la charge résultante de la résistance du tirage des chevaux de volée.

L'on pourroit encore, si le terrein le permettoit, mettre tous les chevaux de front; & dans ce cas, ils seroient tous chargés également: mais le moyen seroit difficile, ou du moins seroit très embarrassant quand il y auroit un nombre considerable de chevaux à

employer.

Un autre moyen, seroit de tenir les crochets du traineau, aussi élevés que le poitrail des chevaux; dans ce cas, on les atteleroit à l'ordinaire, sans que le dernier cheval de volée fatiguât plus que les autres: mais cette élévation des crochets donneroit un levier égal à toute cette élévation, qui dans les tournans, feroit renverser le traineau, que l'on n'employe cependant que pour que sa charge soit plus en sureté que dans une autre voiture: donc, les crochets trop élevés ne doivent point être employés. Il est vrai que si l'on n'avoit qu'une droite route à parcourir, ces crochets élevés, ou ces mâts entés sur le devant du traineau, se pourroient em-ployer; mais ces mâts ne conviennent que fur un fluide.

Nous venons de voir que dans les traineaux, les traits les plus longs font ceux qui foulagent davantage le dernier cheval de volée, de la charge que les chevaux de la volée entiere lui feroient fouffrir. De même, les limons les plus longs font les plus avantageux pour le foulagement du limoniere mais de si longs limons ne peuvent avoir lieu dans la plupart des lieux habités, où le tournant & la largeur des rues leur donnent des bornes absolues.

J'ai dit que les moyeux devoient être fort longs, pour empêcher que la roue ne balotte

94 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

fur son essieu; mais cette longueur fait encore que les moyeux & l'essieu s'usent moins,
puisque le frottement se fait sentir sur une
plus grande surface. Il convient encore que
les moyeux soient fort épais, parce que la
faillie de ses rais en devient d'autant plus
courte, & par conséquent plus rensorcée.
Une attention qui est encore nécessaire, est
que les semelles dans lesquelles s'encastre
l'essieu, soient fort épaisses, parce que la
roue, ou l'essieu, se cassant, ces semelles
ferviront d'appui au corps de la charrette, &
garantiront les jambes du limonier, qui pourroient se trouver dessous les limons dans cet
accident.

Les roues des voitures, en se cassant, se plient ordinairement en-dessous.

Je vais examiner pourquoi cette rupture se

fait de cette maniere

* Soit une roue quelconque, dont le cen-

tre est en A, par lequel passe l'essieu.

Selon la construction commune à toutes les roues, ce centre A, est le sommet d'un cône droit dont la base est formée par un plan circulaire, terminé par la bande qui recouvre les jantes, & dans la surface duquel cône passent tous les rais qui s'écartent en dehors dans la figure conique.

Dans cet état, chaque rais venant à fon tour chercher son appui sur le sol que la roue parcourt, il se trouveroit incliné sur lui dans la direction AG, qui n'est point la plus avan-

tageuse qu'elle puisse avoir.

Mais

Mais pour y remédier, c'est-à-dire, pour que chaque rais se trouve vertical sur le sol, comme AB, l'on fait l'essieu coudé ou cambré en dessous dans la longueur du moyeu seulement, de maniere que ce cambre rachete l'écu de la roue; c'est-à-dire cette saillie que les rayons de la roue ont en dehors, suivant la construction de la roue; en sorte que par ce méchanisme, le rais AB se trouve vertical sur le sol où il doit avoir son appui, qui est la direction la plus avantageuse pour qu'il résiste plus facilement à sa charge. Mais si l'essieu est trop aisé dans son moyeu,

la roue vacillera continuellement, & le rais qui rencontrera le fol, au-lieu de s'y trouver vertical felon AB, s'y trouvera incliné ou

suivant AC, ou suivant AG.

Il est évident que plus cette inclinaison du rais AB, transformée en celui AC, sera considerable, plus le rais sera facile à rom-

pre, & qu'il se rompra de ce côté là.

Car si de l'extrémité C du rais incliné AC, l'on éleve la verticale CE, & que du centre A de la roue qui est le point de rencontre de tous les rais, l'on mène l'horizontale AE, perpendiculaire sur cette verticale CE; pour-lors la verticale CE exprimant la charge que la roue A reçoit, l'horizontale AE, ou son égale BC, exprimera le levier que cette même charge employe pour rompre le rais AC, d'où il résultera un momentum de AE, multiplié par EC, qui fera effort suivant la direction EC, pour rompre AC. Donc la roue se doit rompre en dessous de la charrette. Si au contraire les rais étoient desse

dans les directions inclinées AG, AF dans les deux roues de la charrette, ses rais se contrebutteroient & ne pourroient point casser, à moins qu'il n'arrivât un cas extraordinaire.

Donc lorsqu'une roue casse, ce doit être plus ordinairement lorsque le rais de l'une est perpendiculaire comme AH sur le sol, dans le tems que le rais de l'autre roue est incliné comme AC; parce que pour-lors, la charge que la roue supporte, employera le levier AE pour rompre le rais AC, avec d'autant plus de facilité que l'essieu AA présente dans cet état un plan incliné AA, sur lequel le centre de gravité de la charge entiere de la charrette se trouvera d'autant plus porté sur le rais AC, que son inclinaison sera grande, sur-tout si le sol est encore incliné de ce côté-là; & dans la rapture du rais AC, le rais AH se transformera en celui AF en contrebuttant.

L'on voit qu'attendu l'assemblage des jantes à tenon & mortoise, & les bandes de fer qui les retiennent dans la forme circulaire qu'elles doivent avoir, le rais AC ne cassera point que les autres rais ne cèdent, ni même que quelque jante ne se détruise, soit en s'éclatant ou se fendant, soit en rompant leur tenon, & en même tems que quelque bande ne se détache absolument; puisque toutes les parties quelconques de la roue, tendent ensemble à leur conservation mutuelle, & qu'une partie ne peut pas se détruire que la roue ne change de forme, & ne sorte de la surface d'un cône droit, dans la-

laquelle tous les rayons sont placés; d'où l'on voit que cette forme conique est avantageuse, & que par conséquent la force & le grand nombre des rais sont également nécessaires, pour avec leurs jantes bien af-femblées & bandées, & leur moyeu renforcé, conserver à la roue sa forme & sa résistance; & que sur-tout aux charrettes qui sont destinées à voiturer de lourds fardeaux, l'on ne peut faire les moyeux trop gros ni trop longs, puisque sans se trouver trop affoiblis. ils pourront recevoir autant de mortoises que l'on voudra mettre de rais, qui se trouveront d'autant moins saillans, & par conséquent d'autant plus renforcés que le moyeu fera gros; outre que ce n'est point par l'affoibhssement que ces mortoiles causent au moyeu que la roue périt, puisque sur tout quand le moyeu est long, on peut l'armer de bandes de fer (que l'on nomme frettes) autant & aussi fortes que l'on voudra: de sorte que si la roue périt, c'est plutôt par les jan-tes, qui étant mortoisées tout à travers pour recevoir les tenons des rais. Le fendent & s'éclatent.

Quoique les jantes n'aient pas besoin d'une épaisseur considerable, cependant il leur en faut donner une d'autant plus grande que les

tenons des rais seront plus forts.

Il faut encore avoir attention que les jantes foient faites de courbes naturelles, afin que leurs fibres ne foient point coupées, comme aussi de n'y laisser aucun aubier; car si l'aubier est dans la partie concave de la jante, le tenon du rais fera éclater l'aubier, & ce Mém. 1733.

rais fera comme inutile: si au contraire l'aubier est dans la partie convexe de la jante, les bandes, & particulierement les bouts des bandes seront forcés par la charge à entrer dans la jante, & la roue perdant sa rondeur, fera plus difficile à rouler, & ira par sauts & secousses qui contribueront beaucoup à sa destruction entiere, & à casser la bande qui porteroir à faux.

SCHOLIE.

L'écu des roues, c'est-à-dire cette forme de section conique, porte avec elle plusieurs

avantages.

1º. Ces roues qui dans les carosses & dans les chaises roulent ordinairement avec vîtesfe, ont par leur forme conique, (dont, comme nous l'avons déja dit, le sommet est du côté de la caisse) l'avantage par leur direction de jetter leurs éclaboussures plutôt en dehors que du côté de la caisse.

20. Cette forme de roue permet par sa saillie en dehors, que la caisse soit renssée vers le fiege; ce qui donne à ces voitures une

commodité très considerable.

3°. Cette même forme de roue permet à la caisse les mouvemens indispensables qu'elle a sur les côtés par ses oscillations, occasionnées tant par ses suspensions ordinaires, que par les inégalités des chemins, sans pour ce-la rencontrer la roue, qui dans sa partie supérieure déverse en dehors, pour l'éviter du donner le champ nécessaire à ses balancements, dans le tems même que le rais inférieure.

rieur qui sert de point d'appui, se trouvevertical au sol qu'elle parcourt, & cela au moyen du cambre que l'on donne à la partie

de l'essieu qui occupe le moyeu.

4º. Cette roue de figure conique est selon le méchanisme qui est employé dans sa construction, beaucoup plus solide, c'est-à-dire. beaucoup moins facile à changer de figure, & par conféquent beaucoup moins facile à rompre, que si elle étoit d'une figure plane (qui est celle de toutes la plus facile à plier), parce que ses rais sont tous autant de resforts occupés mutuellement à la conservation de cette figure conique qu'on lui a donnée, & à laquelle on l'a assujettie, tant par l'union des jantes en forme circulaire, que par la bande qui renferme & contient le total dans sa premiere forme; ce qui n'arrive point dans la figure plane, où une partie peut cèder fans que l'autre s'y oppose, au-lieu que dans la figure conique lorfqu'un rais est forcé, tous les autres le sont à la fois, puisqu'une partie quelconque de cette toue conique ne peut changer de place que toutes les autres n'en soient, pour ainsi dire, averties & ne s'y opposent, puisqu'il se trouve entre elles une parfaite adhélion & une mutuelle correspondance, pour conferver cette forme confque.

Il est vrai que cet écu, c'est-à-dire, cette faillie en dehors, demanderoit à ces rouss une plus grande voie que si elles étoient planes; mais cette faillie se trouve rachetée par le moyeu qui est incliné sur le sol, de la même quantité que ce même écu cherche à s'en écarter, & qu'il est faillant ou incliné

200 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

du côté opposé à la caisse; en sorte que tout consideré, il me paroît que cette forme est la plus avantageuse que l'on puisse donner aux roues, sur tout appliquées aux carosses & aux chaises, & qu'il convient de conserver aux moyeux le plus de grosseur & de longueur qu'il sera possible, sans cependant devenir trop disgracieux.

අතයන්තෙ වැටෙන්තෙන් කරන්න සිටින් කරන්න කරන්න කරන්න

SECOND MEMOIRE SUR L'ELECTRICITÉ.

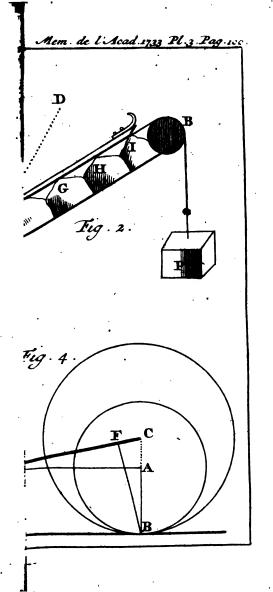
Par M. DU FAY. *

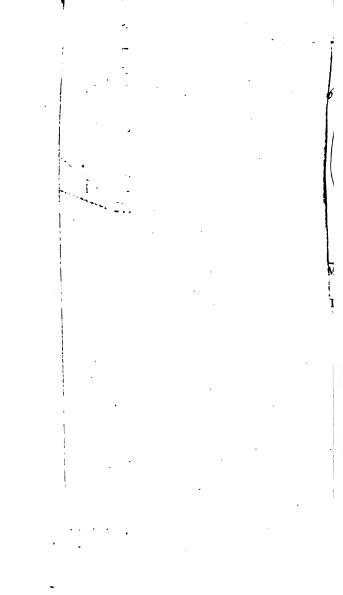
Quels sont les Corps qui sont susceptibles d'Elestricité.

L se présente, comme on le voit par le premier Mémoire que j'ai donné sur l'E-lectricité, plusieurs objets à considerer qui méritent d'être examinés chacun en particulier, & qui peuvent fournir un grand nombre de nouvelles découvertes; je vais exposer ces differens objets, & je rapporterai ensuite, tant dans ce Mémoire, que dans les suivans, les expériences que j'ai faites sur chacun en particulier.

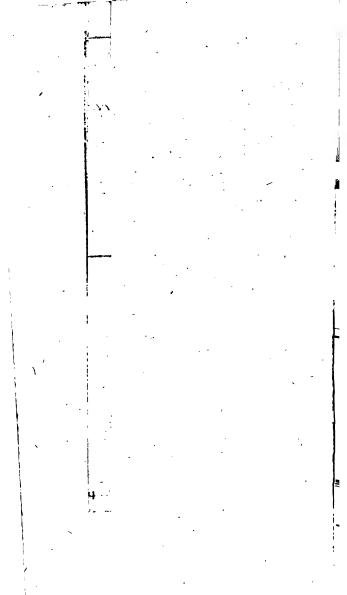
Il s'agit, 10. De favoir si tous les corps peuvent devenir électriques par eux-mêmes; si ceux dans lesquels on ne fauroit parvenir

^{4 22} Mai 1733.

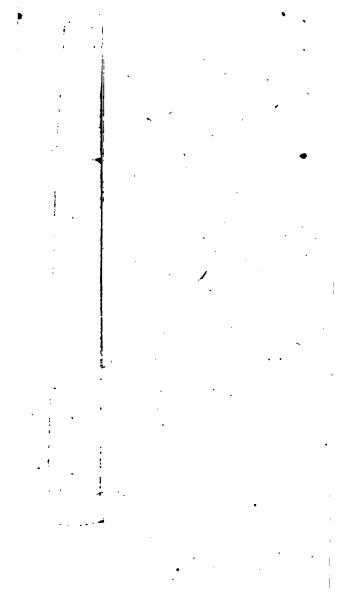




Mem. de l'Acad . 1733 Pl. 4 Pag . 100. G B



dem. de l'Acad. 1733 Pl. 5. Pag. 100.



à exciter cette vertu, ne sont tels, que par-ce qu'ils ne sont pas susceptibles d'un frottement convenable; enfin si l'électricité est une qualité commune ou applicable à toute la matiere. 2°. Si toute matiere est susceptible de contracter cette vertu, soit par l'attouchement immédiat d'une corde, ou de tour autre corps continu qui est attaché au corps electrique, soit par la simple approche du corps électrique. 3°. Quels font corps qui peuvent arrêter, ou faciliter la transmission de cette vertu, soit qu'elle se fasse par le moyen d'une corde, d'une baguette, ou de la seule approche du tuyau; & quels sont ceux qui sont le plus vivement attirés par les corps électriques. 4°. Ce qu'a de commun, la vertu qu'ont les corps électriques de repousser, avec celle d'attirer; & si ces deux propriétés sont liées l'une à l'autre, ou indépendantes l'une de l'autre. 5°. Quelles font les circonstances qui peuvent apporter quelque changement à l'électricité pour l'augmentation ou la diminution de sa force, com-blent renfermer tout ce qui concerne l'élec-tricité: les deux premiers, qui font ceux qui ont le plus de liaison entre eux, feront la matiere de ce Mémoire.

ARTIÇLE I.

Si tous les Corps peuvent devenir électriques par eux-mêmes.

Une proposition aussi générale auroit parubien etrange lorsqu'on ne connoissoit cette: propriété que dans l'Ambre, & dans un petit nombre d'autres corps dont on s'étoit avisé de faire l'épreuve; mais après ce que nous venons de voir des découvertes qui ont été faites sur ce sujet, on est disposé à croire que tous les corps peuvent devenir électriques par eux-mêmes, & que cette vertu est une propriété commune à tous les corps. quoiqu'elle sit été jusqu'à présent inconnue, & regardée seulement comme particuliere à quelques-uns: c'est ainsi que nous avons vu* tous les corps devenir des éponges de lumiere, tandis que la Pierre de Boulogne avoit été pendant plus d'un siecle seule en possession de cette propriété, que l'on trouvoit alors si singulière.

L'Electricité semble être moins éloignée de devenir générale, par les differens corps que nous avons reconnu pouvoir l'acquérir; cependant, comme plusieurs habiles Physiciens ont travaillé dans cette vue, sans y pouvoir parvenir, & que la plupart ont soutenu qu'il y avoit des matieres qui ne pouvoient devenir électriques, il a falu apporter dans les expériences plus de soin & d'at-

tention.

^{*} Mim. Acad. 1730. p. 748 & fuiv.

tention, & il s'y est trouvé plus de difficultés que dans la recherche des Phosphores, dont personne ne s'étoit avisé jusqu'à présent.

Les matieres qui ont été les premieres reconnues électriques, font l'Ambre, les Réfines, les Bitumes, & les Pierres précieuses;
entre ses dernières il y en a qui ont été soutenues électriques par quelques Auteurs, tandis que d'autres le nioient; on a même vu
quelque chose de plus singulier, c'est que
Boyle dit avoir deux Cornalines, dont l'une
étoit électrique, & l'autre n'avoit jamais pu
le devenir. Ces bizarreries & ces contrariétés
m'ont fait examiner la chose avec plus d'attention, & m'ont engagé à faire plusieurs
fois les mêmes expériences que je vais décrire en peu de mots, après les avoir divisées par matieres principales.

Toutes les matieres réfinenses, bitumineuses ou grasses, qui ont assez de solidité pour être frottées, sont électriques: telles sont l'Ambre, le Jayet, l'Asphalte, la Gomme copal, la Gomme lacque, la Colophone, le Mastic, le Souphre, la Cire blanche, le

Vernis de la Chine, &c.

On croira aisément que toutes ces matieres ne sont pas également électriques; mais un détail de leurs differens degrés de force seroit très difficile, nous meneroit trop loin, & ne seroit d'aucune utilité: je me contenterai de remarquer les differences les plus considerables. Le Vernis de la Chine, par exemple, est beaucoup moins électrique que toutes les matieres que je viens de nommer, & il a besoin d'être chaussé assez fortement avant E 4

104 Memoires de l'Academie Royale

que d'être frotté. Je dirai à cette occasion qu'il y a plusieurs corps qu'il m'a été impossible de rendre électriques sans les avoir chaussés auparavant, & que ceux même qui n'ont pas besoin de cette préparation, le deviennent beaucoup plus fortement lorsqu'on les a chaussés, ou du moins parfaitement sechés.

Il ne manque aux autres corps résineux ou bitumineux pour devenir électriques, que la solidité nécessaire pour être frottés: car si on mêle avec la Poix, ou la Terebenthine, assez de brique pilée, pour en faire un corps dur, on les rendra électriques par le frottement; ainsi, voilà déja une Espece générale, & une nature de corps qui sont tous susceptibles d'électricité par le simple frottement. Ceux qui sont le plus connus ensuite pour

Ceux qui sont le plus connus ensuite pour avoir la même propriété, sont d'une nature bien differente; ce sont les Pierres précieuses transparentes: je les ai toutes essayées, & je n'ai pas trouvé que leur vertu sut plus grande, à raison de leur dureté, ou de leur transparence; voici à peu près l'ordre qu'elles tiennent entre elles, suivant leur degré de vertu. Le Diamant blanc est ordinairement le plus électrique de toutes, sur-tout celui qui est brillanté, car celui dont les faces sont plus larges, l'est beaucoup moins; les Diamans de couseur, & principalement les jaunes, le Grenat, le Péridore, la Pseudopale, ou Qeil de chat, le Saphir de toutes especes, le Rubis, la Topase, l'Améthyste, le Crystal de roche, (je comprends sous ce nom les Cailloux du Rhin, de Médoc, & au-

cres) l'Emeraude, l'Opale, la Jacinte. On conçoit assez qu'il se rencontre de grandes variétés dans la vertu de ces differentes pierres; mais il y a tant de circonstances desquelles elles peuvent dépendre, qu'il est ab-

solument inutile de s'y arrêter.

Je mettrai encore dans la classe des corpsélectriques, les Verres de toutes especes, & de toutes couleurs, mais plus que tous le Verre blanc & transparent, la Porcelaine, la Fayence, la Terre vernissée, le Verre de Plomb, d'Antimoine, de Cuivre, enfin toutes les vitrifications; le Talc de Venise, & celui de Moscovie, le Phosphore de Berne, le Gyps, & les Sélénites transparentes, & généralement toutes les pierres transparentes,

de quelque nature qu'elles foient.

Venons maintenant aux pierres opaques en totalité, ou en partie. La plupart des Aureurs qui ont écrit sur cette matiere, assurenc qu'elles ne peuvent point devenir électriques. /& je ne connois personne qui ait dit y avoir réussi sur aucune; nous avons seulement vu que Boyle a trouvé une Cornaline électrique, quoique les autres ne le fussent point: mais il assure, ainsi que tous ceux qui ont écrit sur ce sujet, que les Agates, les Jaspes, les Marbres, &c. ne le peuvent devenir. J'ai été aussi dans la même opinion, lorsque je me suis tenu à la méthode ordinaire, & qui fuffit pour les matieres dont nous avons parlé jusqu'à présent; mais la maniere de rendre électriques ces dernieres étoit si simple, que je ne comprends pas qu'on ne s'en soit point avisé: on savoit qu'en chaussant le corps a- E_{5} vant:

JOS MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

vant que de le frotter, on augmentoit confiderablement son électricité; il étoit facile d'imaginer qu'il pouvoit y avoir des corps dans lesquels cette vertu étoit si foible. au'elle avoit besoin de chaleur pour être senfible. C'est en effet toute la préparation qu'il faut faire. & par ce moven j'ai rendu électriques les Agates & Jaspes de toutes les especes que j'ai essayées, le Porphyre, le Granit, les Marbres de toutes couleurs, & de tous les degrés de dureté, l'Aimant, le Grès, l'Ardoise, la Pierre de taille; ensorte que je - crois qu'il seroit très difficile de trouver quelque espece de pierre qu'on ne pût rendre électrique per cette voie. Il est vrai qu'on peut considérer deux classes dans lesquellesle doivent ranger toutes les pierres; les unes dont électriques sans autre préparation que le frottement, & les autres ont hesoin d'être chauffées précédemment, & même quelquesunes très vivement; telles font les Jaspes. les Agates opaques, les Marbres les plus durs; il faut qu'ils soient très chauds, longzems frottés, & l'électricité qu'ils acquierent est peu considerable: il m'a paru que les pierres les plus dures avoient besoin d'être plus chauffées, & étoient moins électriques que les autres; le Marbre noir, par exemple, est moins électrique que le blanc, & le Marbre blanc moins que la Pierre de taille; cette loi néanmoins ne paroit être observée que dans les corps opaques, car le Diamant semble être la plus électrique des pierres fines. & le Péridore qui est très tendre, l'est plus que le Saphir. L'aurois été tenté de croire que cesdiffedifferences dépendent de la couleur de la pierre; mais je n'ai pas trouvé que cela fût exact, & j'examinerai ce point sur des matieres plus homogènes, les pierres naturelles étant très peu propres à cet examen par les grandes variétés qui se rencontrent, tant dans celles de differentes especes, que dans celles qui sont de même nature & de même espece; il nous doit suffire pour le présent, de savoir que toutes les pierres sont vraisemblablement susceptibles d'électricité, car n'en ayant trouvé aucune qui ne le fût, & en ayant essayé un très grand nombre, il est à présumer que c'est une qualité commune à

toutes les pierres.

Si maintenant on ajoute aux corps dont nous venons de parler, ceux qui ont été re-connus électriques par les Auteurs que nous avons cités dans le premier Mémoire, on verra que le nombre en devient prodigieux; car nous avons vu que toutes les matieres filées, comme soie, laine, fil, coton, sont de ce nombre; les plumes, les cheveux, le poil de tous les animaux morts ou vivans: entre ceux-ci, ce qui m'a paru le plus singulier, c'est le dos du chien, & principalement celui du chat; l'un & l'autre sont fort électriques, & sur-tout ceux dont le poil est le plus rude, pour peu qu'on y ait passé la main trois ou quatre fois, ils attirent & repoussent des petits flocons de laine ou de plume. On a vu aussi que le papier, le parchemin, le cuir, pouvoient le devenir; mais ce sont-là les corps électriques, que je nomme de la seconde classe, car ils ont besoin E 6

108 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

d'être chauffés, & même vivement, pour queleur vertu soit excitée. J'ai reconnu par expérience qu'on pouvoit mettre dans cette elasse, la paille, & toutes les herbes seches,. L'yvoire, les os, la corne, l'écaille, la baleine, les coquilles de toutes especes; la plupart de ces matieres demandent à être chaufsées jusqu'à être roussies, ou commencées à bruler, pour que leur vertu soit manifestée. Je ne doute pas qu'on ne la trouve de même dans les matieres qui peuvent être analogues à celles là, & que je n'ai pas essayées, par l'impossibilité qu'il y a de tout essayer, & le tems infini que cela demanderoit je me suis donc contenté d'en éprouver un certain nombre de chaque espece, & je crois qu'on peut, sans trop de hardiesse, présumer qu'il en est de même des autres.

J'ai fait, par exemple, l'examen des bois, & i'v ai trouvé d'abord des variétés, &, pour ainsi dire, des caprices qui m'ont étonné: venant ensuite à examiner de plus près, j'ai reconnu que des brouillards, de l'humidité,. qui avoient pénétré les pores du même bois plus avant dans des endroits que dans d'autres, étoient la cause de tous ces caprices: enfin il résulte de mes expériences, que tous les bois dont je me suis avisé de faire l'épreuve, sont, ou peuvent devenir électriques. Nous avons vu que M. Gray avoit trouvé que les copeaux de sapin l'étoient: quant à , moi je n'ai point trouvé de bois qui ne le fût, mais avec des differences qui méritent extrêmement d'être remarquées par l'analogie qui s'v rencontre, avec ce que nous avons vu arri-

arriver à l'égard des pierres, dont les plus dures demandent à être chauffées plus vivement que les autres pour que leur vertu puissé être excitée: car il arrive la même chose dans les bois; les plus durs, tels que le buis. l'ébène, le gayac, &c. doivent être chauffés très vivement, & même roussis & prêts à bruler; le fantal, le chêne, l'orme, le frê-ne, &c. le doivent être un peu moins; & enfin le tilleul, le fapin, l'ozier, le liège, &c: sont ceux de tous qui le doivent être le moins. Ces differences sont fort sensibles, & très aisées à remarquer; car lorsque l'on fait chauffer un morceau de bois, & qu'on le frotte ensuite, on voit que dans les uns c'est la partie qui a été le plus chauffée qui attire, au-lieu que dans les autres, c'est celle qui l'a été le moins. J'ai encore essayé la canne ordinaire, le roseau, le rottin, ou petit roseau des Indes, & plusieurs autres bois dont je ne fais aucune mention, parce qu'ils font tous devenus électriques; ensorte qu'on peut dire à l'égard des bois ce que nous avons dit à l'égard des pierres, c'est qu'il est très vraisemblable qu'il n'y en a aucun qui ne puisse acquérir la vertu électrique en le chauffant d'abord, & le frottant ensuite plus ou moins fortement, ou plus ou moins longtems.

Quoique mon dessein ne soit pas de parler ici de toutes les matieres qui sont susceptibles d'électricité, parce que ce seroit faire rénumération de tout ce qui est rensermé dans la Nature; il y en a néanmoins encore quelques unes qui méritent qu'on en dise un E 7 mot

IIO MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

mot en particulier; tels sont les gommes aqueuses, & les sels; les premieres ne m'ont point paru électriques en les frottant simplement sans les chauffer, & lorsque je les ai voulu chauffer, elles se sont amollies, ensorte qu'elles ne peuvent plus être frottées, ainsi elles deviennent dans le cas des matieres que leur consistence ne permet pas de mettre au rang des corps électriques. Il en est de même de la colle-forte, de la colle de poisson,

& des autres matieres semblables.

A l'égard des sels, je n'ai essayé que l'alun, & le sucre candi, qui, tous deux, sont devenus électriques en les chauffant, & les frottant ensuite: mais outre que les sels sont à peu près dans le cas des corps dont nousvenons de parler, puisque plusieurs s'humec-tent en les chauffant, ils ont encore l'inconvénient de s'alterer pour la plupart en les approchant du feu, ce qui jette dans ces expériences des difficultés qui ne méritent pasd'être furmontées. Il faut de plus que les sels foient exactement polis pour les pouvoir frotter commodément : de façon que je m'en suis tenu aux deux dont je viens de parler, que i'ai reconnu très sensiblement être électriques. & qui me font présumer que les autres le reroient de même, si l'on vouloit se donner la peine de prendre toutes les précautions

qui seroient nécessaires pour y parvenir.

Il ne reste plus que les métaux : mais quelque peine que je me sois donnée, & de quelque maniere que je m'y sois pris, je n'ai pu parvenir, non plus que M. Gray, à les rendre électriques; je les ai chaussés, frottés,

limés.

limés, battus, sans y remarquer d'électricité sensible; j'ai cru quelquesois y appercevoir quelque légere vertu, mais cela ne s'est pas confirmé, lorsque j'ai examiné la chose de plus près. Je ne voudrois pas affurer néanmoins qu'ils ne pussent le devenir par quel-que voie que je n'ai point tentée, & dont quelqu'un s'avisera peut-être un jour: maisje n'ai pas cru que cela valût la peine de mettre beaucoup de tems & de foins à une chose, que le hazard me présentera peut-être dans le moment que j'y penserai le moins. Qu'il nous suffise, quant à présent, de fa-voir, qu'à l'exception des métaux, & des corps que leur fluidité ou leur mollesse met hors d'état d'être frottés, tous les autres qui font dans la Nature sont doués d'une propriété qu'on a cru longtems particuliere à l'Ambre, & qui, jusqu'à présent, n'avoit été reconnue que dans un petit nombre de matieres.

De ce que les métaux ne sont point rendus électriques par les moyens que je viens d'indiquer, il résulte l'éclaircissement d'un point qui me faisoit quelque peine, & qui sournissoit une objection contre l'universalité de cette propriété; car nous avons vu dans le Mémoire précédent, que le tuyau rendu électrique communiquoit sa vertu aux corpaqu'il touchoit ou qu'il approchoit seulement sans les toucher: or, on pourroit croire que la laine, la soie, ou le papier, dont on se sert pour frotter les pierres, marbres, agates, &c. leur communiquent cette propriété par le seul attouchement, & qu'ains c'est le

112 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

cas de l'approche du tuyau, & non une vertu particuliere à chacun de ces corps, qui feroit excitée en eux par la chaleur, & par le frottement. Mais ce qui arrive aux métaux détruit cette objection, car ils sont pour le moins aussi susceptibles que tous les autres corps, de contracter l'électricité par l'attouchement du corps électrique, & cependant quelque longtems qu'ils soient frottés sur la laine, la soie, &c. ils ne contractent aucune vertu; ce qui prouve que si les pierres, les bois, les sels, & autres corps en acquierent par ce moyen, c'est parce qu'elle est réellement excitée en eux, & qu'ils doivent par conséquent être mis dans la classe des corps électriques par eux-mêmes.

ARTICLE IL

Nous nous sommes proposés d'examiner maintenant si tous les corps peuvent devenir électriques, soit en les attachant au bout d'une corde liée à l'extrémité du corps électrique, soit par l'attouchement, ou simplement l'approche d'un corps dans lequel cette vertu a été puissamment excitée. Si l'on se borne à cet examen, la question sera bientôt décidée; car M. Gray rapporte un grand nombre de corps qu'il a attachés au bout de la corde qui étoit liée au tuyau, & il a toujours trouvé qu'ils devenoient électriques, de quelque forme & de quelque matiere qu'ils fussent. J'ai éprouvé la même chose, & tous les corps que je me suis avisé d'y attacher, le sont devenus, jusqu'à l'eau, lorsque

que j'y ai fait tremper le bout de la corde il est vrai que tous ne le sont pas également, mais comme cette inégalité peut venir de la difference de la forme, ainsi que je l'ai éprouvé, comme de celle de la matiere, je n'y ai eu aucun égard, & je me suis contenté de voir que tous les corps, sans exception, peuvent contracter la vertu électrique par ce moyen.

L'autre moyen par lequel cette vertu peut être communiquée aux differens corps, a quelque chose de plus singulier; ce n'est plus, comme dans le cas précédent, une transmission causée par une continuité de corps, c'est la seule approche du corps électrique sans aucun contact; & cette vertu ne laisse pas d'être excitée très puissamment par ce moyen, & de durer quelque tems: voici de quelle maniere il m'a paru qu'il faloit s'y prendre, pour y réussir le mieux qu'il est possible.

J'ai déja parlé de ces petits guéridons d'environ un pied de haut, sur lesquels on posé les feuilles d'or ou autres corps légers qu'on veut exposer à l'action des corps électriques; c'est de pareils guéridons qu'il faut se servir, afin que les écoulemens électriques ne se répandent pas trop au loin, ce qui arriveroit si l'on se servoit d'un appui ou support dont le volume servoit plus considerable: cette circonstance est non-seulement essentielle à observer, mais le choix de la matiere du guéridon est encore très important, comme ron va voir par les expériences suivantes.

En me servant d'un guéridon de bois, j'ai nemarqué qu'il n'y avoit que les corps capa-

114 Memoires de l'Academie Royale

bles de devenir électriques par le simple frottement, qui contractassent cette vertu par l'approche du tuyau; ensorte que mettant fur un guéridon de bois un morceau de métal, de bois, de pierre, &c. ces matières n'acqueroient presque point d'électricité sensible; je ne dis pas qu'ils en fussent absolument dénués, mais il faloit en approcher le tuyau à plusieurs reprises pour y exciter une vertu très soible, & même souvent je n'en ai remarqué aucune; mais lorsque j'ai mis sur le même guéridon un morceau d'ambre ou de cire d'Espagne, l'approche du tuyau les a rendus électriques; cette vertu n'étoir pas à la vérité bien considérable, mais ils attiroient & repoussoient très sensiblement de petites parcelles de coton.

J'ai fait les mêmes expériences avec des guéridons de métal, je me suis servi pour cet effet de chandeliers d'argent & de cuivre; il ast arrivé précisément la même chose qu'avec celui de bois, soit que ces guéridons aient été chaussés ou non, c'est-à-dire que l'ambre & la cire d'Espagne posés dessus, ont acquis de l'électricité par l'approche du tuyau, mais que les métaux, le bois, la pierre, n'en

ont point contracté.

Je me suis servi ensuite d'un guéridon de verre blanc, haut de 8 à 9 pouces, dont la base avoit 4 pouces de diametre, & la partie supérieure 3: il est arrivé avec ce guéridon, sans l'avoir chaussé, à peu près les mêmes phénomenes qu'avec les deux autres; le métal & le bois avoient néanmoins contracté quelque vertu, mais beaucoup moins que la

cire

cire d'Espagne & l'ambre; en tout, l'effet de ce guéridon n'étoit gueres different des autres. Je le fis chauffer ensuite, & je répétai les mêmes expériences; je n'avois fait que l'approcher du feu pendant quelques instans, de maniere que la chaleur en étoit très supportable, même en l'appliquant au visage, & à proprement parler, ce n'étoit que l'avoir parfaitement seché: tous les corpsus is mis alors sur constituent acquirent que je mis alors sur ce guéridon, acquirent une vertu très considérable par l'approche du tuyau; le bois, les métaux, l'agate, la pierre, une orange, un livre, enfin tout ce que je m'avisai d'éprouver devint très électrique, & je doute qu'il y ait quelque corps dans la Nature qui ne le devienne par ce dans la Nature qui ne le devienne par ce-moyen. On peut bien juger que cette ver-tu n'est pas également excitée dans tous les-corps; mais ce qu'on ne s'aviseroit pas de soupçonner, c'est que ceux dans lesquels elle-est la moindre, sont ceux qui l'acquierent le plus facilement par le simple frottement, tels que sont l'ambre, la cire d'Espagne, le verre blanc, &c. ces matieres ne contractent pas à beaucoup près autant de vertu qu'un-morceau de cuivre, de bois, un livre, &c. C'est précisément ici le contraire de ce que nous avons vu arriver en se servant des guénous avons vu arriver en se servant des guéridons de bois, ou de métal; car les corps-les plus électriques par eux-mêmes, étoient les seuls qui pussent acquérir quelque vertu, & les autres n'en recovoient aucune sensible...

Cette observation a'est pas du genre de celles que l'on peut prévoir, & n'est due qu'aux seules expériences: quelque éloignée

qu'elle

116 Memotres de l'Academie Royale

qu'elle paroisse des idées les plus naturelles, on verra par l'usage que nous en ferons dans la suite, qu'elle contribuera peut-être plus qu'aucune autre à nous donner quelque éclaircissement sur la nature de l'électricité. Pour m'affurer davantage de l'effet des differens guéridons, j'en ai fait un de cire d'Espagne, dont les proportions étoient à peu près les mêmes que celles de celui de verre que j'ai décrit, pour voir s'il réussiroit de même, & je n'y ai pas remarqué de difference sensible; les corps qui acquéroient le plus d'électricité sur celui de verre, étoient auffi les plus électriques sur ce dernier, & l'ambre, la cire d'Espagne, le verre, &c. étoient ceux qui contractoient le moins de vertu. On voit que cela confirme l'observation que nous venons de rapporter, & qu'on la peut regarder comme une des loix générales de l'électricité.

Nous avons vu dans la premiere partie de ce Mémoire, que les liqueurs pouvoient devenir électriques; la feule maniere d'y réusfir par l'approche du tuyau, est de les mettre dans un petit vase de verre, de porcelaime ou de fayence, & de poser ce vase sur un guéridon de verre ou de cire d'Espagne, car on le tenteroit en vain sur un de bois ou de métal; on fera la même chose avec un morceau de glace ou de la neige, & la vertu en est plus sensible, car on ne peut appercevoir celle de l'eau, qu'en tenant sur sa surface un fil délié ou un cheveu, au-lieu que celle des corps solides se reconnoit facilement avec un petit morceau de coton.

u

Il réfulte donc de cet examen, que tous les corps peuvent devenir électriques par l'approche du tuyau de verre, frotté d'une manière convenable à exciter en lui cette vertu.

La feule exception à cette loi générale que j'aye remarqué, est que la slâme d'une bougie allumée ne devient point électrique par ce moyen: mais cela vient sans doute de ce que les parties de slâme ne subsistent qu'un moment les mêmes; d'ailleurs la slâme n'est point attirée par les corps électriques, & cette singularité mérite un examen particulier, dans lequel nous entrerons peut-être dans la suite; mais ce que nous pouvons assurer quant à présent, c'est que cela ne vient point de la chaleur ou de l'embrasement; car un fer rouge & un charbon ardent posés sur le guéridon de verre, le deviennent extrêmement: ainsi ce cas particulier n'est point une exception à l'observation générale que nous avons rapportée, qui est que tous les corps peuvent devenir électriques par la simple approche d'un autre corps dans lequel cette vertu a été excitée.

ම්බල්කය වැට්ට වැට්ට

UNE BASE QUI EST EXPUSÉE au choc d'un Fluide étant donnée, trouver l'espece de Conoide dont il faut la couvrir, pour que l'impulsion soit la moindre qu'it est possible?

Par M. BOUGUER. *

Orsque le solide qui est exposé au choc d'un fluide, est un conorde parfait, ou que sa base est exactement circulaire, nous connoissons deja la figure qu'il doit avoir. M. Newton s'étoit contenté dans ses Principes Mathématiques de la Philosophie naturelle, de réduire la difficulté à une question de pure Géométrie; au-lieu que Mrs. de l'Hôpital, Bernoulli, Fatio & Herman, ont ré-folu entierement le Problème, par une mé-thode tout-à-fait differente. Une découverte si susceptible d'application, devoit, ce femble, être admise avec empressement dans la Pratique: elle ne l'a cependant point encore été, & ce qui en est peut-être la cause, c'est qu'on a reconnu qu'elle ne convenoit qu'à un cas trop particulier. En esset, les bases qu'il s'agit de garantir du choc des fluides, ne sont presque jamais des demi-cercles, elles en sont presque toujours très differentes; & d'ailleurs le mouvement ne se fait pas le plus souvent selon le sens perpendiculaire. C'est ce qui nous a invité à résoudre le Problême d'une maniere plus étendue, non pas pour

pour réunir sous le même point de vue des vérités connues d'ailleurs, mais pour considerer la chose dans toute sa difficulté & dans l'état de complication où elle se trouve réellement. Au surplus, on sait combien on tire de secours d'une solution particuliere, lorsqu'on veut en former une générale: ainsi, quoique notre Analyse, indépendamment de sa longueur, soit beaucoup plus difficile que l'autre, & qu'elle nous conduise aussi à quelques remarques assez curieuses, nous ne saurions trop reconnoitre combien y ont de part les excellens Mathématiciens que nous avons cités.

PREPARATIONS,

Et construction d'une formule qui servira à trouver l'impulsion des t'luides sur les Conordes, dont la base est une figure quelconque.

* Supposons que DBD (Fig. 1.) soit la base ou le plan vertical qu'il s'agit de garantir du choc, en mettant dessus le solide DADB, qui doit souffrir de la part du fluide, moins d'impulsion que toutes les autres especes de conoïdes, dont on pourroit couvrir la même base. Nous nommerons b la ligne verticale BC, qui sert d'axe à ce plang f les parties sensibles de la courbe DBD, qui le termine; & ds ses parties infiniment petites, comme GH, gb, &c. Si aux points G & g de la même courbe, on tire ensuite les tangentes GQ, gq, &c. jusqu'à la renconvente g

120 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

tre de la ligne horizontale * DD, prolongée de part & d'autre, & que du point C on abaisse les perpendiculaires CN, Cn sur ces tangentes, nous nommerons z ces perpendiculaires, & u les parties CQ, cq de la ligne horizontale DD, interceptées entre C & les tangentes. Toutes ces quantités que nous venons de désigner sont connues, puisque la base DBD est donnée, & nous connoissons églement l'angle CAE, que fait la direction du fluide ou son prolongement AE, avec l'axe AC du solide ADBD. Nous nommerons m la tangente de cet angle, & b sa sécante, en prenant s pour le sinus total; c'està-dire que les trois lettres n.m & b marqueront le rapport qu'il y a entre les trois côtés AC, CE & AE du triangle rectangle ACE, & que si le fluide venoit rencontrer la furface convexe DADB, selon une direction exactement parallele à AC, alors AE tombant fur AC, m deviendroit nulle, & bégale à n. D'un autre côté, pour rendre notre folution plus générale, nous ne nous proposerons pas de trouver simplement le solide **DADB**, qui fouffre la moindre impulsion. possible, selon le sens de l'axe, ou selon le fens perpendiculaire à la base, car ce ne seroit encore là qu'un cas très particulier; mais nous voulons que l'impulsion soit la moindre, felon une ligne donnée quelconque AF, qui fait avec l'axe AC un angle CAF, dont p est la tangente & q la sécante, pendant que s défigne toujours le finus total. Enfin nous marmarquerons par \star les abscisses ou parties variables * $A\Sigma$, AC de l'axe AC, à commencer au sommet A, & par γ les ordonnées $Z\Omega$, A de la courbe $A\Omega B$, qui forme la saillie du solide. Toutes les autres courbes AIG, $A\Phi D$, &c. ne peuvent pas être égales à celle-ci, puisque la base DBD n'est pas circulaire: mais nous supposons qu'elles ne diffèrent toutes entre elles que dans l'espece; c'està-dire, qu'elles sont toutes, ou des parabeles ou des hyperboles, &c. & qu'elles ont leurs ordonnées exactement proportionnelles à celles de $A\Omega B$. Ainsi on voit qu'aussi-tôt que la base DBD est donnée, & qu'on-a découvert la nature de la courbe de saillie $A\Omega B$, le solide est entierement déterminé.

Toutes ces choses étant supposées, il faut que nous cherchions l'expression générale du choc du fluide, sur une zone DBD3bd de la surface du solide. Nous ne pouvons pas, pour nous en dispenser, avoir recours aux formules de la page 52 du Traité de la Mâture des Vaisseaux: car quoique ces formules soient très générales, elles sont néanmoins trop limitées pour ce cas-ci, parce qu'elles ne sont faites que pour les conordes dont la base est exactement circulaire. La zone DbD est retranchée sur la surface du solide, par les deux plans paralleles DBD, dbd, qui ne sont éloignés l'un de l'autre que de la distance infiniment petite C = dx. Dans cette zone DbD, nous ne confidérons d'abord que le petit trapeze IGHK, qui est compris entre les deux courbes GIA & HKA, infiniment proches l'une de l'autre, & qui à cause de sa Mém. 1733.

* Fig. I.

petiteffe infinie dans tous les sens, peut être pegardé comme une petite surface plane. Du point I* j'abaisse sur le plan vertical DBD. la perpendiculaire IL, qui se trouvera paral-, lele & égale à Cc & à 60, & qui divisera CG -au point L, en même rapport que CB est diwise au point o. Par la ligne IL, je fais passer le plan horizontal x I M, qui coupera en M la ligne GM qui touche la courbe:DBD, au point -G; & par la même ligne IL, je fais passer le plan LOI qui est perpendiculaire en Q, à la tangeme GM, & qui nous donne les deux perpendigulaires LO, 10 a cette même tangente: Lune dans le plan DBD, l'autre dans le plan du petit ctrapeze GK, prolongé. Enfin si dans le plan Anorizontal IML, on conduit du point I la parallele IS à la direction AE du fluide, & que par le point S on fasse passer le plan STV parallelement à LOI, ce plan STV fera perpendiculaire, de même que L 01, à la tanzgenre HM, qui est la commune section du -plan MTS, & du plan MTV du petit trapeze GK; mais le plan STV étant perpendiculaire au petit trapeze, il n'y a qu'à tirer dans ce plan, la ligne SX perpendiculairement à TV, & elle sera perpendiculaire au rrapeze. Ainfi SX fera le finus de l'angle Edlincidence que fait en I la direction du fluiilde avec la surface du conoïde: car puisque - Is qui est parallele à AE, est le prolongement de la direction que suit le fluide, en wenant frapper le point I, l'angle SIX, formé par IS & par la surface du petit trapeze "GK, peut être pris pour l'angle d'incidence, & UX en est le sinus.

· Fig. 1.

Pour parvenir à l'expression de ce sinus dont dépend, comme on le sait, la grandeur de l'impulsion, il faut que nous passions par la connoissance de diverses autres lignes. Nous trouverons 0L * par cette analogie; CG est à GL, ou, ce qui revient au même, CB est à OB, comme NC est à OL, ce qui nous donne $0 L = \Theta B \times \frac{NC}{CB}$; & fi.à la place de ⊕B, on met son expression dy, & qu'à la place de $\frac{NC}{CB}$ on mette $\frac{B}{b}$ qui convient à toutes les coupes du conoïde, faites paralle-lement à la base D.B.D., parque qu'elles sont toutes des figures semblables, nous aurons OL = 24y. Et confidérant ensuite que le triangle OLI est rectangle en L, & que LI est égale à Cc, ou à Plant de nous aurons 01(=Vol+L1)=V-17 D'un autre côté nous trouverons ML par cette analogie $CB:\ThetaB:CG:GL:OC$: $ML = 0 B \times \frac{QC}{QB}$: & fi dans cette yaleur de ML nous mettons dy à la place de Θ B. & * a laplace de $\frac{QC}{CB}$, il viendra $ML = \frac{ady}{CB}$ Après cela nous ferons attention que les trois côtés du petit triangle ILS étant paralleles wons faire cette analogie, le finus total seft

* Fig. 1.

126 Memoires de l'Academie Royale

pour l'étendue du petit trapeze * G.K., & le produit de sette petité étendue par le quarré

nininidy - 26 pi manidy die - 4- bind minida

9, 2, × 2, 4, -1-9 474,

× - mininidy + 2 bn3 max dy dx - bin' m' n' dx'

V 2' dy' + bidm

pour la petire impullion absoluc que nous voulions d'abord découvrir.

Cette expression est générale; mais comme tous les petits trapezes sont pousses se-lon des lignes differences, on ne peur point encore prendre la somme ou l'intégrale de toutes les impulsions qu'ils reçoivent : il faut suparavant que nous examinions quelle est la partie de l'effort qui agit selon une certaine direction déterminée. Cette direction est ici AF; & nous lui menons par le point I une parallele IT, qui se trouve dans le plan horizontal MIT. Comme nous savons d'ailleurs que l'impulsion des siuides sur les surfaces s'exerce toujours fur une ligne perpendiculture, nous élevons du point I la perpendiculaire IP au plan du petit trapeze GIKH, à nous la regardons comme la direction de L'impulsion dont nous venons de trouver le Asygnia, x a, a, a, a, b, + spolyma, qiqx + p, a, a, a, a, qx, Part 2 44 2-4 4 6x2

Il est clair que cette ligne IP sera perpendicustire à 01, puisque 01 est dans le plan du petit trapeze; & il n'est pas moins évident que cette ligne IP, qui est terminée en P par le plan *MOL, est dans le plan LOI, puisque ce dernier plan passe par le point F & est perpendiculaire au plan du petit trapeze. Mais enfin si du point P'on abaisse la perpendiculaire PZ sur la droite IT, il est fensible que IR représentant l'impulsion ab-solue, la partie IZ de la ligne IT représentera la partie de l'impulsion qui s'exerca selon. la direction IT. Nous n'avons par conséquant qu'à chercher le rapport de IP à 1Z, & par une simple analogie, nous trouverons enfuite l'impulsion relative que nous avens-

interêt de connoitre.

Fig. L.

Au-lieu d'abaisser du point P la parpendiculaire PZ pour déterminer le point Z, nous pouvons encore, si nous le voulons, laisser tomber du point P la verticale PR perpen-diculairement sur MY, & du point A tirer la perpendiculaire RZ à la direction IY. On trouvera de cette maniere le même point Z que par la perpendiculaire PZ: car le plan PRZ est vertical, puisqu'il passe par la verticale PR, & aussi tot que la direction IY est perpendiculaire à une des lignes RZ de ce plan vertical, elle l'est pareillement à toudans le même plan. Cette feconde méthe de de déterminer le point Z, nous fournisfant un calcul plus simple, nous nous en forvirons pour trouver IZ; & nous chercherons diabord L.P en confiderant que le triangle ILP est semblable au triangle OLL, &

en failant cette proportion, :: $\theta L = \frac{zdy}{1}$

128 Memoires de l'Academie Royale

INTERIOR OF L'ACADEMIE ROYALE

:
$$LI = dx$$
: $LP = \frac{bdx^2}{zdy}$. Nous aurons enfuite* $IP = \frac{bdx^2}{IL} + \frac{b^2dx^2}{IL}$. Nous aurons enfuite* $IP = \frac{bdx^2}{IL} + \frac{b^2dx^2}{IL}$. D'un autre côté la resfemblance des triangles rectangles MLO , PLR , nous donnera $ML = \frac{ady}{b}$: $0L = \frac{zdy}{b}$: : $LP = \frac{bdx^2}{zdy}$: $LR = \frac{bdx^2}{zdy}$. Et si après cela nous faisons attention que l'angle I du triangle rectangle ILY est égal à l'angle CAF dont $p & q$ désignent la tangente & la sécante, pendant que x est toujours le sinus total, nous aurons x : $LI = dx$:: p : $LY = \frac{pdx}{x}$:: q : $IY = \frac{qdx}{x}$. Otant ensuite LR de LY , il viendra $RY = \frac{pdx}{x} - \frac{bdx^2}{xdy} = \frac{padxdy}{xxdy} - \frac{bxdx^2}{xxdy}$ ou plus généralement $RY = \frac{pxdxdy}{xxdy} - \frac{bxdx^2}{xxdy}$ en réunissant dans la même expression, les deux differentes moiciés du solide. Ensin, comme les triangles ILY & RZY sont semblables, puisqu'ils sont, outre cela, un angle commun Y , nous pouvons faire cette proportion $IY = \frac{qdx}{x}$

 $L \Upsilon = \frac{p dx}{n} :: R \Upsilon = \frac{p u dx dy = b u dx^2}{n u dy} : \Upsilon Z$

* Fige I.

 $= \frac{p^2 \pi dy dx + b \pi p dx^2}{\pi q dy}; & \text{if ne reftera plus }$ qu'à retrancher *ZY de IY pour avoir la valeur $\text{leur } \frac{q dx}{\pi} - \frac{p^2 \pi dy dx + b \pi p dx^2}{\pi q \pi dy} \text{ ou }$ $q^2 \pi dy dx - p^2 \pi dy dx + b \pi p dx^2 \text{ de } IZ, \text{ valeur}$

qui se réduit à $\frac{nndydx}{qndy}$ en mettant à la place de la quantité $q^2 - p^2$ le quarré n^2 du sinus total qui lui est égal. Ainsi nous avons maintenant les valeurs de IP de IZ qui marquent la relation qu'il y a entre l'impulsion absolue $\frac{yds}{l^2}$

 $\times \frac{\frac{n^{1} \sin^{2} x^{2} dy^{2} + 2b \pi^{3} \sin x^{2} dy dx + b^{3} \pi^{3} \sin x^{2} dx^{4}}{b^{1} \sin^{2} 1/b^{2} dx^{2} + x^{2} dy^{2}} que}$

fouffre le petit trapeze GK, & l'impulsion partiale qui s'exerce sur la direction IT: nous avons trouvé $IP = \frac{dx \sqrt{b^2 dx^2 + a^2 dy^2}}{x dy}$, & nous venons de voir que IZ est égale à $\frac{axdydx + bydx^2}{4ady}$. Nous n'avons donc qu'à $\frac{axdydx + bydx^2}{4ady}$.

faire cette proportion, $IP = \frac{d \times V b^3 dx^3 + x^3 dy^3}{x dy}$

 $: IZ = \frac{n \times d \cdot y \cdot d \times - b \cdot p \cdot d \times^{2}}{q \cdot n \cdot d \cdot y} :: \frac{y \cdot d \cdot x}{b}$

 $\times \frac{\frac{1}{4^{1}n^{1}n^{2}dy^{2}+2bn^{3}mnz^{3}dydx+b^{2}n^{3}n^{3}z^{3}dx^{2}}{b^{2}n^{2}\sqrt{b^{2}dx^{2}+z^{3}dy^{3}}}$

· Fig. 1,

 $\frac{x^{1}yx^{3}d^{5}}{b^{1}b^{2}qx^{3} \times b^{1}dx^{2} + x^{2}dy^{2}} \times x^{3}u^{7}dy^{3} + 2bn^{2}mu^{2}dy^{2}dx$

 $+b^2nm^2udydx^2+bn^2pu^2dy^2dx+2b^2nmpudx^2dy$

+ b3 m2 p dx3; & nous aurons dans le dernier terme de l'analogie, l'impulfion relative que reçoit le petit trapeze *G K felon la direction IT, ou selon le sens parallele à AF.

Mais l'expression précédente en contient réellement deux autres, puisqu'elle convient à l'une ou à l'autre moitié du conoïde, selon qu'on se sert des signes supérieurs ou inférieurs. Si nous supposons que les deux moitiés du folide sont égales, rien ne nous empêche de joindre ensemble les impulsions que souffrent de l'un & l'autre côté, les petits trapezes correspondans; & alors, comme les termes affectés des signes contraires se détruiront, & que les autres termes se trouveront répétés

deux fois, il nous viendra b2gb2w3 x b2 dx2 - 2 dy2 $\times 2n^3 n^3 dy^3 + 2b^2 nm^2 n dy dx^2 + 4b^2 n m p u dy dx^3$

& c'est donc la l'impulsion relative selon le sens parafiele à AF ou à IY que reçoit chaque couple de peries trapezes élémentaires dont la zone DbD est formee. Or nous pouvons maintenant prendre l'intégrale de cette quantité pour avoir l'effort que souffre la zone entiere: car l'impulsion totale n'est autre chose

Se 4. 4. 2

Fig. I.

chose la somme de toutes les impulsions particulieres, aussi-tôt qu'elles s'exercent toutes dans le même sens. Ainsi l'effort sur toute la zone

eft
$$\frac{2 n^{f}}{b b^{2} q} \int \frac{y n^{3} dy^{3} ds}{b^{3} dx^{2} + n^{3} dy^{3}} + \frac{2 n^{3} m^{3} + 4 n^{3} m p}{b^{2} q}$$

$$\int \frac{y n^{3} dy dx^{3} ds}{b^{3} n^{3} dx^{2} + n^{3} dy^{3}}, \text{ ou bien } \frac{2 n^{f} y dy}{b^{3} b^{3} q} \int \frac{n^{3} ds}{b^{3} dx^{2} + n^{3} dx^{3}} + n^{2} ds$$

$$\frac{1}{16} \frac{2\eta^3 m^2 + 4\eta^3 mp}{b^2 q} \times \frac{y dx^2}{dy} \int \frac{z^3 ds}{b^2 n^2 dx^2 + n^2 z^2}, \text{ en}$$

divifant le numerateur & le dénominateur par dy^2 , & en traitant y, dy & dx comme confrantes, parce qu'elles le font effectivement, tant qu'il ne s'agit que de chaque zone en particulier.

S'il étoit ici question de trouver l'impulsion d'un fluide sur un solide proposé * D. ADB, il n'y auroit, comme il est affez évident, qu'à

intégrer une seconde fois l'expression $\frac{2\pi^i y dy}{b^2 b^2 d}$

$$\int \frac{\frac{x^3 ds}{b^2 dx^2} + \frac{2n^3 m^3 + 4n^3 mp}{b^2 g} \times \frac{y dx^2}{dy}$$

$$\int_{0}^{\infty} \frac{z^{3} ds}{dx^{2} + u^{2} z^{2}} ds$$

La connoissance que nous aurions de la base DBD nous mettroit en état d'exprimer les lignes EQ(z), CN(u) & GH(ds) par une seule variable avec sa differentielle, ce qui rendroit la premiere intégration toujours possible, au moins par voie d'approxi-

#32 Memoires de l'Academie Royale

mation. On auroit de cette forte l'impulfion que reçoit chaque zone; & regardant ensuite les abscisses * & les ordonnées y de la courbe * B O A comme variables, il n'y auroit qu'à intégrer une seconde fois pour avoir l'impulsion que souffre la surface entiere. On trouveroit de cette maniere par une seule formule les chocs relatifs selon tous les divers sens: le seul effort relatif vertical se refuseroit à cette recherche. Il faudroit, pour le découvrir, employer cette autre for-

mule
$$\frac{2\pi^4 y \, dx}{b \, b^4} \int \frac{z^1 \, ds \, \sqrt{x^2 - x^2}}{\frac{b^2 \, s \, dx^2}{dx^2} - 1 + s \, x^2} - 1 + \frac{2 \, b \, y^2 \, x^3 \, y \, dx^3}{b^2 \, dy^2}$$

$$\int \frac{x^3 dx^3 \sqrt{x^2 - x^2}}{\frac{b^2 x^3 dx^2}{dy^2} + x^3 x^2} dont il n'est pas difficile de$$

découvrir l'origine, & qui exprime l'effort relatif vertical du fluide fur chaque zone. Pour trouver cette formule, nous avons cher-

ché la valeur de
$$PR$$
, qui est $\sqrt{\frac{b^3 dx^4}{x^2 dy^2} - \frac{b^3 dx^4}{a^2 dy^2}}$

ou
$$\frac{bdx^1\sqrt{x^2-x^2}}{xxdy} = \sqrt{LP^2-LR}$$
, & nous

avons fait cette analogie, IP est à PR, comme l'impulsion absolue que souffrent les deux trapezes correspondans GK & gk est à l'impulsion relative verticales. Cette impulsion étant trouvée, son intégrale $\frac{2\pi^4 y dx}{k^2}$

$$\int \frac{x^{1} dx^{1} \sqrt{x^{2} - x^{2}}}{\frac{b^{2} \pi dx^{2}}{dy^{2}} + \pi x^{2}} + \frac{2bn^{2}m^{2}y dx^{3}}{\frac{b^{2}\pi^{2}dx^{2}}{dy^{2}}} \int \frac{x^{2} dx^{1} \sqrt{x^{2} - x^{2}}}{\frac{b^{2}\pi^{2}dx^{2}}{dy^{2}} + \pi^{3}x^{2}} don^{-1}$$

Fig. 1

donne l'impulsion que souffre la zone entiere, & il ne reste plus par conséquent qu'à intégrer une seconde fois pour avoir l'impulsion que reçoit tout le solide selon le sens vertical.

SOLUTION

* Mais pour revenir à notre Problème du folide qui éprouve de la part des fluides le moindre choc possible, il faut que nous reprenions l'impulsion $\frac{2 n^{2} y dy}{b^{2} dx^{2}} \int \frac{x^{3} dx}{b^{2} dx^{2}}$

$$\frac{2 \pi^{3} m^{2} + 4 \pi^{3} m p}{b^{2} q} \times \frac{y d x^{2}}{d y} \int \frac{2^{3} d x^{2}}{b^{2} d x^{2}} + u^{2} z^{4}$$

que souffre chaque zone comme D & D selon le sens parallele à AF. Nous ne pouvons pas faire un minimum de cette impulsion, considerée seule: car plus on augmente la faillie de chaque zone, ou plus on augmente eb, par rapport à ⊖B, plus l'impulsion devient petite; & cette impulsion qui diminueroit sans cesse, ne se trouveroit enfin nulle, que lorsqu'on auroit augmenté infiniment la faillie Ob de la zone. Mais nous pouvons au moins faire ensorte que deux zones consécutives DaD, dod, comprises entre deux courbes déterminées DBD, $\Phi\Omega\Psi$, ne soient expofées prises ensemble qu'au moindre choc pos-sible. Nous n'avons pour cela qu'à faire varier la courbure B b Q formée par les deux petits côtés Bb, Ob, en faisant avancer ou reculer le point de séparation b sur la petite ligne

134 Memoires de l'Academie Royale

ligne 06: *la convenité $Bb\Omega$ ou $Bb\Omega$ étant plus ou moins grande, une des deux zones iera ensuite exposée à une plus grande impulsion; mais l'autre sera exposée en même tems à une plus petite, & des deux il pourra résulter un effort total qui sera un minimum. Or, pour découvrir les conditions qui donnent ce moindre, nous n'avons qu'à prendre la différen-

tielle de l'impulsion
$$\frac{2\pi^i y dy}{b^1 b^2 q} \int \frac{\pi^3 ds}{\frac{b^1 dx^2}{dy^2} + \pi^2}$$

$$\frac{2 \pi^{3} m^{2} + 4 \pi^{3} m \pi}{b^{2} g} \times \frac{y dx^{2}}{dy} \int \frac{z^{3} dz}{b^{2} dx^{2}} + z^{3} z^{3}$$

de la zone D&D, en traitant simplement dx comme variable: cette differentielle sera une reguantité complexe ou incomplexe R, multipliée par ddx; & nous aurons pour l'autre zone do da differentielle R ddx, qui, au-lieu d'être affectée du signe +, le sera du signe -, parce que be=ddn qui est positive ou additive par rapport à Ob, est négative ou soustractive par rapport à zo. En un mot, nous aurons Rada-Rada pour la differentielle de l'impulsion que souffrent ensemble les deux zones: & comme il faut, selon la théorie des questions de Maximis, égaler cette differentielle à zéro, nous aurons R ddx=R ddx. & R = R; ce qui nous apprend que dans notre conorde, il faut que les impulsions, differentiées & ensuite divisées par ddx, soient les mêmes dans toutes les zones, ou qu'elles foient égales à une quantité constante. Alors prises deux à deux, elles recevront le moindre

dre choe possible; & la surface entiere du solide aura donc auss la même propriété.

Mais la méthode de differentier l'impulsion

 $\frac{2n^{7} y dy}{b^{2} b^{2} q} \int \frac{x^{3} dx}{\frac{x^{2} dx^{2}}{dy^{2}} + x^{2}} + \frac{2n^{3} m^{2} + 4n^{3} mp}{b^{2} q} \times \frac{y dx^{3}}{dy}$

 $\int \frac{x^3 dx}{\frac{b^2 x^2 dx}{dx^2} + x^2 x^2}$, ou de trouver le change-

ment qu'elle reçoit par la variabilité de da, pourroit bien ne se pas présenter d'abord à l'esprit. Commençons par différentier

 $\int \frac{x^3 dx}{b^3 dx^4}$, en ne regardant donc que

dx comme changeante. Je confidere l'intégrale $\int \frac{x^3 dx}{\int \frac{dx}{x^2} + x^2}$, comme si elle expri-

moit l'aire * ACDB de la Fig. 2; & celsen prenant les parties infiniment petites EF de l'axe AB pour de, & les ordonnées com-

me EG pour $\frac{x^2}{f^2 dx^2}$; ce qui rend le

petit trapeze élémentaire GEFH égal $\frac{z^3dz}{dz^2}$, & par conféquent l'aire entie-

re ACDB égale à l'intégrale f

136 Memoires de l'Academie Royale

Cela supposé, je fais augmenter dx de la petite quantité dax, & je cherche le changement que cette petite augmentation apporte

dans la valeur $\frac{z^3}{b^2 dx^2}$ - de chaque or-

donnée * G E. Je trouve - 2 b 2 1 d x d d x

en différentiant à l'ordinaire, & c'est donc la valeur de Gg. Maintenant il est clair que si l'on multiplie cette valeur par EF=ds,

- x ds pour le

 $dy^2 \times \frac{b^2 dx^2}{dy^2} + z^2$

changement GHbg que souffre le trapeze élémentaire GEFH ($\frac{z^3 ds}{\frac{b^2 dx^2}{dy^2} + z^2}$) lorsque

dx augmente de ddx; & il n'est pas moins évident qu'il n'y a qu'à intégrer ou prendre la

fomme infinie $\int \frac{2b^2 z^3 dx ddx}{}$

 $\frac{\overline{dy^2 \times \frac{b^2 dx^2}{dy^2} + z^2}}{z^2}$

tous les petits changemens GHbg, pour avoir le changement total GGDdbc que reçoit l'aire entiere ACDB ou la quantité pro-

. On trouvera en suivant dy2 -+ x2

cette

cette méthode que la differentielle de l'impulsion entiere que souffre la zone *, est 4* y dy

$$\int \frac{b^{1} x^{3} ds dx ddx}{dy^{1} \times \frac{b^{1} dx^{2}}{dy^{2}} + x^{3}} - \frac{4x^{3} x^{3} - 2x^{3} x p}{b^{1} q}$$

$$\times \frac{y dx ddx}{dy} \int \frac{x^{3} ds}{b^{1} u^{3} dx^{2}} + \frac{4x^{3} x^{3} - 2x^{3} x p}{b^{1} q}$$

$$\times \frac{dy}{dy^2} \int \frac{b^2 u^2 dx^2}{dy^2} + u^2 z^2$$

$$\times \frac{y dx^2}{dy^2} \int \frac{b^2 u^2 dx dx}{dx^2} ; \& il est aise$$

$$\times \frac{y dx^2}{dy} \int \frac{b^2 x^2 dx dx dx}{b^2 u dx^2}; & \text{il est aise}$$

$$dy^2 \times \frac{b^2 u dx^2}{dy^2} + ux^2$$

de voir qu'on peut lui donner cette forme $\frac{z^{1}ds}{\frac{b^{1}dx^{1}}{dy^{1}}+z^{2}} - \frac{4n^{3}m^{3}-2n^{3}m^{2}}{b^{3}p}$ 4 ns y dx ddx

$$\times \frac{y \, dx \, d \, dx}{dy} \int \frac{z^1 \, dz}{b^1 \, n^1 \, dz^1} + u^1 \, x^2 + \frac{4u^3 \, m^2 + 2 \, n^3 m f}{b^1 \, q}$$

$$\times \frac{b^2 y dx^3 ddx}{dy^3} \int \frac{x^3 dx}{\frac{b^2 x dx^3}{dy^2} + xx^3}.$$
 Car dx alant

reçu le petit changement dax, demeure invariable de même que ddx & que dy dans tous les petits trapezes GHbg dont l'aire CGHDdbc est formée. Enfin c'est cette differentielle de l'impulsion du fluide qu'il faut, conformément à ce que nous avons dit dans l'article précédent, diviser par ddx, & égaler 138 Memoires de l'Academie Royale

égaler à une quantité constante. * Nous prendrons 4 a n² pour cette quantité; & en divisant de part & d'autre par 4 n²,

nous aurons
$$-\frac{a^3 y dx^2}{b^2 q dy}$$
 f $\frac{z^9 dy}{dy^4} + z^{3}$

$$-\frac{aax^3 - z a x a p}{b^2 q} \times \frac{y da}{dy} \int \frac{z^{9} dy}{dy^4} + a^2 z^2$$

$$+\frac{aax^3 + z a a x p}{b^2 q} \times \frac{b^3 y dx^3}{dy^3} \int \frac{z^{3} dz}{b^2 a dx^2} + az^2$$

= a pour l'équation de la courbe † An B (Fig. 1.) qui doit former la faillie du conorde, ce il ne reste plus qu'à résoudre cette équation.

Nous n'avons pour cela qu'à confidérer que quoique nous ne connoissions pas les différentielles da & dy, nous pouvons cependant regarder comme connu leur rapport dx, & le marquer par le rapport variable

dé'l'arbitraire * & de la constante b; ce qui nous donnera tout d'un coup la valeur de y.

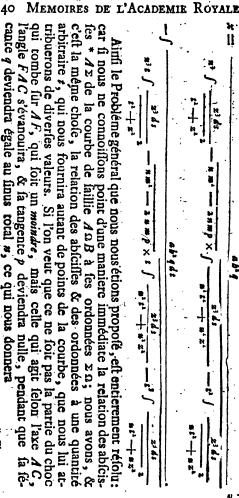
En effen, 6 neus metrons 4 à la place de

$$\frac{dx}{dy}$$
, nous changerons notre équation en $\frac{n^2y}{kb^2q}$.

* Fig. 2. † Fig. 2.

que
$$x_1$$
, z_2 & x_3 font données par la nature de la basse *DBD qu'il s'agit de garantir de l'impulsion, & que z est une quantité à laquelle nous pouvons attribuer s'uccessivement quelle valeur nous voudrons. Or en dégageant y, on trouve la formule $y = \frac{z_1^2 + z_2^2}{z_1^2 + z_2^2}$ qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera dont connoître toutes les ordonnées comme z de la courbe on qui nous sera de la courbe de la cou

 $A \Omega B$. Et si de $\frac{dx}{dy} = \frac{t}{b}$ on en déduit $dx = \frac{t dy}{b}$, & par voie d'intégration, y; pour avoir aussi en grandeurs entierement connues les abscisses $A \Sigma$ de la même courbe $A \Omega B$. La formule est * Fig. 1. $x = \frac{iT}{r} - \int \frac{7d^2}{r}$; il n'y aura qu'à introduire dans cette valeur de x celle de



$$y = \frac{abb^{1}}{x^{1}s \frac{x^{2}ds}{s^{1}+x^{2}} - x^{2} \times s \int \frac{x^{3}ds}{x^{1}t^{1} + x^{2}t^{1}} - t^{3} \int \frac{x^{3}ds}{xt^{1} + xt^{2}}}$$

$$x = \frac{ab^{1}}{s^{1} + x^{2}} - x^{1} \times \int \frac{x^{3}ds}{x^{2} + x^{2}} - t^{3} \int \frac{x^{3}ds}{xt^{2} + xt^{2}}$$

$$= \int \frac{ab^{1}ds}{s^{2} + x^{2}} - \frac{ab^{1}ds}{s^{2} + x^{2}} - \frac{ab^{2}ds}{s^{2} + x^{2}}$$

$$-\int \frac{ab^3dz}{z^3 + x^3} - m^3 \times t \int \frac{m^3dz}{\mu^2 + \mu^2 z^3} - t^3 \int \frac{x^3dz}{\mu t^2 + nz^4}$$

On n'a outre cela qu'à supposer que le mouvement du fluide se fait parallelement à l'axe * AC, ou que la tangente m de l'angle EAC est nulle, & nos formules se réduiront à d'au-

tres
$$y = \frac{ab}{\frac{a^{2}ds}{s^{2}+z^{2}}}, & x = \frac{a}{\int \frac{z^{2}ds}{s^{2}+z^{2}}}$$

$$\frac{\int \frac{dt}{t^3 + t^2}}{\frac{t^3 + t^2}{t^3 + t^2}}, \text{qui font encore plus fim-}$$

ples, mais qui font cependant toujours très générales, par rapport au cas qu'on avoit examiné.

Application des Formules précédentes. ...

† Afin de ne pas laisser ces formules sans quelque application, proposons-nous de mettre à couvert de l'impulsion diannssique, la furface DPRD (Fig. 3.) qui est un demicer-

Fig. 1. † Fig. 3.

在有证

corcle dont on a retranché par le bas, le segment * PRS. Nous choisissons cette figure. à cause de sa simplicité; & parce que la coupe verticale de quelques Navires, faite perpendiculairement à leur longueur, n'en est pas fort differente. Nous n'avons que faire d'avertir que l'impulsion est précisément la même, & que le solide doit par conséquent avoir toujours la même propriété, soit que le fluide vienne le choquer, ou que ce soit le solide qui aille frapper le fluide. La perpendiculaire CB sera marquée par l'comme ci-devant; nous désignerons par c le rayon CD, par e la moitié PB de la corde PR, & g marquera la longueur de l'arc DP, & o le linus GT des arcs variables comme SG. Cela supposé, nous aurons, par la propriété du cercle, le rayon e pour la valeur de toutes les perpendiculaires abaissées du centre C fur les tangentes à la courbe DP; $\frac{e^2}{a}$ $(=\frac{CD}{CE})$ pour CQ=u; & l'intégrale $\int \frac{z^3 ds}{s^2-1}$ fe réduira à $f = \frac{e^3 ds}{e^3 + e^2} = \frac{e^3 g}{e^4 + e^2}$; puisque tous les petits arcs $GH = \lambda_1$ composent l'arc DP=g. Mais il faut observer que الم النام الم · Fig. si

qui appartient à l'arc *DP, & qu'il faut aussi trouver l'autre partie qui répond à la ligne droite PB, considerée comme portion de la ligne courbe DPB. Comme c'est-CB=6 qui tient lieu dans cette seconde circonstance de perpendiculaire z, l'intégrale $f = \frac{z^3 dz}{z}$

fe réduit à $\int \frac{b^1 ds}{b^2 + \epsilon^2}$ qui est égale à $\frac{b^3 e}{b^2 + \epsilon^2}$?

puisque ds désigne maintenant les petites parties dont PB = e est formée. Ainsi la valeur totale de l'intégrale $\int \frac{z^1 ds}{s^2 + z^2}$ est $\frac{e^3 g}{s^2 + z^2}$

$$+\frac{\delta^3e}{\frac{1}{\delta^3+\epsilon^3}}$$

Il n'y aura pas beaucoup plus de difficulté à trouver la valeur des intégrales $\int \frac{z^3 ds}{u^3 t^2 + u^3 z^3}, & \int \frac{z^3 ds}{u t^2 + u^2 z^3}: \text{ la première fe}$

réduira à $f = \frac{\varphi^2 d \rho}{e^2 + \ell^2 \sqrt{e^2 + \Phi^2}}$, en mettant

à la place de z, de u, & de ds, les valeurs

 ε , $\frac{\varepsilon^2}{\varphi}$ & $\frac{\varepsilon^2}{\sqrt{\varepsilon^4 - \varphi^2}}$ que fournit le cer-

cle; & si l'on considere que cette quantité

 $\frac{\varphi^2 d\varphi}{\epsilon^2 + \epsilon^2 \sqrt{\epsilon^2 - \varphi^2}}$ eft proportionnelle aux

* Fig. 3.

petits

144 Memoires de l'Academie Royale petits trapezes élémentaires * GTXH $\left(\frac{\varphi^2 d\phi}{\sqrt{\epsilon^2 - \varphi^2}}\right)$ qui font les produits de GT

(ϕ) par TX égale à $HV = \frac{\phi \neq \phi}{\sqrt{e^2 - \phi^2}}$, diffe-

rentielle de $GE = \sqrt{e^2 - \varphi^2}$; nous aurons pour la valeur de $\int \frac{\varphi^2 d\phi}{e^2 + e^2}$, ou

de l'intégrale $\int \frac{x^2 ds}{u^2 t^2 + u^2 z^2}$, l'espace D C B P, ou le secteur D C P, & le triangle P C B, joints ensemble, divisés par $\epsilon^2 + t^2$, & en termes analytiques $\frac{1}{\epsilon^2 + t^2}$. Il faut re-

marquer que cette intégrale est complette, & qu'il n'y a rien à y ajouter, pour PB considerée comme partie de la Courbe: car u se trouve ici infinie, & doit rendre nulle la partie de $\int \frac{z^2 dz}{u^2 z^2 + u^2 z^2}$ qui répond à PB. On arouvera pareillement $\frac{\frac{1}{2}eg}{e^2 + \frac{1}{2}be}$ pour l'intégrale.

grale de $\int \frac{z^3 ds}{\pi s^2 + \pi s^2}$, & si l'on introduit ces

valeurs dans nos formules générales, on aura

$$x = \frac{n^{3}c^{3}q}{n^{3}c^{3}q} + \frac{n^{3}b^{3}e}{n^{3}b^{3}e} - \frac{nm^{2}-2nmp \times e^{3}g + c^{2}be}{2 \times c^{2} + z^{2}}$$

$$-\int \frac{n^{3}e^{3}gz}{c^{2} + c^{2}} + \frac{n^{3}b^{3}ez}{b^{2} + c^{2}} + \frac{nm^{2}-2nmp \times c^{3}gz + c^{2}bez}{2 \times c^{2} + c^{2}}$$

$$y = \frac{n^{3}e^{3}gz}{n^{3}e^{3}gz} + \frac{n^{3}b^{3}ez}{b^{3}e^{2}} + \frac{nm^{2}-2nmp \times c^{3}gz + c^{3}bez}{2 \times c^{2} + z^{2}}$$

$$\frac{n^{3}e^{3}gz}{c^{2} + c^{2}} + \frac{n^{3}b^{3}ez}{b^{3} + z^{2}} + \frac{nm^{2}-2nmp \times c^{3}gz + c^{3}bez}{2 \times c^{2} + z^{2}}$$

qui fourniront autant de differens points de la courbe de faillie * A \(\Omega B \), qu'on fera \(\text{t} \) de differentes grandeurs; & il fera ensuite facile d'achever l'espece de conosde qui doit servir de proue. Si l'on vouloit calculer une Table des dimensions de ce solide, pour mettre les personnes qui ne sont point Géometres, en état de le former aisément, il n'y auroit qu'à négliger le cas du mouvement direct dans lequel les Vaisseaux cinglent toujours assez bien, & ne construire la Table que pour le cas du mouvement oblique, qui est le plus ordinaire en Mer, & dans lequel il importe beaucoup plus d'augmenter la rapidité du sillage.

Enfin descendons au cas particulier dans lequel la base qu'on veut garantir du choc est exactement un demi cercle: mais supposons cependant toujours que le mouvement se

^{*} Fig. 3. **M**ém. 1733.

MEMOIRES: DE L'ACADEMIE ROYALE

fe fait selon une direction oblique par rapport à l'axe, & que l'impulsion qui doit être un moindre, s'exerce aussi selon une ligne oblique. La ligne CR(b) deviendra égale au rayon CS = c, & la corde PR deviendra pulle. Ainsi il n'y aura qu'à mettre c à la place de b, & effacer tous les termes qui contiennent c = PB dans les valeurs de x & de y trouvées en dernier lieu. & nous les rédui-

Fons $dx = \frac{2n^2 + 2m^3 \times dq \times c^4 + 2c^3 c^3 + 61}{2n^3 - nm^2 - 2nmp \times c^3 g}$ $= \frac{2n^2 + 2m^2 \times aq dc \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 - nm^2 - 2nmp \times c^3 gc}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$ $= \frac{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}{2n^3 + 2m^3 \times ac q \times c^4 + 2c^3 c^3 + 64}$

ce qui est très digne de remarque, c'est que si l'on rend nulle la tangente m de l'obliquité de la route, la tangente de l'angle * C.A.E. (Fig. 1.) de même que la tangente p de l'angle & C.A.E. que fait l'axe A.C. du conoïde avec la ligne A.F., selon laquelle l'impulsion doit esse un moindre, on trouvera que la courbe de saillie est toujours la même. Car il viendre pour les abscisses x, & pour les ordon-

nées y, des valeurs $\frac{a \times e^4 + 2e^2 z^2 + z^4}{e^2 z}$

1 4 45 × 64 -4 5 6, 54 +54 6, 8 4 7 6, 54 +54 54 -54

qui ont entre elles la même relation, & qui étant

+ Fig. L.

étant proportionnelles aux premieres valeurs, leur deviendront parfaitement égales, aussitôt qu'on fera la constante a plus grande ou plus petite; ce qui montre que la courbe de faillie ne change point, & que c'est par conséquent le même solide qui a la propriété de trouver la moindre résistance dans tous les cas. Nous étions déja parvenus par une autre voye à cette remarque, que la proue qui fouffre le moins d'impulsion selon son axe dans la route directe, en souffre aussi le moins felon fon axedans les routes obliques. Mais nous voyons maintenant que ce font non-seulement les impulsions relatives dans ce fens, qui sont des minimum, mais que ca font aussi touses les autres; puisque la courbe de faillie est aussi indépendante des changemens que peut recevoir l'obliquité CAF de la direction AF, que de ceux que peut re-cevoir l'obliquité CAE de la route: & il fuit de-là que l'impulsion absolue horizontale, sur quelque direction AF qu'elle tombe, doit être pareillement un minimum Ainsi, lorsqu'on a eru par les Solutions particulieres qu'on a publiées, ne conferer à la proue qu'un avantage affez limité, on lui en a heureusement conferé d'autres infiniment plus confiderables, & tous ceux même qu'on pouvoit imaginer en ce genre.

Mais il y a cependant une exception à mettre, & même une exception si singuliere, qu'il est assez difficile de la prévoir. C'est que le conorde dont il s'agit ici, lequel, comme

nous

148 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

nous venons de le voir, reçoit dans les routes obliques la moindre impulsion selon fon axe, & selon tous les autres sens, en reçoit aussi le plus qu'il est possible dans une infinité d'autres rencontres, & passe tout d'un coup d'un cas à l'autre, comme s'il ne se plaisoit que dans les propriétés les plus contraires. On appercevra la cause de cette singularité, si l'on remonte jusques vers les commencemens du Problème, & qu'on examine le changement que souffre l'impussion fur une zone, lorsqu'on change la figure du conoïde. L'expression générale de cette differentielle est $\frac{4n^2ydxddx}{b^2qdy}$ $\int \frac{z^2dz}{\frac{1}{2}}$

$$\frac{dy^{2}}{b^{2}g} + \frac{2u^{3}mp}{b^{2}g} \times \frac{b^{2}y dx^{3}ddx}{dy^{3}} \int \frac{z^{3}ds}{\frac{b^{2}u dx^{2}}{dy^{2}} + uz^{2}}$$

Et si à la place de b & de z, on introduit c; & à la place de s & de ds, les quantités

$$\frac{e^2}{\varphi}$$
 & $\frac{e^2\varphi}{\sqrt{e^2-\varphi^2}}$ que fournit le cercle, nous

trouverons, comme nous l'avons vu, il

n'y a qu'un moment,
$$\frac{e^2 dx^2}{dx^2} = 1 e^2$$
 ou $e = \frac{e^2 dx^2}{dx^2} = 1 e^2$

Fig. I.

$$\frac{sgdy_0}{sdx^2 + sdy^2} \text{ pour la valeur de } \int \frac{z^3 ds}{\frac{b^2 dx^2}{dy^2} + z^2}$$

$$\frac{\frac{1}{2}\varepsilon g}{\frac{\varepsilon dx^2}{dy^2} + z^2} \text{ ou } \frac{g dy^2}{2\varepsilon dx^2 + 2\varepsilon dy^2} \text{ pour celle}$$

$$\det \int \frac{x^3 ds}{\frac{b^2 a^2 dx^2}{dy^2} + a^2 x^2} = \int \frac{e^2 dx}{\frac{c^2 dx^2}{dy^2} + \epsilon^2} \sqrt{\epsilon^2 - \phi^2}$$

&
$$\frac{\frac{1}{2}\epsilon g}{\frac{\epsilon^1 dx^2}{dy^2} + \epsilon^2}$$
 ou $\frac{\epsilon g dy^4}{2 \times \epsilon^1 dx^2 + \epsilon^1 dy^2}$ pour

celle de
$$\int \frac{z^1 ds}{\frac{b^1 s dx^1}{dy^2} + sz^1} = \int \frac{\phi^2 dx}{\frac{c^1 dx^2}{dy^2} + c^1 \sqrt{c^2 - \phi^2}}$$

* Et ces valeurs étant substituées dans l'expression générale de la differentielle, nous

aurons
$$\frac{4n^{7}g-2n^{3}m^{3}g-4n^{3}mpg}{6b^{3}q} \times \frac{y\,dy^{3}\,dx\,ddx}{dx^{3}+dy^{3}}$$

Ainfi nous pouvons, conformement à ce que nous avons dit ci-devant, prendre $4n^{r}g - 2n^{3}m^{3}g - 4n^{3}mpg \times Rddx - Rddx$,

pour la différentielle de l'impulsion que souffrent deux zones consécutives: nous n'avons pour cela qu'à supposer que R & R désignent

les deux valeurs qu'a $\frac{y dy^3 ddx}{dx^3 - 1 dx^2}$ dans les

deux zones. C'est cette differentielle, com-G 3 me me on s'en souvient, qui étant égalée à zéro, confere au conorde la propriété de recevoir la moindre impulsion possible. * Mais pour que la chose arrive effectivement, il faut que

Anig-2nim's-Animpe x Rddx - Kddx

avant que de devenir nulle, soit négative: car si elle étoit positive, ce seroit une marque que l'impulsion deviendroit de plus grande en plus grande, à mesure qu'en changeant la figure du folide, on approcheroit du cas ou la differentielle est égale à zéro; & on trouveroit par conséquent un maximum, aulieu de trouver un minimum. Or, c'est ce qui doit avoir lieu dans une infinité de rencontres; puisque la négation ou l'affirmation de la différentielle ne dépend pas plus de la figure du conorde, qu'elle dépend de la diverse situation des directions AE & AF. un mot, il n'est pas fort difficile de s'affurer que la quantité Rddx-Rddx, considerée scule, est négative; & il suit de-là que la dif-

Terentielle 4n's-2n'm'8-4n'm'98 × R ddm

-Rddx l'est aussi, pourvu que le coëfficient 4 " g - 2 n' m' 8 - 4 n' m P S. foit positif. Mais.

cela supposé, la differentielle se trouvera pécessairement positive, toutes les fois que -2 n3 m2 g--- u n3 m2 g fera négatif; & alors

le choc que souffrira notre proue sera infaillibleAiblement un maximum; c'est-à-dire, qu'il sera plus grand que celui que recevroit tout au-

tre conoïde.

* Ainsi, pour savoir dans quelle rencontre l'impulsion de l'est sur notre solide est un miminum ou un maximum, nous n'avons qu'à exteininer dans quel cas 4 n'g — 2 n' m²g — 4 n' mpg est positif ou négatif; et la quession se réduit par conséquent à discuter les circonstances qui rendent le terme 4 n'g plus grand ou plus petit que les deux autres 2 n' m²g — 4 n' mpg.

On trouve $p < \frac{m^2}{m} - \frac{s}{2}m$ pour le premier

cas, $\alpha p > \frac{n^2}{m} - \frac{1}{2}m$ pour le fecond: de

forte que pour chaque route EA que peut embrasser le Vaisseau, & dont m est la tangente de l'obliquité, il est une infinité de différentes lignes AF, selon lesquelles la proue est poussée en même tems par l'eau le plus & le moins qu'il est possible. La proue est poussée le moins qu'il est possible, selon toutes les lignes AF qui font avec l'axe AG un angle dont la tangente p est moindre que

* - 1 m; & la proue est poussée en même

tems le plus qu'il est possible, selon toures les lignes qui sont avec l'axe un angle un peu plus grand. Ainsi, si l'impussion absolue tomboit sur une de ces dernieres lignes; ce seroit une marque qu'elle seroit aussi un mussimum, & que la proue seroit la moins propre de toutes pour le sillage.

Enfin

[#] Fig. L.

#52 Memoires de l'Academie Royale

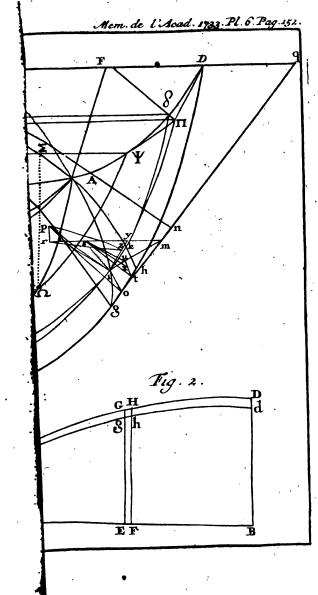
Enfin, de même que pour chaque route EA, il y a une infinité de lignes AF, felora lesquelles l'impulsion du fluide est un moindre, ou un plus grand; il y a aussi une infinité de differentes routes qui convertissent en minimum ou en maximum, l'impulsion qui s'exerce sur chaque ligne AF; & les deux cas sont si voisins, qu'ils se touchent encore, pour ainsi dire, l'un l'autre. L'obliquité de la direction AF étant donnée, on trouvera, en supposant le coëfficent $4n^{n}g-2n^{n}m^{n}g$ égal à zéro, comme il l'est dans le séparation des deux cas, que $m=-p\pm$

 $\sqrt{2n^2+p^2}$; de forte qu'on a dans premier,

 $m \ge -p + \sqrt{2n^2 + p^2}$, & $m > -p + \sqrt{2n^2 + p^2}$ dans le fecond. Il n'importe donc quelle route EA on fuive, pourvu que la tangente m de fon obliquité CAE foit plus petite que

minimum. Mais aussi-tôt que la tangente m de l'obliquité sera plus grande, l'impulsion deviendra un maximum, & alors tout autre conoïde seroit présérable au nôtre. S'il peut arriver de cette sorte que la proue la plus avantageuse, la proue qui reçoit dans une infinité de cas la moindre impulsion possible, perde cette propriété tout-à-coup pour en contracter une contraire, c'est au moins un bonheur que cet inconvénient n'ait lieu qu'autant qu'il est nécessaire pour former une curiosité de Géométrie, & qu'on n'ait point à le craindre dans la pratique, parce que l'obli-

[#] Fig. 1.





l'obliquité des routes n'est pas ordinairement assez grande. Nous laissons quelques autres réslexions à faire une autre fois, ne voulant pas rendre ce Mémoire plus long.

<u>තරා වෙන වෙන වන වන</u>

OBSERVATION

D'UNE HEMORRAGIE

PAR LA BOUCHE,

Qui, en moins d'une minute qu'elle a duré, a été suivie de la mort du Malade, & dont le Sanz venoit immédiatement du tronc de l'artere sousclaviere droite.

Par M. MALOET.

E 26 Juin dernier, un Soldat, âgé de 46 ans, entra l'après-midi dans l'Infirmerie de l'Hôtel Royal des Invalides. Je l'y vis le même jour, & je lui demandai pour quel mal il y étoit venu: il me répondit qu'il avoit eu chez lui, depuis fix femaines, une fluxion de poitrine, pour laquelle il avoit été faigné fix ou fept fois, qu'il avoit toussé beaucoup, & craché du sang, qu'il lui restoit encore de la toux, & une douleur à la gorge. Je visitai son cou, pour voir s'il y auroit quelque élévation: je trouvai à sa partie inférieure antérieure, une tumeur, de la grosseur d'une noix, immédiatement au-dessus de l'échancrure du sternum, sur laquelle elle portoit; elle Gr

754 Memoires de l'Academie Royale

étoit molle, ronde & égale; la couleur de la peau qui la couvroit, étoit naturelle; elle avoit un battement fort sensible & très règlé, elle cedoit à la pression des doigts, mais elle se remettoit promtement & avec force: de tous ces signes, il me sut aisé de conclurre que c'étoit un anevrisine vrai, & je jugear qu'il étoit à la partie supérieure de l'aorte, que je supposai prolongée, indépendamment de l'anevrisme.

Je demandai à ce Soldat, depuis quand il portoit cette tumeur, & s'il s'étoit apperçu de quelque cause qui y eût pu donner lieu.

Il me répondit qu'il ne s'en étoit apperçu que depuis sa survion de poitrine, & qu'il ne réposit pas qu'il pût l'attribuer à autre chose, qu'aux efforts qu'il avoit fait pour tousser.

Comme il lui restoit encore de la toux, je lui ordonnai des remedes adoucissans; & parce qu'il avoit un peu de fréquence dans son pouls, je le mis aux bouillons & à la tisane, & je lui interdis toutes sortes d'efforts, à cau-

se de cet anevriline.

Ayant été dans cerégime jusqu'au 20 du même mois, il me demanda ce jour là, à ma viste du matin, si c'étoit par mon ordre qu'on ne lui donnoit point de vin: lui ayant répendu qu'oui, il me repliqua que je lui coupois la gorge, qu'étant ouvrier, & travaillant de son métier dans les carrieres, il avoit besoin d'en boire, & il me pria de lui enfaire donner. Ayant trouvé son pouls plus calme que le jour qu'il étoit entré à l'Insirmerie, & sa toux étant appaisée, je le sis marquer pour avoir du vin.

Je ne fus pas plutôt au lit qui étoit après celui de ce malade, que j'entendis derriere moi un bruit, comme de quelqu'un qui vomissoit. M'étant retourné, je vis que cet homme que je venois de quitter, rendoit par la bouche, des flots de lang. Je courus à lui, l'Apothicaire de l'Hôtel qui m'accompagne dans ma visite, en fit de même: mais comme on ne pouvoit pas en approcher, fans être inondé de fang, & qu'il s'en inondoit lui-même, notre premier mouvement de l'un & de l'autre, fut de chercher promtement un vaisseau pour recevoir le sang, que ce Soldat rendoit fans aucun effort, par fufées, dont l'une à peine attendoit l'autre, Tugeant le cas des plus pressans, je criai à une Sœur de l'Infirmerie, de faire venir au plus vîte un Prêtre; le malade qui s'étoit mis fur son séant, pour rejetter ce sang, se cou-cha sur son lit à la renverse, & rendit encore du fang dans un vaisseau que l'Apothicalre tenoit à portée de le recevoir. & il expira dans le moment, fans donnér le temp à un Prêtre (qui étoit dans l'Infirmerie lorsque cet accident arriva. & qui accourut dans l'instant) de lui administrer aucun secours spirituel, car il ne se passa pas une minute depuis qu'il avoit commence à rendre du sang jusqu'à sa mort. Ce sang étoit rouge, vermeil & écumeux.

Quoique je m'attendisse bien à des suites funcites de la part de cette tumeur, telle que je viens de la décrire, j'avoue que je ne comptois pas que la mort fut si prochaine;

156 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

je m'attendois encore moins que cet anevrif-

me se vuidât par la bouche.

Il n'y avoit pourtant pas lieu de douter qu'il ne se fût ouvert, & que ce ne fût par cette ouverture que le malade avoit perdu tout fon fang, d'autant plus qu'après sa mort, la tumeur du cou se trouva totalement dissipée. Mais comment ce sang avoit-il passé dans la bouche? car il ne paroiffoit pas moins sûr que cette tumeur étoit une artere dilatée, & il n'y en a point qui ait naturellement de communication immédiate avec la bouche. ni avec aucun des canaux par lesquels cette prodigieuse quantité de sang avoit pu lui être fournie: je voyois bien qu'il falloit qu'il s'en fût fait une contre nature, mais comment avoit-elle pu se faire si subitement? puisqu'il falloit pour cela qu'il se fût fait deux ouvertures en même tems, l'une dans l'artere où étoit l'anevrisme, l'autre dans la trachée, que je jugeois être la seule voye que le sang, qui étoit sorti par cette hémorragie, avoit pu prendre, pour aller à la bouche. Cela me paroissoit d'autant moins aisé à comprendre, que le fluide contenu dans cette tumeur paroissoit peu propre à ronger les parois de ces canaux; & que quand il en auroit été capable, comme il n'auroit pu agir fur les parois de la trachée-artere, qu'après avoir percé celles de l'aorte; dans ce cas, c'est-à-dire, après avoir percé cette artere, il auroit dû se répandre dans la poitrine, & par-là il n'auroit pas été à portée de ronger la trachée, ni de passer par son canal dans la bouche.

L'ou-

L'ouverture du cadavre m'a levé ces difficultés, & pleinement satisfait sur tout cela. Je la fis le soir du jour même de la mort du malade; je remarquai, avant de la commen-cer, qu'il couloit de sa bouche une écume fanguinolente, & qu'il ne restoit aucuu vestige de la tumeur du cou.

J'ouvris la poitrine, & après avoir dégagé la grande artere, avec ses trois grosses branches, savoir la sousclaviere droite, la caroti-de gauche, & la sousclaviere gauche, je trouvai que l'aorte avoit quelque chose de singulier; el-le étoit dilatée dans la partie supérieure de son arcade, entre la sousclaviere droite, & la carotide gauche, entre lesquelles il y avoit à leur origine (contre l'ordinaire) un espace de six lignes; l'artere sousclaviere droite étoit plus grosse, & plus longue que de coutume, ayant environ un pouce de diametre, & deux pouces de longueur, avant que de fournir la caro-tide; il s'étoit fait dans la partie supérieure, à sa naissance de l'aorte, une poche à peu près ronde, laquelle avoit formé la tumeur qui avoit paru à la partie inférieure du cou. N résulte de la que cet anevrisme n'étoit pas tout-à-fait à l'aorte, comme je l'avois pensé: elle contribuoit pourtant un peu à le former, & elle étoit réellement dilatée, ou prolongée dans sa partie supérieure, ainsi que je l'avois jugé.

La cavité de la poche dont je viens de parler, avoit environ deux pouces de diametre, en tous sens; elle étoit placée au devant de la partie antérieure de la trachée-artere, depuis le 10e segment cartilagineux, jusqu'au 5e

158 Memoires de l'Academie Royale

inclusivement, ensorte qu'elle couvroit six de ces segmens; elle y étoit intimement adhérente par sa partie postérieure, comme elle l'est encore par le côté gauche de cette par-

tie, auquel je n'ai pas touché.

J'essayai de la détacher de la trachée-artere; mais dès que j'y eus porté le scalpel, le plus légerement qu'il me fut possible, elle s'ouvrit. Voyant qu'il n'étoit pas possible de séparer cette poche entiere, comme c'étoit mon premier dessein, l'aggrandis (pour re-garder dans la cavité de ce sac) l'ouverture que j'avois commencé à faire dans sa partie latérale droite; je n'y trouvai rien, mais je fus surpris de voir à découvert les cartilages de la trachée-artere : je cherchai la paroi postérieure de cette poche, ou artere dilatée, laquelle paroi, par la situation de cette même poche, auroit dû être appliquée contre ces cartilages; je n'en trouvai point, si ce c'est au bas de la poche, postérieurement, un petit lambeau, qui me parut extrêmement mince, usé, & même déchiré; je remarquai aussi que les cartilages, contre lesquels cette poche se trouvoit appliquée, étoient plus foibles, plus applatis sur le devant, & faisoient moins de saillie, que les autres; enfin i'observai entre le 6º & le 7º de ces cartilages, au côté droit de la partie antérieure de la trachée, un trou à peu près rond, de deux lignes & demie dans son diametre vertical. & de deux lignes dans le transversal.

Ce trou étoit pratiqué dans la membrane ligamenteule, par laquelle ces segmens cartilagineux tiennent l'un à l'autre; il antici-

poit

poit même sur le 6º & le 7e, qui en étoiens

un peu échancrés à cet endroit là.

Je fondai ce trou avec un stilet, & je trouvai qu'il perçoit jusques dans la cavité de la trachée-artere, de maniere pourtant qu'il étoit plus grand, à son entrée, que dans le reste de son trajet. Je crus devoir visiter l'estomac, je le trouvai rempli de caillots de sang.

Alors je ne sus plus en peine de savoir par où étoit venu le sang, qui étoit sorti par la bouche; ni pourquoi il en étoit sorti en si grande quantité, & si promtement; pourquoi même il n'y étoit pas venu plutôt, quoique le trou pratiqué dans la trachée ne parût pas

fait depuis peu.

Il n'y a pas lieu, à ce que je crois, de douter que le sang n'ait passe de la poche, à la faveur de ce trou, dans la trachée-artere; delà il falloit nécessairement qu'il montat dans le larynx, ou qu'il descendit dans les bronches; mais l'air renfermé dans ceux-ci, l'ayant empéché de suivre cette derniere route, quoiqu'il y fût porté par son propre poids, il a été obligé de prendre celle du larynx, & d'aller de la vers le fond du palais, d'où il est sorti par la bouche.

Quoique ce trou air paru avoir été fait, dans la membrane ligamenteuse dont je viens de parler, quelque tems avant la mort du malade, ou plutôt, avant son hémorragie; cependant le sang ne passoit pas de ce lac, dans la cavité de la trachée, parce que la membrane interne de ce canal étoit demeurée entière, qu'elle bouchoit ce trou, du côté de cette cavité, de qu'elle lui en défen-

doit

160 Memoires de l'Academie Royale

doit l'entrée; mais cette membrane ayant été enfoncée, & rompue dans le moment qui a précédé la mort du malade, alors le fang du fac anevrifinal, ou plutôt celui de l'artere fousclaviere, n'a rien trouvé qui s'opposat à fon passage dans la trachée.

Je dis que cette derniere membrane a été d'abord enfoncée, & ensuite rompue; car outre que cela n'a gueres pu arriver autrement, parce qu'étant assez lâche, elle a dû prêter & être poussée de dehors en dedans par le sang qui venoit de l'artere sousclaviere; cela parost par la forme de son ouverture, dont les bords font une saillie considérable, dans la cavité de la trachée-artere, de maniere qu'en les repoussant vers le trou formé dans la membrane ligamenteuse, on en bouche la plus grande partie.

Il reste à savoir comment ce trou s'est fait, entre ces deux cartilages, dans la membrane par laquelle ils sont attachés l'un à l'autre;

cela n'est pas difficile à comprendre

La paroi postérieure de cette poche s'étant rendue adhérente à la trachée-artere, ayant été usée, & à la fin rompue, par les essorts & l'impétuosité du sang, qui y abordoit continuellement; cette paroi, dis-je, ayant été usée & même détruite, d'autant plus aisément, qu'elle étoit fort mince, & qu'elle étoit d'un côté appliquée à des corps plus durs qu'elle, & de l'autre exposée aux coups du sang dardé avec beaucoup de force, celui-ci s'est trouvé porter immédiatement sur la trachée: il ne s'est pas néanmoins répandu hors de cette poche, à cause de l'intime adhérence de cel-

le-ci à la trachée, qui a fervi de paroi à la partie postérieure de ce sac. Ce même sang, soit par sa sérosité, soit par quelques-unes de ses parties salines, soit par l'effort avec lequel il étoit poussé dans cotte poche, a miné l'interstice des segmens cartilagineux qui concourent à former la trachée, & a pratiqué cette ouverture entre le 6° & le 7°, parce que cet endroit s'est peut-être trouvé le plus foible, ou le plus exposé à l'effort

du fang par la direction de celui-ci.

Mais cette ouverture n'a pas été faite dans un moment, elle s'est faite peu à peu; elle étoit déja commencée, & même fort avancée dans le tems que le malade me parloit avec tant de résolution, & m'accusoit de lui couper la gorge, parce que je lui avois retranché le vin: il ne croyoit pas sans doute, alors, être si près de l'avoir réellement coupée, ou du moins, percée; le sang s'étoit déja fait jour, entre deux segmens cartilagineux de la trachée, à travers leur membrane ligamenteuse, & il étoit parvenu à la membrane interne de ce canal, laquelle étoit le seul obstacle, qui lui restort à lever, pour s'y faire un passage; c'est véritablement dans ce tems là, qu'il eût été vrai de dire, que la vie de ce Soldat ne tenoit qu'à un filer, puisqu'elle dépendoit uniquement, du plus ou du moins de tems, que devoit tenir une si foible membrane, contre tout l'effort du sang de la premiere & de la plus grosse branche que fournisse l'aorte. Il n'étoit pas posfible que cette membrane tint longtems, contre un effort capable de vaincre les plus grau-

162 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

des résistances; aussi a-t-elle été enfoncée dans un moment, qui est celui qui a précédé la mort du malade.

La communication du fac anevrismal avec la cavité de la trachée-artere, s'étant trouvée libre, par l'enfoncement de cette membrane; le fang de ce fac, ou plusôt de l'emere sousclaviere, a passé avec toute son impéruosité, dans ce canal, & de là, il s'est porté par le larynx, comme je l'ai dit, vers le fond du palais, d'où il est forti par la bouche, tant que le malade a en affez de force pour demeurer sur son séant; mais ayant été obligé de se coucher, ou plutôt étant tombé à la renverse, par l'extrême foiblesse où l'avoit réduit une si grande perte de sang, & celuici continuant à se porter vers le fond du palais, il en est tombé alors une partie dans le pharynx, de là dans l'œfophage, & dans l'estomae, d'autant plus facilement, que la situation du malade le favorisoit à y entrer par son propre poids, & qu'elle s'opposoit au contraire à sa sortie par la bouche; de là est venu le sang qui s'est trouvé dans l'estomac, où il s'est mis en caillots par son séjour.

L'effort du fang qui passoit de l'artere sousclaviere, dans le sac anevrisinal, ayant heurté continuellement & à nud, pour ainsi dire, contre les cartilages de la trachée-artere, il n'a pu manquer de les user, de les applattir, & de les émincer, comme j'ai remarqué qu'ils

le sont.

Cet anevrisme me paroît avoit été une suite de l'augmentation de diametre, que j'ai observée dans l'artere sousclaviere droite, par quelque cause que cette augmentation foit venue: car comme le diametre de cette artere n'a pu augmenter, sans que ses parois se soient étendues, & par consequent émincées, comme elles l'étoient effectivemont, enforte qu'elles avoient perdu de leur épaisseur, à proportion qu'elles s'éroient di-latées; il est clair que ces parois étant devenues plus minces, elles en ont eu moins de force pour réfister à l'impétuosité du sang qui y abordoit, & qui y étoit d'autant plus gran-de, qu'il y venoit immédiatement de l'artere fousclaviere, & pour ainti dire, de l'aorte: ces parois ont donc été obligées de ceder à cette force, de prêter & de se dilater dans quelques endroits (qui y étoient le plus expofés, ou qui se sont trouvés plus foibles,): plus que dans d'autres; & comme ces endroits qui ont prêté plus que les autres, ont été portés au-delà de leur ressort, ils n'ont pu se rétablir: c'est ce qui a fait la poche ou l'ancwrifine.

Les efforts que ce Soldat étoit dans l'ulage de faire, travaillant de son métier dans les carrières, ont pu donner lieu à cette augmentation de diametre de l'artere sousclaviere droite, & par-là être plutôt la cause de l'anevrisme qui y est survenn, que ceux qu'il avoit fait, en toussant, dans sa fluxion de poitrine, auxquels il l'actribuoit; car comme dans cette espece de travail, il faut que les muscles des bras se mettent dans de violentes contractions, & qu'ils s'y tiennent longtems, ils n'ont pu manquer d'y intercepter le cours du sang dans les arteres qui le leur four-

164 Memoires de l'Academie Royale

fournissent, mais plus dans celles du bras droit, que dans celles du gauche, parce que le premier fait ordinairement les plus grands efforts, & qu'il en fait plus souvent: le cours du sang ayant été intercepté dans les arteres du bras droit, il a du s'arrêter dans le tronc de la sousclaviere, d'où ces arteres prennent leur origine, & qui se trouvoit à l'abri de toute compression: le sang ayant été arrêté dans ce tronc, n'ayant pu aller en avant, à la même proportion qu'il y étoit poussé par le cœur, & s'y étant accumulé, il a dû le dilater dans toute son étendue; de-là est venue son augmentation de diametre.

Il est assez rare qu'un anevrisme vrai s'ouvre & fasse périr le malade en si peu de tems, sur-tout quand il n'est pas plus considerable que celui-là l'étoit; car on en voit qui en portent pendant plusieurs années, de beaucoup plus gros, au-lieu que celui-ci s'est ouvert dans l'espace d'environ six semaines.

La raison qu'on en peut donner, est, ce me semble, parce qu'il s'est trouvé appliqué contre les cartilages de la trachée-artere. J'ai dit plus haut, la part que ces cartilages ont eu à la destruction de la paroi postérieure de cette poche, & par conséquent à son ouverture.

Il est peut être encore plus rare, qu'on rende par la bouche, du sang venant immédiatement du tronc de l'artere sousclaviere. Comme je n'en ai point vu d'exemple jusqu'ici, ni trouvé dans un assez grand nombre d'Auteurs, que j'ai lu exprès pour y en chercher, cela m'a déterminé à donner cette observation, qui m'a paru singuliere.

්වා වරුතුරාපු යා පැවැතිව දැන්න සහ දැන්න සහ පැවැති වන සහ පැවැති සහ සහ පැවැති සහ ස

SUR LA FIGURE

DES DENTS DES ROUES,

ET DES AILES DES PIGNONS.

Pour rendre les Horloges plus parfaites.

Par M. CAMUS. *

E toutes les figures qu'on peut donner aux Dents des Roues & des Pignons d'une Horloge, celle qui tend à la faire marcher avec une force & une vîtesse uniforme, & qui fait que les pieces font toujours les unes sur les autres des efforts égaux, doit être regardée comme la meilleure.

Cette égalité de force est non seulement nécessaire pour faire mouvoir une Horloge uniformement, mais encore pour la faire mouvoir avec la moindre puissance motrice

qu'il est possible.

Une Machine qui ne va pas avec une force toujours uniforme, ou dont les pieces agissent les unes sur les autres avec des forces tantôt plus grandes & tantôt plus petites, a besoin pour aller, qu'on lui donne toute la puissance motrice qui lui est nécessaire dans la situation la plus desavantageuse de ses pieces, en sorte que la puissance motrice qui pour

41 Fevrier 1733,

pourroit la faire marcher dans une situation

moyenne entre la plus avantageuse & la moins avantageuse, ne suffiroit pas pour la faire

toujours aller.

Une Machine au contraire dont la force est toujours uniforme, c'est à dire, où les pieces font toujours les unes sur les autres des impressions également avantageuses, pourra toujours marcher avec la puissance motrice moyenne qui ne pouvoit point faire aller

la premiere.

M. de la Hire examinant la courbure qu'il faut donner aux dents des roues pour qu'el-les meuvent un pignon avec une vîtesse tou-jours égale à celle qu'elles ont elles-mêmes, a démontré dans son Traité des Epicycloïdes & de leur usage dans les Méchaniques, qu'une dent de roue devoit avoir la figure d'une épicycloïde engendrée par un point de la circonférence du pignon, qui rouleroit sur la circonférence convex de la roue. Mais cette épicycloïde n'a lieu que quand le pignon est une lanterne dont les suseaux sont infiniment déliés.

Quoique l'épicycloïde dont je viens de parler ne soit point propre pour mener uniformement une lanterne dont les suseaux auroient un d'ametre sini, M. de la Hire s'en sert comme de base pour avoir la courbe qui doit produire la force uniforme qu'il

cherche.

Quand M. de la Hire a construit l'épicyclorde qui doit mener la lanterne dont les fuseaux seroient infiniment déliés, il lui-tire en dedans une parallele à la distance du rayon

du

du fuscau qu'il suppose cylindrique. Comme cette parallele qui rogne l'épicycloïde d'une quantité égale au rayon du fuscau doit mener le fuseau cylindrique par sa circonférence, l'épicycloïde répond toujours au centre du fuseau, en forte que la parallele à l'épicyclor-de mène la lanterne par la circonférence de son fuseau, comme l'épicycloïde la mèneroit par le centre du même fuseau, ou par un fuseau infiniment délié; d'où il suit que cette épicyclorde rognée mène toujours la lancerne avec une force uniforme.

M. de la Hire se sert encore de l'épicycloïde propre à mener une lanterne à fuseaux infiniment déliés, pour construire les courbes propres à mener un pignon dont les ailes ont des faces droites, comme dans les ouvrages ordinaires d'Horlogerie; mais fa construction est beaucoup plus composée que celle de la courbe qui doit mener une lanterne à fuseaux cylindriques, elle paroit même sujette à plusieurs inconvéniens.

10. On ne connoit point la nature de la courbe ainsi tracée par le moyen de l'épicy-

cloïde.

29. On ne fait point par quels endroits la dent de la roue mène l'aile du pignon, ni par conséquent le point où la dent abandonne l'aile.

3°. On ne connoit pas facilement de combien la roue engrène dans fon pignon, ni par conséquent le rapport qu'il y a entre le diametre de la roue & celui du pignon. Du moins ces trois choses ne se peuvent connoitre que graphiquement, de même que la

168 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

courbe de la dent, qu'il faut tracer avant tou-

tes choses.

Pour découvrir la figure de la dent qui doit mener uniformement l'aile d'un pignon, j'ai commencé par examiner comment & par quel endroit la dent de la roue devoit mener l'aile; & comme je détermine toujours jufqu'où une dent doit mener le pignon, je connois aussi toujours le point de l'aile où la dent abandonne le pignon. Par-là je trouve la quantité de l'engrénage, & le rapport des diametres de la roue & du pignon.

DEFINITIONS.

Quand deux roues engrènent l'une dans l'autre, j'appelle rone la plus grande, & pignon la plus petite.

La dent d'un pignon se nomme aile. La dent d'une roue se nomme dent.

J'appelle ligne des centres la droite * AG qui joint les centres de la roue & du pignon.

REMARQUE.

1º. Une roue peut mener un pignon, &

le pignon peut mener la roue.

2°. La dent de la roue peut rencontrer l'aile du pignon avant que d'arriver dans la ligne des centres, ou quand ils sont arrivés. Dans l'examen de ces differens cas, je

Dans l'examen de ces differens cas, je chercherai 1º. quelles doivent être les figures de la dent & de l'aile, lorsque la roue mène mène le pignon, ce qui fera le sujet de trois articles. Dans le premier, je déterminerai la nature de l'aile & de là dent, quand la dent ne prendra l'aile que dans la ligne des centres, ou après avoir passé cette ligne. Dans le second, je donnerai la nature de l'aile & de la dent, lorsque la dent prendra l'aile avant que d'être arrivés dans la ligne des centres, & qu'elle la quittera en arrivant dans cette ligne des centres. Dans le troisieme, j'examinerai la figure de la dent & de l'aile, quand la dent rencontrera l'aile avant la ligne des centres, & qu'elle la conduira au delà de la ligne des centres.

20. Les méthodes pour déterminer la figure de la dent & celle de l'aile étant trouvées dans l'hypothese que la roue mène le pignon, il ne sera pas difficile de les appliquer au cas où le pignon mène la roue: toute la difference ne consistera même qu'à changer le nom de pignon en celui de rone, & celui de rone

en celui de pignon.

ARTICLE I.

Où l'on examine la figure de l'aile, & celle de la dent, lorsque la dent ne rencontre l'aile que dans ou après la ligne des centres.

THEOREME I.

* BG étant le rayon d'une vone, & AB le rayon d'un pignon que la roue entraineroit par sa

^{*} Fig. 1. 2. & 3. Mem. 1733.

\$70 Memoires de l'Academie Royala

circonférence, avec une force égale à la sienne,

& une vitesse aussi égale à la sienne.

Soit l'aile AH de figure quelconque, mende par la deut CZ, aussi de figure quelconque. Si par le point C où la dent rencontre l'aile, l'ou tire OCF perpendiculaire à l'aile, je dis qua l'on aura

1º. La force avec laquelle la circonférence BZ entraine la circonférence BH du piguon,

Est à la force avec laquelle la sirconférence du pignon tournera, quand il sera mené par le point C de son aile, Comme AB×DG, Est à AD×BG.

2º. La vitesse avec laquelle la circonsérence BZ de la roue entraine la circonsérence BH du pignon,

Est à la vitesse avec laquelle tournera la circonférence du pignon, quand il seramené par le point

C de son aile, Comme AD×BG, Est à AB×DG.

DEMONSTRATION.

Du centre G de la roue, foit mené GF perpendiculairement fur OF, & du centre A du pignon foit mené AO perpendiculaire à

la même droite OF.

Soit f la force & « la vîtesse avec lesquelles tourne la circonférence du pignon, quand cette circonférence même est entrainée par la circonférence BZ de la roue; on aura aussi f pour la force & « pour la vîtesse avec lesquelles la circonférence BZ de la roue tournera.

Soit φ la force & v la vitesse avec lesquelles la circonférence du pignon tournera, lors-

que

que la dent CZ le menera par le point C de

son aile. Il faut démontrer que.

120.f: 4::AB × DG;AD ×BG. 20. w:V::AD × BG;AB × DGI Pour cela soit F la force, & V la vîtesse que la roue a suivant la direction FO, il est évident que la roue poussera le point C de l'aile avec une force égale E, & une vîtesse =V.

Tout cela posé, on aura,

 $4^{\circ}.f:F::FG:BG.2^{\circ}.u:V::BG:FG.$ Et comme F est la force & V la vîtesse avec lesquelles le point C de l'aile est poussé, tandis que o est la force & v la vîtesse avec lesquelles tourne la circonférence BH du pignon, on aura,

1°. F: φ:: ΛB: ΛO. 2°. V: υ:: ΛO: ΛΒ. Mais à cause des triangles semblables ADO.

GDF, on aura,

1°. GF: A0::DG:77D. 2°. A0: GF:: AD: DG. & 10. A0:GF:: A0: GF. 20. GF: A0: GF: A0:

Multipliant chaque fuite d'analogie par ordre, on aura.

Tof: Q:: AB × BG: AD × BG: 29. WIV: MD × BG: AB × DGI Ge qu'il falloit demontrer

COROLLAIRE I.

*Si la droite O C F coupe la ligne des centres au dedans du pignon BH, il est clair que l'on aura $AB \times DG > AD \times BG$, & par consequent $f > \phi & u \leq v$.

C'est-à-dire, que le pignon tournera avec plus de force & moins de vîtesse, quand il lera mené par la circonférence même, que H 2 quand

• Fig. s. 2iv 4

TA MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

quand il sera mené par le point C de son aile bar la dent CZ, si la ligne OCF coupe la ligne des centres au-dedans du pignon.

COROLLAIRE

* Si la droite O C F coupe la ligne des centres au-dedans de la roue, il est évident que I'on aura $AB \times DG \angle AD \times BG$, & par con-

Sequent $f \angle \varphi u > v$.

C'est-à-dire, que le pignon tournera avec moins de force & plus de vîtesse, quand il fera mené par la circonférence, que quand il sera poussé par le point C de son aile, si la droite OCF coupe la ligne des centres audedans de la roue.

COROLLAIRE III.

• † Enfin, si la perpendiculaire OCF coupe la lighe des centres au point B, où la circonférence de la roue & celle du pignon se touchent, il est visible que l'on aura $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AD}$ & BG = DG; & par conféquent $AB \times DG$ $\rightleftharpoons AD \times BG$, ce qui rendra $f = \emptyset \& u = v$.

C'est-à-dire, que le pignon tournera avec la même force & la même vîtesse, soit que la circonférence BZ l'entraine par sa circonference BH, soit qu'il soit poussé par un point C de son aile, si la droite OCF coupe la ligne des centres au point B.

COROL-LAIRE IV.

± Donc les courbures de la dent & de l'aile # Fg. 24 doi-

f Fig. 1.

173

doivent être telles que la droite BC, tirée du point B au point d'attouchement de l'aile & de la dent, soit en même tems perpendiculaire à l'aile & à la dent.

COROLLAIRE V.

* Comme l'arc B H compris entre le point B & le bout de l'aile eft égal à l'arc B Z, compris entre le point B & la naissance de la dent, & que la droite B C est la même perpendiculaire pour l'aile & pour la dent; il suit que si de tous les points P de l'arc HB, on tire des perpendiculaires P M à l'aile, & de tous les points Q de l'arc ZB, on tire des perpendiculaires Q R à la dent, les perpendiculaires correspondantes à l'aile & à la dent seront égales chacune à chacune : car les points correspondants P Q des arcs HB, Z B, ayant passé en même tems par le point B, les perpendiculaires P M, Q R, correspondantes à l'aile & à la dent, se sont consondues en une même B C.

COROLLAIRE VI.

† Si la face ACH de l'aile n'est point concave, la perpendiculaire tirée du point B à l'aile tombera toujours au dedans du pignon; & par conséquent, l'aile AH n'aura pas besoin d'être prolongée au-delà de la circonférence BH, pour recevoir la perpendiculaire BC; & comme la roue est obligée de

* Big. 3. † Fig. 3. H 3.

374 Memoires de l'Academie Royale

de pousser le pignon par le point C, le rayonentier de la roue doit surpasser celui de la circonférence BZ de toute la quantité de l'engrénage; c'est-à-dire, que le rayon du pignon sera le même, soit qu'il soit entrainé par sa circonférence, soit qu'il soit poussé par une dent CZ, qu'il reçoit entre ses ailes; de que le rayon de la roue qui engrénera pour mener le pignon, sera plus grand de tout l'engrénage, que le rayon GB de la roue qui a'auroit point de dents.

THEOREME II.

* Si l'on veut que le pignon tourne comme la rone avec une force toujours uniforme; la courbure ACH de l'aile, & la courbure CZ de la dent doivent être engendrées comme les épicyclosdes, par une même courbe qui roulera au-dedans du pignon sur sa circonférence HB pour décrired'aile, & extérieurement sur la circonférence ZB de la roue pour décrire la dent,

DEMONSTRATION.

Puisque la courbure de l'aile est telle qu'on; sui peut mener des perpendiculaires de tous. Les points de l'arc HB, & la courbure de la dent aussi telle qu'on lui peut mener des perpendiculaires de tous les points de l'arc ZB, ces deux courbes peuvent être engendrées par un mouvement épicycloidal; mais il faut démontrer qu'elles auront la même courbe génératrice.

Deux courbes AH, ZC, font engendrées.

par une même courbe par un mouvement épicycloidal, quand les parties HP, ZQ, de leurs bases étant égales, les perpendiculaires PM, RQ, à ces courbes sont aussi égales.

Mais nous avons vu dans le Corollaire V. du Théorème précédent, que HP & ZQ étant égales, PM& RQ étoient aussi égales.

Donc la courbure ACH de l'aile & celle

ZRG de la dent ont une même courbe génétratrice qui roulera sur HB au-dedans du pignon pour décrire l'aile, & qui roulera sur ZB au dehors de la roue pour décrire la dent-Ce qu'il falloit démontrer.

COROLLAIRE I.

On voit par ce Théorême, que

10. Toute ligne qui ne pourra point être engendrée, comme les épicycloïdes, par le roulement d'une autre courbe sur une base circulaire concave, ne pourra point être la figure de l'aile d'un pignon.

2°. Toute courbe qui ne pourra point être engendrée, comme les épicycloïdes, par le roulement d'une autre courbe fur une base circulaire convexe, ne pourra non plus être-la figure de la dent d'une roue.

COROLLAIRE IL

*Comme le bout H de l'aile, & la naissance Z de la dent se sont trouvés en même tems. au point B, il est clair que dans cette situation, la naissance de la dent a mené le bout

\$76 Memoires de l'Academie Royale

de l'aile; & dans cette position, la perpendiculaire au bout de l'aile & la naissance de la dent, a passé aussi par le même point B; cette perpendiculaire a donc été égale à zéro. D'où il suit que la courbe génératrice qui a formé l'aile & la dent, les a formées par un point de sa circonférence, puisque quand cette courbe a formé le bout de l'aile & la naissance de la dent, le rayon générateur étoit égal à zéro. Ainsi la figure de l'aile & celle de la dent sont des épicycloïdes qui ne sont ni allongées ni taccourcies, qui prennent leurs naissances, l'une à la circonférence du pignon, & l'autre à la circonférence de la roue.

COROLLAIRE III.

* Puisque le point décrivant est le premier point de la courbe génératrice, il suit nécesfairement que le bout de l'aile doit être perpendiculaire à la circonférence HB du pignon, & que la naissance des dents doit être perpendiculaire à la circonférence ZB de la roue qui engréneroit infiniment peu.

COROLLAPRE IV.

† Puisque la naissance de la dent est perpendiculaire à la circonférence ZB, il suit que la dent ZRC doit être convexe du côtéqu'elle conduit l'aile, car elle est décrite par une courbe génératrice qui a roulé de Z vers B; & que sa naissance est perpendiculaire à l'arc ZB.

€. Ov-

COROLLAIRE V.

Donc l'aile du pignon, ou plutôt sa face, ne sauroit être toute convexe du côté qu'el-le est menée, & passer par le centre, ou le renfermer: car son extrémité H ne seroit point perpendiculaire à l'arc BH. Par la même raison, cette aile ne sauroit être toute concave du côté qu'elle est menée, & passer par le centre, ou le renfermer.

Tout ce que je viens de dire est dans la supposition que la dent commence à rencon-

trer l'aile dans la droite des centres.

THEOREME III.

* Si la face, ou plutôt le profil AH de la face d'une aile de pignon est une ligne droite, tendante au centre du pignon; je dis que la figure CZ de la dent de la roue sera une épicycloïde qui aura pour courbe génératrice, un cercle donz le diametre sera égat au rayon du pignon, es pour base, la circonférence du cercle ZB.

DEMON'S TRATION.

La figure de l'aile & celle de la dent doivent être engendrées comme les épicycloïdes, par une même courbe qui roulera fur la circonférence concave du pignon, pour décrire l'aile, & sur la circonférence convexe ZB de la roue, qui engréneroit infiniment peu, pour décrire la dent.

H 5 Mais

* Fig. 4:

178 Memoires de l'Academie Royales

Mais la courbe qui, en roulant dans la circonférence concave d'un cercle, décritune droite tendante au centre, est un cercle qui a pour diametre le rayon du pignon.

Donc la courbe qui engendrera la dent de la roue pour une aile droite tendante au centre, sera aussi un cercle qui aura pour diametre le rayon du pignon, & ce cercle doit rouler sur l'arc ZB; & par conséquent la sigure de la dent de la roue sera une simple épicyclos de qui aura pour courbe génératrice un cercle dont le diametre est égal au rayon du pignon, & pour base la circonférence du cercle ZB. Ce qu'il falloit démontrer.

COROLLAIRE ..

Donc le pignon dont les faces des ailes: sont des droites tendantes au centre, a le même diametre que s'il n'avoit point d'ailes, & qu'il fût entrainé par la circonférence, car fes ailes sont au dedans du cercle; mais il n'en est pas de même de la roue, elle doit fournir l'engrénage, & par conséquent son rayon doit être plus grand que celui de la roue qui entraineroit le pignon par sa circonférence, de toute la quantité de l'engrénage.

THEOREME IV.

* Si les ailes du pignon sont des fuseaux infiniment déliés, la figure de la dent sera une épicyclosde qui aura le pignon même pour courbe génératrice, & la circonférence ZB pour base.

DEMONSTRATION.

Le fuseau étant infiniment délié, ne sera qu'un point H dans le profil du pignon, & ce point sera dans la circonférence; mais ce point H devant être la seule chose décrite dans le tems que la courbe génératrice roulera dans l'arc HB, il est clair que cette courbe génératrice doit être entierement appliquée sur l'arc HB, & doit être par conséquent la même courbe que HB; car si cette courbe génératrice n'étoit pas constamment appliquée sur HB, & qu'elle pût rouler, le point générateur décriroit une ligne & non un point H.

Donc le même arc HB doit aussi être la courbe génératrice de la dent; & comme cette courbe génératrice doit rouler sur ZB

pour décrire la dent, il suit que

La figure de la dent sera une épicycloide qui aura le pignon même pour cercle générateur, & la circonférence convexe ZB pour base. Ce qu'il falloit demontrer.

PROBLEME I.

*La face AH de l'aile étant un plan dirigé mers l'axe A du pignon, & la distance CA des pivots de la roue & du pignon étant donnée avec le nombre des dents de la roue & le nombre des ailes du pignon, trouver le rayon de la roue & celus du pignon?

S. 64.

SOLUTION:

Comme nous supposons toujours que la dent CZ n'a pris l'aile AH que quand ils ont été arrivés dans la ligne AG des centres, la dent CZ doit mener l'aile AH jusqu'à ce que l'aile suivante AB soit arrivée dans la ligne AG.

Mais si du point B l'on tire BC perpendiculaire à l'aile AH, le point C sera celui par lequel l'aile AH doit être poussée par la dent CZ, & par consequent la roue doit engréner jusqu'en C. Ainsi la distance des pivots étant AG, GC sera le rayon de la roue, & AB le rayon du pignon.

Mais la circonférence BZM qui passe par les pieds des dents de la roue, tournant aussi vite que la circonférence BH du pignon, ces circonférences sont entre elles comme les nombres de leurs dents; & leurs rayons GB, AB, sont dans le même rapport.

Ainsiap. (d, le nombre des dents de la roue, pellant (a, le nombre des ailes du pignon,

On aura ... a: d:: AB: GB.

Et par con- $\begin{cases} a+d: a:: \Lambda G: \Lambda B. \\ féquent \end{cases}$ $\begin{cases} a+d: d:: \Lambda G: GB. \end{cases}$

D'où l'on tire $AB = \frac{AG \times a}{a+d} & GB = \frac{AG \times d}{a+d}$

Le rayon AB du pignon, & le rayon GB de la roue qui entraineroit le pignon par sa circonférence étant ainsi connus, & l'angle:

BAH étant de $\frac{360^{\circ}}{4}$, on connoitre AC, &

par conféquent on aura un triangle CAG où Ton connoitra un angle CAG avec les deux côtés AC, AG, qui le comprennent, & par conséquent le 3^{me} côté CG, qui est le rayon de la roue, sera connu. C. Q. F. T.

COROLLAIRE.

Si du rayon CG de la roue on retranche BG, que nous venons de trouver = $\frac{AG \times d}{a - 1}$ le reste CQ sera la quantité de l'engrénage de la roue dans le pignon.

ARTICLE II.

*Où l'on examine la figure de l'aile & celle de la dent, quand la dent rencontre l'aile avant la ligne des centres, & la mène jusqu'à la lib. ligne des centres.

THEOR'EME' V.

BG étant le rayon d'une rone, & AB le rayon? d'un pignon que la roue entraineroit par sa circonférence avec la même force & la même vîtesse qu'elle a.

Soit une dent CZ qui pousse une aile AH de pignon avant la ligne AG des centres. Si par le point C, où la dent reucontre l'aile, on mène une droite OCF perpendiculaire à la dent & à l'aile, je dis que l'on aura.

ro. Lia

182 MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

1º. La force avec laquelle la circonférence BN entraineroit la circonférence BM du piguon où elle engrène infiniment peu.

Est à la force aveclaquelle la même circonférence BM du pignon sournera, le pignon étant pousse par le point C de son aile;

Comme A B × D G, Eft à A D × B G. 2°. La vîtesse avec laquelle la circonsérence BM du pignon séroit entrainée par la circonsérence BN,

Est à la vîtesse avec laquelle tournera la même circonférence du pignon, ce pignon étant mené par un point C de son aile,

Comme AD×BG, Eft à AB×DG.

DEMONSTRATION

Soit f la force, & u la vitesse que la roue a au point B, par lequel elle entraineroit la circonférence B M du pignon où elle engrèneroit infiniment peu; f sera aussi la force, & u la vitesse que cette circonférence B M du pignon recevra du point B de la roue.

Soit F la force, & V la vîtesse que la roue a suivant la direction FC 0. Si l'on tire GF & A 0 perpendiculairement sur 0 CF, on aura 10. f:F:FG:BG. 20. u:V:BG:FG

Enfin soit φ la force, & v la vîtesse qui résultera à la circonférence BM du pignon, ce pignon étant poussé suivant FCO avec une force =F, & une vîtesse =V, on aura 1°. $F: \varphi::AB:AO.$ 2°. V: v::AO:AB.

Mais à cause des triangles semblables ADO, GDF, on a 19. AD:DG::AO:FG, 29. DG:AD::FG: AO. En-

Enfin on a aussi

19. DG: AD :: DG: AD. 20. AD: DG :: AD: DG.

Multipliant par ordre ces deux suites d'analogies, on aura

1% f:4::AB × DG:AD × BG. 2°. w:::AD × BG:AB × DG. Ce qu'il falleit démontres.

COROLLAIRE L

Donc, on aura

* 10. $f > \phi$, & u < v, quand la perpendiculaire OCF coupera la ligne AG des centres au dedans du pignon primitif BM.

 $+2^{\circ}$. $f < \varphi$, $& \pi \nearrow \psi$, quand la perpendiculaire $0 \ C \ F$ coupera la ligne $A \ G$ des centres

au dedans de la roue primitive BN.

‡ 3°. Enfin $f = \varphi$, & $m = \varphi$, quand la ligne des centres fera coupée par FCO au point B° où se touchent les deux circonférences.

COROLLAIRE. II.

1 Donc; si l'on veut que le pignon tourne? avec une force & une vitesse toujours uniforme, comme tourneroit la circonférence BM, entrainée par la circonférence BN d'une roue; il faut que la figure de la dent & celle de l'aile, soient telles que la droite? BC tirée du point B au point d'attouchement C de l'aile & de la dent, soit perpendiculaire à l'aile & à la dent.

COROLLATIRE III.

§ Comme le point Q de l'aile pris dans la girconférence B M du pignon primitif, & le point

* Fig. 7. † Fig. 8. ‡ Fig. 9. ↓ Fig. 9. ∮ Fig. 9.

184 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

point R de la dent pris dans la circonférence B N de la roue, se trouveront ensemble dans la ligne AG des centres, & que les deux circonférences BM & BN doivent tourner également vîte, les arcs BQ, BR font égaux. quelle que soit la distance du point B aux. points Q & R. D'ou il suit que si de tous les points de l'arc BQ, on tire des perpendiculaires à l'aile AQH, & de tous les points de Parc BR des perpendiculaires à la dent RCZ, les perpendiculaires correspondantes feront égales; car les points correspondans des arcs BQ, BR passant en même tems par le point B, les perpendiculaires tirées de ces points correspondans à la dent & à l'aile; le confondront dans la perpendiculaire BC, & lui seront égales.

COROLLAIRE IV.

*Si la dent RCZ de la roue n'est point concave du côté qu'elle mène, la perpendiculaire BC tirée du point B sur la dent, tombera toujours au dedans du cercle BN, qui entraineroit le pignon par sa circonférence; d'où il suit que la dent RCZ sera entierement dans le cercle BN. Au contraire, l'aile QC du pignon sera obligée de sortir du cercle BM pour recevoir la perpendiculaire BC, & pour être menée par la dent RCZ; ainsi le rayon de la roue étant toujours le même, que si la roue devoit entrainer le pignon par sa circonférence sans y engréner,

le rayon du pignon qui seroit mené par sa circonférence, doit augmenter de toute la quantité de l'engrénage, pour être mené par ses ailes.

THEOREME VI.

* Si l'en veut que le pignon tourne toujours avec une force & une vîtesse égale à celle de la roue, les courbures RCZ, QCH de la dent & de la roue doivent être engendrées comme les épicycloides, par le même point d'une même courbe génératrice qui roulera au dedant de la circonférence BR de la roue, pour décrire la dent, & sur le convexe de la circonférence BM du pignon primitif, pour décrire l'aile du pignon.

DEMONSTRATION.

1°. Puisque la courbure RCZ de la dent est telle qu'on lui peut mener des perpendiculaires de tous les points de l'arc BR, sans qu'elles se coupent entre BR & ZR, la dent RZ peut être engendrée comme les épicycloïdes, par une courbe qui roulera dans le concave de l'arc RB.

2°. Puisque l'aile QCH du pignon est aussi telle qu'on lui peut mener des perpendiculaires de tous les points de l'arc BQ, sans que ces perpendiculaires se coupent entre QB & QCH; il est clair que l'aile QCH peut aussi être engendrée comme les épicycloïdes, par une

186 Memoires de l'Academie Royale

une courbe qui roulera fur le convexe de l'arc BO.

Mais suivant le Corollaire III. du Théorême précédent, les perpendiculaires tirées de tous les points de l'arc RR à la dent RCZ font égales chacune à chacune, aux perpendiculaires tirées de tous les points de l'arc

BQ à l'aile QCH.

Donc la dent RCZ, & l'aile QCH font engendrées comme les épicycloïdes, par une même courbe qui roulera au dedans de l'arc BR, pour décrire la dent RCZ, & fur le convexe de l'arc BQ pour décrire l'aile QCH.

Ce qu'il falloit déterminer.

COROLLAIRE L

Comme le bout R de la dent, & la naisfance Q de l'aile arriveront ensemble au poins. B, il est évident qu'à cette arrivée, ce sera le bout R de la dent qui menera le point Qde l'aile, & qu'alors le point C se confondra avec les points R & Q dans le même point B, & la perpendiculaire B C qui est le rayon décrivant l'aile & la dent deviendra nul. D'on il suit, comme dans le Corollaire II. du Théorême II. que le point décrivant l'aile & ladent sera le premier point de la courbe génératrice.

COROLLAIRE II.

Donc 1°. la dent RCZ est perpendiculaire sur la circonférence RBN. 2°. L'aile QCH est aussi perpendiculaire sur la circonférence BQM.

COROLLAIRE III.

Donc 19. l'aile QCH doit être convexe:

du côté qu'elle est menée par la dent. 20. Cette aile QCZ. ne saurois être un arc: de cercle : car l'aile devant être perpendiculaire sur la circonférence BQM, si elle étoit circulaire, son centre se trouveroit dans une tangente QX au point Q de la circonférence BQM, & on ne pourroit par conséquent pas tirer des perpendiculaires de tous les points de l'arc QB fur l'aile, ce qui empêcheroit cette aile de pouvoir être engendrée. par un mouvement épicycloidal demandé: pour l'uniformité.

THEOREME VII.

* Si là face R'CZ de la dest de la rone est. une droite tendante au ceutre de la roue, la figure QCH de l'aile sera une épicycloïde qui aura pour courbe génératrice, un cercle dont le diametre sera égal au rayon GB de la roue.

DEMONSTRATION.

Une droite R C Z tendance au centre d'un: cercle, est une épicycloïde qui a pour courbe génératrice, un cercle dont le diametre est égal au rayon B G du cercle dans la circonférence duquel il roule.

Mais l'aile QCH doit avoir la même courbe: 188 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

be génératrice que la dent droite RCZ.

Donc l'aile QCH doit avoir pour courbe génératrice, un cercle qui aura pour diametre le rayon BG de la roue BN, & ce cercle générateur de l'aile doit rouler sur le convexe de l'arc BO.

Donc l'aile QCH est une épicycloïde qui a pour courbe génératrice, un cercle dont le diametre est égal au rayon BG de la roue.

Ce qu'il falloit démontrer.

THEOREME VIII.

* Si la dent de la roue est un suseau insimiment délié, situé en R dans la circonsérence de la roue, la sigure QCH de l'aile sera une épicycloide qui aura pour courbe génératrice, la noue même RBN.

DEMONSTRATION.

Le point R regardé comme épicycloïde, peut être conçu comme engendré par un cercle placé dans le cercle RBN de même diametre, dans lequel il ne peut par conféquent rouler, sans quoi il décriroit plus d'un point.

Donc l'aile QCH qui seroit menée par ce point R, qui représente un sussainment délié, doit aussi être engendrée par un cercle de même diametre que le cercle RBN, ou par le cercle RBN lui-même. Ce qu'il

falloit démontrer.

PR O

PROBLEME II.

* Les dents d'une roue ésant droites & dirigées vers le centre, la distance AG des pivots on centres de la roue & du pignon étant donnée avec le nombre des dents de la roue & le nombre des ailes du pignon, trouver le rayon de la roue & celui du pignon?

SOLUTION:

Soit $\begin{cases} d, \text{ le nombre des dents de la roue.} \\ a, \text{ le nombre des dents du pignon.} \end{cases}$

Le rayon de la roue étant le même que si la roue entrainoit simplement le pignon par sa circonférence, l'on aura

Le rayon BG de la roue $=\frac{AG \times d}{a+d}$.

Le rayon du pignon seroit $\frac{AG \times a}{a+d}$, s'iln'étoit point ailé; mais comme il est plus grand que AB de toute la quantité de l'engrénage, il faut avoir recours au triangle AGC.

L'angle AGC étant connu de $\frac{360}{4}$, la droiste GC, finus de son complément, sera connue; & comme la distance AG des pivots est donnée, le triangle ACG sera parfaitement connu; on connoitra donc le rayon AC du pignon qui restoit à trouver. C.Q.F.T.

. C 0-

COROLLAIRE.

Le rayon AC du pignon étant trouvé, fi l'on en retranche AQ ou $AB = \frac{AG \times a}{a + A}$, le reste fera la quantité de l'engrénage.

ARTICLE III.

Où l'on examine la figure de l'aile, & celle de la dent, dans le cas où la dent rencontre l'aile avant la ligne des centres, & la conduit pardelà la ligne des centres.

*QBH étant un pignon que la roue RBZ entraineroit par sa circonférence, si la dent PRO, qui rencontre l'aile AQR avant la ligne des centres, ne condussoit cette aile que jusqu'à la ligne des centres, on trouveroit par l'Article II. que la dent RO seroit prise dans la roue primitive RBZ, & que l'aile AQR sortiroit du pignon primitif HBQ de toute la quantité QK de l'engrénage qui se fait dans la roue primitive RBZ.

Mais la dent RO doit conduire l'aile par-

Mais la dent RO doit conduire l'aile pardelà la ligne AG des centres; & pour que cette conduite se fasse uniformement, la dent CZ doit sorrir de la roue primitive de toute la quantité de l'engrénage qui se fair

dans le pignon primitif.

Donc, dans le cas où la dent rencontre l'aile avant la ligne des centres, & la conduit au-delà de cette ligne, il faut que les rayons GB, AB, de la roue & du pignon primitifs qui engréneroient infiniment peu, augmentent l'un & l'autre d'une certaine quantité. Et ces augmentations de rayon font telles que, 1°. UK, ou la partie de l'aile qui fort du pignon primitif, & RD, ou la partie de la dent prise au-dedans de la roue primitive, feront tous deux engendrés comme les épicycloïdes par une même courbe qui roulera sur la partie convexe UB du pignon primitif pour décrire la portion UK de l'aile, & qui roulera au-dedans de l'arc UK, pour décrire la portion UK de l'aile, & qui roulera au-dedans de l'arc UK, pour décrire la portion UK de l'aile, & qui roulera fur la partie convexe UK de l'aile, & qui roulera au-dedans de l'arc UK de l'aile, & qui roulera fur la portion UK de la dent, comme nous l'avons fait voir dans l'Article second.

L'autre partie QA, ou HA de l'aile qui est dans le pignon primitif, & l'autre partie RP ou ZC de la dent (laquelle portion de dent sort de la roue primitive) sont engendrées aussi comme les épicycloïdes par une même courbe, qui roulera dans le concave de l'arc HB du pignon primitif pour décrire la portion d'aile HA, qui est dans le pignon primitif, & qui roulera sur le convexe de la circonférence ZB de la roue primitive, pour décrire la portion de dent ZC qui saille hors

la roue primitive.

Chaque face ou côté de dent est donc composée de deux épicycloides, la portion RO est engendrée par une courbe qui a roulé dans la concavité de l'arc RB, & l'autre portion RP est engendrée par le point de la courbe, qu'on a fait rouler sur le convexe RE de la roue primitive.

Chaque face comme AQR des ailes du pignon

192 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

pignon fera aussi composée de deux épicycloïdes, la partie AQ qui est comprise dans le pignon primitif sera engendrée comme les épicycloïdes par le point d'une courbe qu'on fera rouler dans l'arc concave QM, & la portion QK de la même aile sera engendrée par un point de la même, ou d'une autre courbe, qui roulera sur l'arc convexe QBdu pignon primitif.

Quand on aura déterminé l'angle GAQ, compris entre la ligne des centres & la polition AQ de l'aile, lorsqu'elle est rencontrée par la dent avant la ligne des centres, ou quand on aura déterminé l'angle AGR, on trouvera par le Problème II. la quantité QK qu'il faut ajouter au rayon AQ du pignon primitif pour engréner; & l'on trouvera par le Problème I. la quantité RP ou ZC qu'il faut ajouter au rayon GB de la roue primitive pour faire aussi l'engrénage. Le Problème suivant éclaircira cette pratique.

PROBLEME III.

* La distance AG des centres du pignon & de la roue étant donnée avec le nombre des ailes du pignon, & le nombre des dents de la roue, la partie AQ de la face de l'aile, & la portion RO de la face de la dent étant droites, & HQ étant donnée à BQ, comme m est à n, trouver le rayon de la roue & celui du pignon?

Mais

SOLUTION

Soit... de nombre des dents de la roue. On aura { l'angle HAQ ou l'arc $HQ = \frac{360^{\circ}}{6}$. l'angle ZGR ou l'arc $ZR = \frac{360^{\circ}}{6}$. On aura $AB = \frac{AG \times a}{a+1}$ rayon du pignon primitif. $BG = \frac{4G \times a}{2}$ rayonde la roue primitive. Puisque (par hypothese) HQ:BQ::m:n.
On aura aussi ZR:BR::m:n. Ce qui donnera B R ou l'angle $AGR = \frac{ZR \times a}{L}$ = 360° × # Or, on connoit AG, on connoit aussi KG. car c'est le sinus du complément de l'angle AGR: on aura donc tout le triangle AGK, & par conséquent, on aura AK qui est le rayon du pignon. Ce qu'il falloit 1°. trouver.
Il faut maintenant chercher le rayon CG de la roue, puis HQ: BQ:: m: n, on au- $\mathbf{R} \, \mathcal{Q} = \frac{H \, \mathcal{Q} \times \mathbf{u}}{\mathbf{u}} = \frac{\mathbf{z} \, \mathbf{s} \, \mathbf{o}^{*} \, \times \mathbf{w}}{\mathbf{z} \, \mathbf{w}} \, ; \, \& \, \text{comme l'an$ gle $HAQ = \frac{360^{\circ}}{4}$, on sura l'angle $HAC = \frac{360^{\circ}}{4}$ 160° × H = 160° × H - H

... Mém. 1733.

104 MENOIRES DE L'ACADEMIR ROYALE

Mais AG est donné, & AG est facile à trouver, étant le sinus du complément de l'angle CAG, pour un rayon =AB.

Donc, on connoiera par la Trigonométrie le reste du triangle CAG, à par conséquent CG, rayon de la roue sera trouvé. Le qu'il

falloit 20. trouver.

Remarques sur les trois Articles de ce Mémoire.

Quoique le pignon puisse être mené par une roue de trois façons differentes, comme je l'ai expliqué dans les trois Articles qui composent ce Mémoire; ces trois manieres ne sont pas également avantageuses.

Quand une dent de roue rencontre une aile de pignon avant la ligne des centres, pour la conduire jusqu'à cette ligne, ou audelà, la dent & l'aile engrenent de plus en

plus à mesure qu'elles approchent de la ligne des centres, ce qui a deux inconvéniens.

Premierement, la machine se salit plus vite, parce que toutes les ordures sont poussées par la roue vers le fond du pignon, ce qui n'arrive point quand la dent rencontre

l'aile après la ligne des centres.

Secondement, la dent & l'aile ont un frottement rentrant qui les fait arcbouter, plus ou moins, l'une contre l'autre, suivant que le frottement est rude; & ce frottement doit être d'autant plus rude, que toutes les ordures sont possisées vers le fond du pignon, & qu'il ne s'en perd point.

Ces deux inconvéniens qui se trouvent dans la conduite de l'aile par la dent avant

la ligne des centres, font affez confidérables pour faire rejetter cette conduite, quand on

peut faire autrement.

Quand la dent de la roue ne rencontre pas l'aile du pignon avant la ligne des centres, c'est-à-dire, que la dent ne conduit l'aile qu'après la ligne des centres, on a les deux avantages opposés aux inconvéniens qui accompagnent la conduite avant la ligne des centres; 1° les ordures ne restent point dans le pignon, la dent les en retire; 2° le frottement ne se fait qu'en sortant, & il n'y a point par conséquent d'arcboutement de le roue contre le pignon: il y a même un trofseme avantage, c'est que l'engrénage est plus considérable, & par conséquent moins sujet à se perdre; mais ce dernier avantage devient souvent un inconvénient, quand le pignon a trop peu d'ailes, il en est même toujours un dans le pignon de 8 ou 9, & audessous.

L'inconvénient du grand engrénage dans les pignons de 8 ou 0, & au-deffous, est, que la roue ne fauroit engréner dans son pignon, & que la machine ne fauroit par con-

séquent aller.

La méthode de faire mener l'aile par la dent en partie avant la ligne des centres, & en partie après cette ligne, doit avoir nécessairement les inconvéniens de la méthode où l'aile est menée avant la ligne des centres; mais les inconvéniens n'y sont pas si considérables, lorsque la dent menant l'aile en partie avant, & en partie après la ligne des centres, elle prend l'aile plus près de cette

106 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

ligne, que si elle la conduisoit entierement avant la ligne des centres; ce qui fait que la dent & l'aile rentrent moins l'une dans l'autre, rentrent plus parallelement, & rendent par conséquent l'archoutement moins considérable.

Comme de toutes les figures construites à la lime, la plane & la droite est la plus facile à exécuser & à reconnoitre, il semble qu'on la doit présérer aux autres dans l'Horlogerie, quand les pieces la peuvent recevoir; & comme l'aile du pignon la peut recevoir en partie quand elle est menée avant & après la ligne des centres, & qu'elle peut être entierement droite quand elle n'est menée qu'après la ligne des centres, la méthode de faire conduire l'aile uniquement après la ligne des centres a encore l'avantage de permettre à l'aile d'être droite. Mais comme il arrive souvent que la roue ne sauroit engréner dans cette conduite, & qu'il faut savoir reconnoitre cet inconvénient, j'enseigne à le connoitre dans le Problème suivant.

PROBLEME. IV.

Trouver si la roue peut engréner dans le pignon, quand elle conduit le pignon après la ligne des centres seulement?

SOLUTION.

* Ayant trouvé l'angle CGB, par le moyen du triangle AGC, dont nous nous fommes fervis

Fig. 6.

fervis dans le Problème premier; si cet angle CGB est plus petit que la moitié de l'angle BGZ, qui est de 360°, divisé par le nombre des dents de la roue, l'engrénage sera impossible.

Car la dent CZ cessant de mener l'aile AH, l'aile suivant AB & la dent BL arriveront dans la ligne des centres, & les ailes AH, AK, feront des angles égaux avec la ligne des centres.

Mais ZC & BL étant des ailes égales & femblables, on aura ZQ=BT, & par con-

féquent ZGB = QGT.

Donc, si l'angle CGA est plus petit que l'angle $\frac{ZGB}{2}$, il sera aussi plus petit que

l'angle $\frac{QGT}{2}$, & par conféquent on aura

AGL > AGC; & comme GC = GL, il s'ensuit que GL, & par conséquent la dent BL coupera AK, ce qui empêchera l'engrénage.

Ce qu'il falleit trouver:

කරාවේයවයවැඩවැඩවැඩවැඩවැඩවැඩවැඩවැඩවැඩවු

DESCRIPTION ANATOMIQUE

D'UN

MOUTON MONSTRUEUX. ...

Par M. MORAND. *

ACADEMIE a vu tant de conformations monstrueuses en differens ani-13 maux,

* 11 Juillet 1733.

1918 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

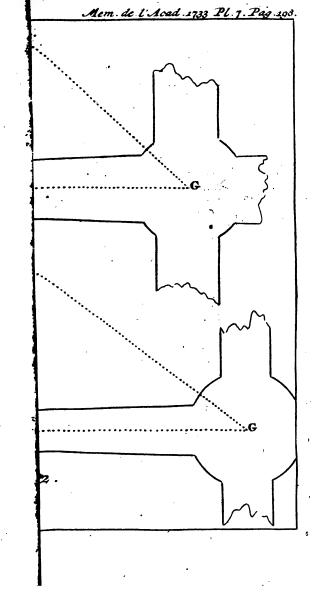
maux, fans celles dont les Auteurs nous onne confervé l'histoire, qu'il est difficile de croire que de nouvelles descriptions de Monstres foient pour elle un objet bien intéressant; cependant elles pourroient avoir leur utilité en Anatomie, si on s'appliquoit à examiner la structure des parties intérieures avec autant d'exactitude, que les singularités apparentes, en faveur desquelles la plupart des Observateurs semblent avoir oublié le reste.

Le Mouton monstrueux dont je vais donner la description, me fut apporté de Chantilly où on le gardoit par curiosité: il étoit grand & fort, & suivant ce que j'ai pu découvrir, il étoit mort de trop d'embonpoint.

Les fingularités qui se présentoient à la vue, consissoient en ce que, 1°. Entre les deux pattes de derriere, il en avoit deux autres moins grosses, composées chacune de cuisse, jambe & pied, pendantes de la partie inférieure du bassin hypogastrique, & tournées dens le même sens que les autres, mais relevées de façon que la plante des deux pieds surnuméraires regardoit la queue. 2°. Il rendoit les matieres du ventre par deux anus, & l'urine par deux verges à la fois. 3°. Il réunissoit en lui les parties génitales de deux Moutons.

Dans l'intérieur du ventre, le canal intestinal étoit fimple depuis le duodenum jusques environ les deux tiers de l'ileon, là il se bifurquoit, & chaque partie du canal intestinal devenue double, faisoit une portion d'ileon, an cœcum, un colon & un rectum, par des

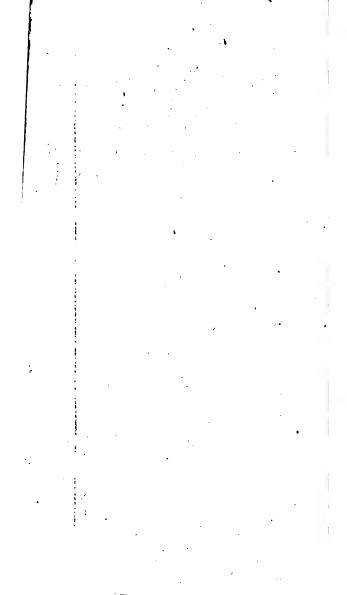
cir-

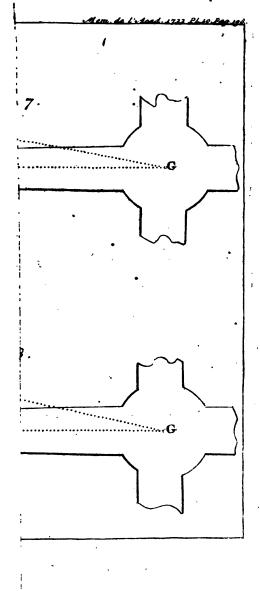




Mem. de l'Acad. 1733 Pl. 8. Pag. 198.

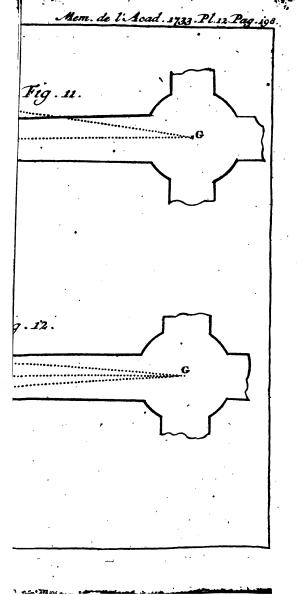


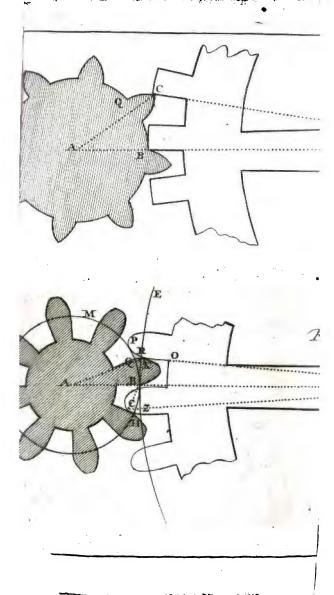


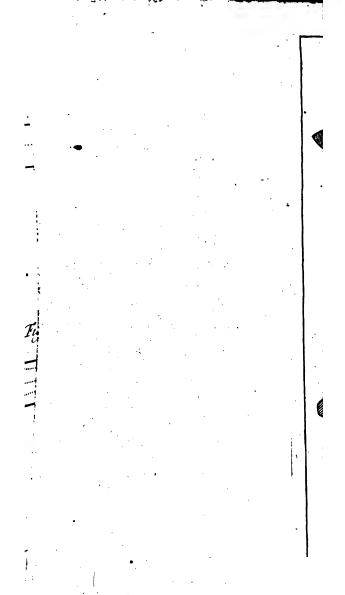


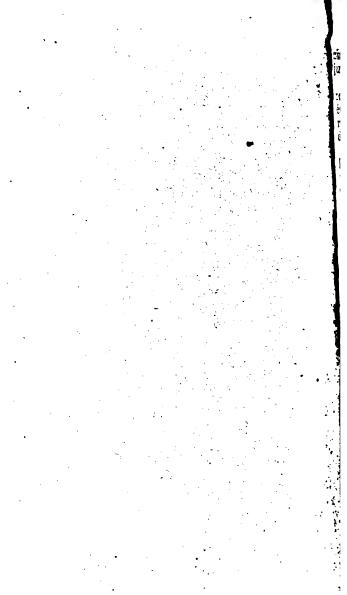


Mem.de l'Acad. 1733 PLU Rag Fig.9. Fig. 10.









circonvolutions d'environ 12 pieds de long

jusqu'à l'anus.

Chacun des anus avoit ses muscles sphincter & relevenrs, & la queue de l'animal qui étoit entre deux ne les couvroit pas entierement, quoiqu'elle fût plus large qu'à l'ordinaire.

Toutes les autres parties destinées soit à la digettion, soit aux filtrations, étoient simples, & n'avoient rien de particulier: c'est pourquoi les ayant enlevées, je ne m'attachai plus qu'à l'examen des parties génitales & urinaires qui étoient doubles en dedans comme en dehors.

Il v avoit quatre reins, dont deux occupoient chacun un côté de la région lombaire, le gauche situé un pouce plus bas que le droit; au-dessous de ceux-là écoient deux autres reins fornuméraires litués sur les faces fatérales de l'os facrum, le gauche très voifin de l'ordinaire du même côcé, le droit un peus echancre, où doit être la partie convexe.

Chacus de ces quatre reins avoit fon uretere, les ureteres des deux reine droits se déchargeoient dans la vessie droite . ceux des deux reins gauches dans la veffie gauche, & chacune des deux veffies avoit à-peu-près la grandeur de la vellie funple d'un Mouson bien conformé. Deux verges paraltelemens Atuées avoient chacume un uretre, leurs corps caverneux, muscles érecteurs & accélérateurs, & une espece de sourreau cutané qui faisoic le prépuce.

Il y avoit quatre resticules, deux fort gros extérieurs, deux plus petits cachés dans 36

200 Memotres de l'Academie Royale

ventre, envelopés d'une expansion du péritoine, qui, faisant une portion de cloison entre les deux, les retenoit dans une capsule particuliere, & les attachoit à la face intérieure de l'os surnuméraire des hanches.

Le canal déférent qui partoit de chacun des testicules extérieurs, suivant la route ordinaire, faisoit une courbure derrière la vessie, & s'ouvroit dans une vésicule séminale; le canal déférent du testicule intérieur dumême côté, dans l'autre vésicule séminale par un chemin plus court.

Pour suivre la distribution des vaisseaux dans les parties doubles que je viens de décrire, il faut les prendre dès le tronc, audessus de leur division en vaisseaux émulgens.

L'aorte donnoit d'abord l'artere émulgente droite, & un pouce plus bas l'émulgente gauche, ensuite se partageoit en deux troncs. l'un plus gros que l'autre. Le premier donnoit les arteres spermatiques des deux testicules extérieurs, plus bas les lombaires & les iliaques; le même trone prolongé perpendiculairement sur l'os facrum, donnoit une artere facrée avec des iliaques & crurales pour les pattes surnuméraires. Le second donnoit les deux arteres émulgentes des deux reins surnuméraires, & les spermatiques des testicules intérieurs.

La veine-cave se partageoit d'abord en deux troncs, l'un plus gros à droite, l'autre plus petit à gauche. Dans le premier, les veines iliaques & crurales, la spermatique droite d'un testicule extérieur, & l'émulgense droite d'un rein ordinaire se jettoient;

dans l'autre la veine facrée, les iliaques & crurales pour les pattes furnuméraires, les spermatiques des deux testicules intérieurs, l'émulgente droite d'un rein surnuméraire, la spermatique gauche d'un testicule extérieur, l'émulgente gauche d'un rein surnuméraire, & l'émulgente gauche d'un rein ordinaire apportoient le sang de ces differentes parties.

Pour contenir tous ces organes sans confusion, & tels que la dissection les présentoit, il falloit dans le bassin de l'hypogastre une cavité plus grande que l'ordinaire; cette augmentation étoit en largeur, au moyen de quoi le bassin avoit une forme oblongue d'un os ilium à l'autre, il étoit composé des os des hanches ordinaires, & d'un os sur numéraire dans l'arrangement que je vais exposer.

Les os des iles dans leur position naturelle, les os ischiums ayant chacun leur trou ovalaire & leur cavité cotyloïde pour l'articulation des grandes cuisses, les os pubis occupant chacun une face laterale de l'os surnuméraire, & celui-ci au centre de la face antérieure du bassin uni par deux symphyses.

aux os pubis.

L'os surnuméraire est une espece d'os des hanches tronqué, auquel l'ilium manque en entier, une portion d'ischium de chaque côté s'unit avec le pubis, fournit un trou ovalaire plus petit que l'ordinaire, & à la partie inférieure de sa jonction avec le pubis, il concourt avec ce dernier à former un cotyle superficiel dans lequel s'enfonce la moitié de

302 Memoires de l'Academie Royale

la tête des petits femurs; enfin à la partie: supérieure de ces deux cavités est une éminence fort saillante en forme de pubis.

Les deux pattes furnuméraires sont de moitié moins longues & moins grosses que les naturelles, elles sont faites de trois parties-& de trois articulations; à celle de l'os de la cuisse avec l'os de la jambe il n'y a point de rotule, mais à la partie inférieure & antérieure du femur, il y a une éminence qui s'éleve entre les deux condyles, & se prolonge

vers la partie interne du même os.

Elles n'avoient par elles-mêmes aucun mouvement ni aucun muscle pour leur en faire exécuter. Cela confirme l'observation qui a été faite dans la plupart des Monstres qui ont des membres surnuméraires; ces membres n'ont point de muscles, & sont faits de parties osseuses au centre, entourées de graisse, & revêtues de peau. Je l'avois déja remarqué dans un Enfant qui avoit une troisseme jambe attachée aux lombes, dans la Fille monstrueuse morte à la Salpétriere en 1719, & dans un Pigeon qui avoit quatre pattes.

Si l'on suppose que le Monstre que j'ai décrit, étoir fait de deux Moutons, on dira que l'un des deux a été totalement aboli depuis la rête jusqu'aux parties doubles, & que ce qui raste appartient à deux Moutons, dont chacun a une grande portien d'ileon, les gros intestins & un anus situé entre une grande & une petite patte, un grand & un petit rein du même côté, une vesse, une vesse, une verse, deux testicules, l'un excerne; & l'autre me terne,

cerne, les vélicules féminales & la proftate, avec l'appareil des vaisseux nécessaires pour soutes ces parties, mais dans un airangement bien remarquable & fans aucure confusion. comme on le voit dans la Figure.

EXPLICATION DES FIGURES...

La première Figure représente les singulanités extérieures.

: La ferond fair vois là plus mande Partici des intérieures.

A A. les deax rectume

BB, les deux anus...

C, la queue.

DD z les deux grands reins ou supérieurs.

EE, les deux petis reins ou inférieurs. FF, les thereres des deux teins droits qui se déchargens dans la vessie

droite G.

PAN . Pesureteres des deux reins gauches qui le déchargent dans la vellie: gauche I. On n'a pas représenté les véficules féminales & la prostate qui accompagnoient chaque: vessie, pour éviter la confusion.

KK, les deux verges avec leurs muscles.

LL, les deux testicules extérieurs.

MM, leurs canaux déférens.

NN, les deux testicules intérieurs.

00, leurs canaux déférens.

P, une grande portion de leur capsules particuliere.

Q, le tronc de l'aorte.

R. fa bifurcation.

BY.

304 Memoires de l'Academie Royale

SS, les arteres émulgentes des reins fupérieurs.

TT, les arteres spermatiques des testicules extérieurs.

VV, les iliaques & crurales pour les grandes pattes.

X, seconde division en iliaques pour les pattes surnuméraires.

YY, les émulgentes des petits reins ou furnuméraires.

ZZ', les spermatiques des testicules intérieurs.

No. 1. le tronc de la veine-cave.

2. sa bifurcation. 3, 3. les veines lombaires.

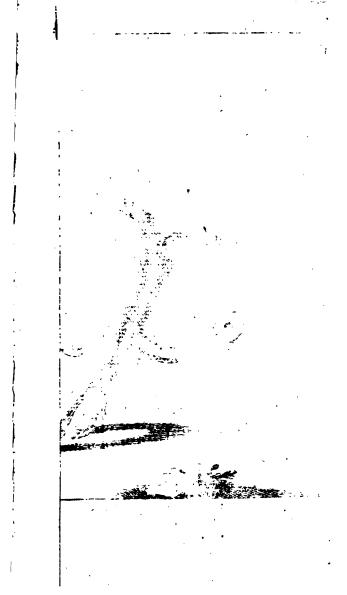
4, 4. les iliaques & crurales des grandes pattes.

5, 5. les émulgentes des reins supénieurs. 6, 6. les spermatiques des testicules ex-

térieurs.
7,7: les émulgentes des petits reins.

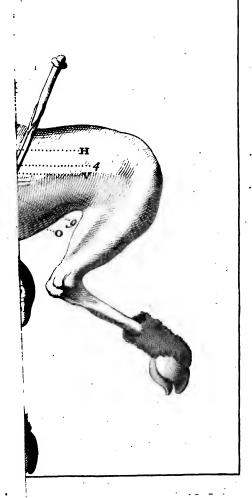
8, 8. les spermatiques des testicules intérieurs.

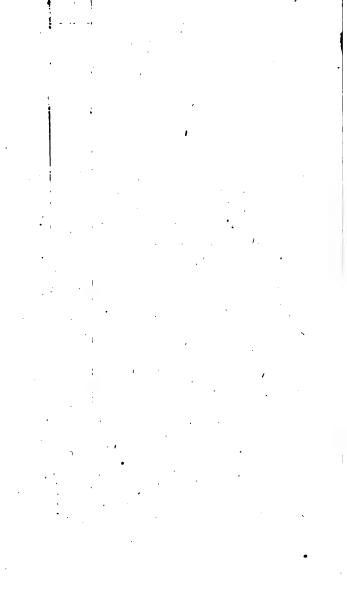
 feconde division en iliaques & crurales pour les pattes surnuméraires.





:





OBSERVATION

DEL'ECLIPSE DU SOLEIL

Faites à l'Observatoire Royal le 13 Mai 1733.

Par M. CASSINI.

TO us avons employé pour l'observation de cette Eclipse, une lunette de 7 pieds qui avoit au foyer commun de ses verres, un Micrometre à réticules, garni de ses fils, dont douze comprenoient exactement l'image du Soleil.

Quoique le Ciel ne fût pas parfaitement ferein, on voyoit affez distinctement l'image

du Soleil.

à 5^h 58^t 56th le Soleil commença à paroitre éclipsé. J'ai jugé que le commencement a dû arriver 15" auparavant, c'est-à-dire, à 5h 58' 40".

6. 3 11 Un doigt d'éclipsé. 7 40 Deux doigts.

12 36 Trois doigts.
17 36 Quatre doigts.
22 11 Cinq doigts.

27 6 Six doigts.

32 22 Sept doigts. 37 26 Huit doigts. 44 36 Neuf doigts.

206 Memotres de l'Academis Royale

à 6^h50' of L'Eclipse paroit de 0 doigts ½, qui: est la plus grande phase qu'on ait apperçue.

57 21 Neuf doigts.
7 5 6 Huit doigts.

Le Soleil s'est caché ensuite dans les nuages qui étoient près de l'horizon, & on a

ceffé de l'appercevoir.

Comme il est difficile de déterminer avec précision le milieu de l'Echipse, par des observations immédiates, à cause que sa quantité ne varie pas alors semblement dans l'espace de quesques minutes, nous y avons employé les observations correspondentes de huit & neuf doigts, faites avant & après.

Entre les deux Phases de hait doiges, il y a eu un intervalle de 27' 40' , dont la moitié 19' 50', étant ajoutée à la premiere, donne

le milieu à 66 51 16"...

Par les deux Phases de neuf deiges, on trouve le milieu à 6^h 50' 58" à 18" près de la détermination précédente qui est présérable, à cause que l'augmentation, de même que la diminution de l'Éclipse, étoit alors plus sentible.

Au commercement de cette Éclipse; & dans les autres Phases jusqu'à la quantité de 6 doigts, le bord de la Lune paroissoit bien reminé, sans aucune inégalité sembles; il a paru ensuite un peu dentelé, ce que j'attribue à l'effet des vapeurs de l'horizon dont il s'approchoit continuellement.

La lumiere du jour a un peu d'initié au sems de la plus grande Ecliple, mais non

pas au point de pouvoir discerner les Étoiles les plus brillantes.

ක්රාවරාවය දෙවෙරුදෙවෙයුවා යුතු ක්රාවරාවේ අවශ්ය අවශ්ය

OBSERVATION

DEL'ECLIPSE DE SOLEIL

Faites à Paris le 13 Mai 1733,

Par M. Godin. *

E Ciel qui avoit été un peu couvert aprèsmidi du 13, devint plus net vers le tems que l'Eclipse devoit commencer : je me préparai à l'observer avec une Lunette de 5 pieds garnie d'un Micrometre: j'avois outre cela monté une autre Lunette de 7 pieds garnie de deux Verres convexes, à laquelle j'avois ajusté un tambour de papier builé, sur lequel j'avois tracé un cerele qui comprenoit l'image du Soleil; j'en avois tracé cinq autres concentriques, qui partageoienten doigts l'image du Soleil reque sur ce tambour.

Le diametre du Soleil mesure à midi par la difference de hauseur de ses bords & par le Micrometre, sut trouvé de 31', 50" par la premiere méthode, & de 1799 à parties par la seconde méthode, lesquelles valent 31', 51", ce qui donnoit 150 parties du Micrometre pour 1 doigt. En employant le Micrometre, voici les phases que j'ai observées, marquees

an tems vrai.

MOS MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

A	5 ^b	58 '	37	" Co	omn	neno	ceme	ent (de l'Eclipfe oigt 36!	
•	Ğ.	б	7	Pa	rtie	écl	ipſé	e 1d	oigt 36'	
									Ĭб	
•		1.1.	5 3	•••	• • •	• • •	٠	· 2-	<i>5</i> €	
••								3	47	
•	•	2 I	52	• •	•••	• •	• • •	4	58.	
							• •		34	
		28	8	• •	ه به		• •	σ,	12.	
*							• •		39	
		38	47	• •	• •	• ,•	• •	8	Ø	
		40	53	• •	• •	• •	• •	8	32	
		•-	•				• •	_	20	
							• •		48	
•	7						• •		15	
:		δ.	57	• •	• •	• •	• • •	7.	30	

Voici d'autres phases qui furent prises avec: La Lunette de sept pieds.

Tems viai doigts	écliplés
бh 12 22 3d	O ⁴
16 42 4	0.
20 42 4	45
23 15 5	15
24 47 5	30.
27 38 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	ō
28 48 6	20.
32 18 7	Ο,
40 43 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	30

A 7^h 7^h environ le Soleil se cacha derriere un nuage qui bordoit l'horizon, & l'on ne pur rien observer davantage.

put rien observer davantage.

Cette Eclipse a été de 9 doigts 20, je ne l'ai pas trouvée plus grande, quoique j'y aye fait beaucoup d'attention; cependant je crois

qu'il est impossible de s'assurer de ces sortes de grandeurs, à 4 ou 5 minutes près, dans une Eclipse de Soleil, à cause de la difficulté de les mesurer dans une ligne oblique à celle du mouvement diurne, ce qui fair que la quantité de l'Eclipse ou de la partie claire comprise entre deux sils n'y reste qu'un instant, & ne permet pas de s'en assurer, comme on le peut faire dans l'observation des diametres des Planetes que l'on prend à leur passage par le Méridien.

OBSERVATION DEL'ECLIPSE DE SOLEIL

du 13 Mai 1733.

Par M. GRANDIKAN. *

Ar observé cette Eclipse avec une Lunette de 8 pieds, à laquelle j'avois adapté perpendiculairement à son axe une Tablette blanche, qui portoit un Cercle divisé par 5 circonférences concentriques en 12 doigts, auquel je faisois couvenir l'image du Soleil transmise par la Lunette.

De plus, je mesurois sur la même image la grandeur de la partie claire avec un Compas à pointes très sines, & je les portois sur un excellent Compas de proportion, que j'avois ouvert de maniere que le diametre de l'image sût compris de 60 en 60, asin d'avoir le nom-

210 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE nombre des 60mes parties du diametre qu'elle contenoit.

Je me suis servi, pour observer le com-mencement de cette Eclipse, d'une Lunette d'environ 14 pieds. Voici le résultat des ob-

fervations.

_			Tems vrai.
Commencement de	l'Eclipse		5h 58' 42"
,	. •		

Par les Cercles tracés sur la Tablette.

1 doigt																	
2	٠	•	•	•	•	•	•-			•	•		•	•	Q	7	19
3.																12	
4	•	•	•	•	•	•	•	•	٠.	•	•	è	•	•	Q	16	58
5																	5G
б																	37
7:																	12
8																38	
9																	12
9	•	•	.•	•	•	•	•	-	4	•	•	•	٠	•	6	\$ 6	4T
8	٠	-		٠	•	•	•	•	•	•	•	•	. •	-	7	. 4	15
7	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	٠	7	12	12

Par les mesures prises avec le Compus de proportion.

Quantit odois	é de l'Eclipi ets 26'	e. Parti	e claici	i.		ďδ	T A1	97*
5		_	30					
δ,	12		48		•	. 6	28.	28
7	12	• 4:						22
8	36							32.
9	12	. 2	40	• •	•	. 0	49	43

Par la phase de 9 doigts on trouve le milieu de l'Eclipse à 6^h 50' 50", par celle de 8 doigts, à 6^h 51' 13"; prenant donc un milieu

entre ces deux observations, on aura le mi-

Je ne me lers point ici de la phase de 7 doigts, parce que le Soleil étant entré dès 7^h 7^e dans des nuages qui bordoient l'horizon, l'obfervation de la phase décroissante n'à puêtre faite avec la même exactitude que les autres.

්රියිට් දුරුවේ දැවැවැතිවර වෙන්වේ අත්වර් වෙන්වේ වෙන්වේ වෙන්වේ අත්වර් වෙන්වේ වෙන්වේ වෙන්වේ වෙන්වේ වෙන්වේ වෙන්වේ

SUR LA FIGURE DE LA TERRE,

Es sur les moyens que l'Astronomie & la Géographie fournissent pour la déterminer.

Par M. DE MAUPERTUIS.

E n'est que depuis le Voyage de M. Richer à la Cayenne, fait en 1672, qu'on a cru que la Terre n'avoit point cette sphéricité que tous les Astronomes & Géographes lui avoient jusques là attribuée. La découverte du raccourcissement du pendule vers l'Equateur, nécessaire pour que ses oscillations y soient de même durée qu'à Paris, fit appercevoir une chose à laquelle on n'avoit point encore pensé, quoiqu'elle fût assez na-turelle; c'est que la Terre tournant sur son axe , chacune de ses parties acquéroit par cemouvement une force centrifuge, d'autant plus grande qu'elle se trouvoit plus près de l'Equateur, & que cette force devoit diminuer la pesanteur d'un même corps, d'autant plus qu'il se trouvoit plus près de l'Équateur. La force centrifuge, & ses effets surent calculés

culés par M. Huigens; il fit voir que sous l'Equateur, elle étoit la 280° partie de la pefanteur, & détermina la figure que cette force, combinée avec la pesanteur, avoit dû donner à la Terre, en supposant que toutes ses parties pesoient uniformement vers un centre, & qu'elles étoient disposées comme si la Terre étoit fluide, ou du moins l'eût été d'abord. La figure que M. Huigens détermina, sut celle d'un Sphéroïde applati vers les poles, dont l'axe seroit au diametre de l'Equateur, comme 577 à 578.

l'Equateur, comme 577 à 578.

M. Newton regardant la pesanteur comme une Attraction réciproque des parties de la matiere, a déterminé pour la Terre une autre figure. C'est encore un Sphérorde applati vers les poles, mais dont le diametre de l'Equateur est à l'axe, comme 230 à 229, & le surpasse d'environ 34 milles; en supposant que la Terre soit formée d'une matiere

homogene & fluide.

Toutes ces figures applaties demandent que les degrés de latitude aillent en croissant, de l'Equateur vers les poles, c'est à dire, que les parties d'un même Méridien, parcourues pour élever un degré en latitude, deviennent d'autant plus longues, qu'on s'approche plus du pole. Cependant, lorsque M. Cassini (dans le Livre de la Grandeur & de la Figure de la Terre) a déterminé le Méridien qui traverse la France, il a trouvé ces degrés de latitude décroissans de l'Equateur vers les poles: ce qui suppose, comme il est facile de le voir, une sigure à la Terre, toute differente de celles que M. Huigens & Newton

kui donnent. En effet, si les degrés de latitude vont en diminuant de l'Equateur vers les poles, la Terre est un Sphéroïde allongé vers les poles; & M. Cassini donne à la Terre, la figure d'un Ellipsoïde, dont l'axe seroit de 6579368 toises, & le diametre de l'Equateur de 6510796, plus petit que l'axe de 68572 toises, ou de 34 lieues.

On trouve dans les Mémoires de l'Académie de 1720, une Dissertation de M. de Mairan, dans laquelle il s'est proposé de concilier cette figure d'un Sphérorde allongé, avec les loix de la Statique. M. Desaguliers, de son côté, dans les Transactions philosophiques de 1725, No. 386, 387 & 388, a soutenu l'impossibilité d'un tel Sphérorde, & a prétendu que les observations par lesquelles on avoit conclu cette differente longueur des degrés du Méridien, n'avoient point l'exactitude dont on auroit besoin pour prouver l'allongement que M. Cassini donne à la Terre vers les poles.

Rien ne feroit si commode que le parti que propose * M. Poleni, dans sa Lettre au P. Grandi. Il regarde cette affaire comme une espece de procès, dans lequel chaque partie ayant ses prétentions, on tâcheroit de les accorder. Les uns prétendent le Sphéroide allongé, les autres applati, il n'y a qu'à le prendre pour une Sphere, qui est la figure qui s'éloigne le moins de chacune des autres. Itaque, dit-il, usque co dum lis sub judice est, & alii dantes Telluri figuram Spharoidis versus polos chlances.

a Epift. Mach, Fafeicul,

214 Memoires de l'Academie Royale

gata, Meridianorum gradus ab equatore circulo progrediendo ad polos, magnitudine minui; alsi vero contraria prorsus ratione Spheroidis depresse sub polis formam Terra tribuentes, gradus ab equatore circulo progrediendo ad polos magnitudine augeri volunt: nonne tutius videripotest tueri etiamuum Telluri Sphericam formam? atque ita eam propositionem ponere que ab utraque ex modo allatis sententiis minus bercle distabit, quam distent sententia illa interse?

Si l'une des deux figures differoit assez de l'autre pour apporter des differences de quelque conséquence dans nos Mappemondes à la fituation des Terres & des Mers, le confeil seroit bon pour ceux qui entreprennent de longues navigations; mais pour les Philosophes & les Mathématiciens, je ne crois pas qu'ils s'en doivent contenter. Aussi M. Poleni ne s'en tient-il pas là, & nous donne des vues ingénieuses pour décider cette question.

Comme la petitesse des differences que Mr. Cassini & Maraldi trouvent entre les differens degrés du Méridien, a fait penser que ces observations étoient incompétentes pour décider si la Terre est allongée ou applatie, M. Poleni cherche à en juger par des quantités plus considerables. Et supposant deux Sphéroïdes, l'un allongé vers les poles, tel que M. Cassini le détermine, l'autre applati, tel que M. Newton l'a déterminé, il trouve que pour la latitude de 48 degrés, un degré d'un cercle parallele à l'Equateur seroit de 37769 toises pour le premier Sphéroïde, & un degré d'un parallele à l'Equateur de la ma.

même latitude, seroit pour le second Sphéroïde de 38540 toises, qui diffère du premier de 777 toises; difference beaucoup plus considerable que celle de 31 toises, qu'on a trouvée entre deux differens degrés pris sur le même Méridien; mais qui suppose, pour être utile, qu'on connoisse assez exactement la longitude des points qui terminent l'arc

du parallele.

Je n'examine plus ici quelle figure les loix de la Statique ont dû donner à la Terre, supposée fluide & homogene. J'ai dit sur cela ce que je pensois dans le Livre de la Figure des Astres, ou j'ai démontré que la figure applatie n'est pas seulement attachée aux hypotheses particulieres d'une pesanteur uniforme vers un centre, comme M. Huigens la considere, ni à une pesanteur dépendante de l'attraction mutuelle des parties de la matiere, comme M. Newton l'établit; mais que dans quelque hypothese que ce soit, d'une pesanteur qui se fasse vers un centre, fuivant la proportion de quelque puissance de la distance au centre, le Sphéroide seroit toujours applati, foit que l'on prît des hy-potheses où la pesanteur croitroit, ou des hypotheses où elle diminueroit en s'éloignant du centre. J'ai donné les figures des Sphéror-des dans toutes ces hypotheses, & les bornes des plus grands applatissemens possibles dans chacune.

J'abandonne ici tout ce qu'on pourroit determiner à priori sur la figure de la Terre-Je me réduis à considerer la question de fait à de à proposer differens moyens Astronomiques

\$16 Memoires de l'Academie Royale

& Géométriques, dont on pourroit se servir pour juger si la Terre est allongée ou appla-

tie vers les poles.

L'Astronomie nous donne par les observations la latitude & la longitude des lieux, & la Géographie nous donne des distances prises sur la Terre, qui se peuvent mesurer sur le Méridien, ou sur les cercles paralleles à l'Equateur. C'est par ces differens Elémens qu'on veut déterminer ici, si la Terre est allongée ou applatie; & pour rendre la chose plus simple, on considere la Terre comme un Ellipsoide, & l'on cherche à déterminer si cet Ellipsorde est allongé ou applati; parce que les conclusions auxquelles on parviendra, soit pour l'allongement, soit pour l'applatissement, subsisseront toujours quelle que soit la courbe, dont la révolution autour de l'axe auroit formé la Terre, pourvu que la courbure de cette courbe depuis l'Equateur au pole aille toujours en augmentant, ou en diminuant, & que la difference de l'axe au dia-metre de l'Equateur ne foit pas confidérable.

Je me suis donc proposé les Problèmes suivans, dans lesquels je cherche la figure de l'Ellipsorde terrestre, par les conditions tirées de la latitude, de la longitude, & des mesures actuelles qui la déterminent, quoique je sente assez que ces moyens sont peu susceptibles de l'exactitude qui seroit nécessaire.

C'est à ceux qui en voudront faire usage, à choisir ceux qui paroitront les plus praticables, & à voir si les bornes de la grandeur & de la justesse des instrumens, & de l'adresse à observer, permettent d'en tirer des conclu-

fions'

fions affurées. Ces conclusions seroient sans doute plus fortes, si plusieurs de des moyens comparés ensemble les confirmoient. Ensin, devroit-on trouver ces moyens insuffisans, ce seroit toujours pour la question une chose utile, que d'avoir bien connu leur insuffisance.

Pour réduire la chose à la pure Géométrie, il faut observer que la latitude sur un Sphéroïde, donne l'inclinaison du Méridien à l'axe, où (prenant les x fur l'axe, autour duquel se fait la révolution, & les y porpendiculaires à cet axe) l'observation de la latitude donne le rapport de dx à dy dans le lieu où elle est faite; car le rayon est à la tangente de la latitude, comme dx à dy. L'observation de la latitude dans un lieu, donne donc l'inclinaison du Méridien dans ce lieu; & la difference entre deux latitudes voisines, prises sur un même Méridien, donne avec le petit arc du Méridien, la courbure du Méridien dans ce point, ou son rayon de la dévelopée, car la difference de deux latitudes voisines donne l'angle de contingence du Méridien, & l'angle de contingence du Méridien, avec la longueur du petit arc du Méridien, donne le rayon de la dévelopée. Cela posé:

Deux mesures d'un degré ou d'un certainnombre de degrés, prises sur des cercles paralleles, dont on connoit la latitude, déter-

minent l'Elliploide.

Deux courbures du Méridien à deux latitu-

des données, déterminent l'Ellipsorde.

Une seule mesure actuelle d'un degré, ou d'un certain nombre de degrés, prise sur un Mém. 1733. K pa-

218. MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

parallele, dont la latitude est connue avec la courbure du Méridien dans ce lieu, déter-

mine l'Ellipsoïde.

Enfin, deux mesures actuelles prises sur le Méridien avec les differences en latitude qui répondent à chacune, déterminent l'Ellipsorde.

PROBLEME I.

La Terre étant supposée un Ellipsoide soit allongé, soit applati, trouver la relation entre la latitude, l'axe, le diametre de l'Equateur, & le diametre du parallele?

SOLUT. Soit R NEp un Méridien de l'Ellipsoïde, auquel ayant tiré la perpendiculaire NK, NKE est l'angle de la latitude. Soit le diametre de l'Equateur CE=e, le demi-axe CP=a, le demi-diametre du parallele MQ=y, & CQ=x. Et l'angle NKE, tel que sa tangente = n, le rayon étant = 1, c'est-à-dire, tel que KI:IM::1:n

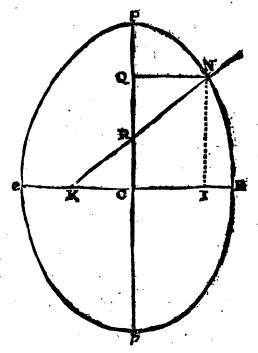
Maintenant l'équation de l'Ellipse est xx=as

 $-\frac{au\gamma}{\epsilon z}$, d'où l'on tire $dx = \frac{a\gamma d\gamma}{\epsilon V(\epsilon \epsilon - \gamma \gamma)}$. Or MK étant perpendiculaire à la courbe,

l'on a Kl: IN, ou I:n:: dx:dy:: ay

I. D'où l'on tire nay = e \(\lambda(ee-yy)\).

Trois des quantités n, a, e, y, étant déterminées, l'on a la 4me par cette équation. Si, par exemple, on connoit le diametre de l'Equateur, le diametre du parallele, (ou un degré de l'Equateur, & un degré du parallele, qui sont proportionnels à leur cercles), &



la latitude, on détermine l'axe par cette de quation, qui donne = ex(ee 77)

a fera donc plus grand que $e, \frac{1}{2}\sqrt{(ee^2-yy)}$ > ny, ou ee-yy>nnyy, ou (nn+1)yy < ee, ou $y < \frac{e}{\sqrt{(1+nn)}}$. Si $y = \frac{e}{\sqrt{(1+nn)}}$, $e = e, \frac{1}{2}$. l'Ellipforde est un globe; & $f(y) > \frac{e}{\sqrt{(1+nn)}}$? Ellipforde est applati.

Memoires de l'Academie Royale

D'où l'on voit que si l'on connoissoit un degré de l'Equateur, & que l'on eût assez exactement un degré de quelque parallele dont la latitude sût connue, il feroit facile de voir si la Terre est allongée ou applatie vers les poles, & l'on verroit aussi facilement si la difference qui se trouveroit seroit assez grande pour surpasser tout ce qui peut résulter d'erreur dans les observations.

On n'a jamais encore mesuré actuellement un degré de l'Equateur, & nous manquerons peut-être encore longtems de cette mesure. On y peut suppléer, si l'on avoit la mesure actuelle d'un degré de deux differens paralleles dont la latitude seroit connue; pour cela il les faudroit choisir les plus éloignés que

l'on pût, & procéder ainsi.

PROBLEME IL

Connoissant la lonzueur d'un degré de longitude sur deux differens paralleles dont la latitude est connue, trouver la figure de l'Ellipsoide?

Solut. Dans l'équation $nay = e \sqrt{(ee - yy)}$ trouvée comme dans le Problème précèdent, il l'on substitue pour y sa valeur t trouvée en tosses par observation dans le lieu dont la latitude est déterminée par n, & dans une autre équation $Nay = e \sqrt{(ee - yy)}$ pour y sa valeur T trouvée en tosses dans le lieu dont la latitude est déterminée par N, l'on a $nat = e \sqrt{(ee - tt)}$ & $NaT = e \sqrt{(ee - TT)}$.

Done
$$\frac{eV(ee-tt)}{nt} = \frac{eV(ee-TT)}{NT}$$
, ou

NNeeTT(ee-tt) = meett(ee-TT), ou NNTTee-NMTTtt=mettee-nnTTtt.

D'où l'on tire $ee = \frac{NNTTtt=nnTTtt}{NNTT-nntt}$ ou $e = \frac{TtV(NN-nn)}{V(NNTT-nntt)}$, qui est le rayon de l'Equateur.

Pour déterminer l'axe, on substituera cette valeur de e dans l'une des deux équations précédentes, & l'on trouve $nat = \frac{TtV(NN-nn)}{V(NNTT-nntt)}$ ou NNTT-nntt = nnTTtt ou $nat = \frac{TV(NN-nn)}{NNTT-nntt} \times V(nntt-nnTTtt)$, ou $nat = \frac{TV(NN-nn)}{NNTT-nntt} \times V(nntt-nnTTtt)$, ou $nat = \frac{TV(NN-nn)}{NNTT-nntt} \times V(nntt-nnTTtt)$, qui

PROBLEME III.

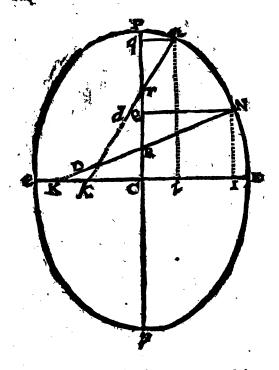
est l'axe de l'Ellipsoïde.

Connoissant la courbure du Méridien de l'Ellipsoide dans deux points, dont la latitude est connue, déterminer l'Ellipsoide?

Le Problème se réduit à trouver les axes d'une Ellipse PNEp qui ait deux rayons de la dévelopée ND; nd, donnés pour deux points N, & n où l'inclination de l'Ellipse à son axe est donnée.

Soit donc le demi-parametre de l'Ellipfe =P, CQ=x, QN=y; le rayon de la dévelopée ND=R, lorsque KI:IN::::N, ou KI:KN::::M, ou Ax:A:::::M. Le K:M::M.

Memoires de l'Academie Royale.



myon de la dévelopée nd=r, lorsque dx: dy:: 1; n, ou dx:ds:: 1:m. Le demiaxe PC=A.

Dans l'Ellipse le rayon de la dévelopée est égal au cube de la perpendiculaire, divisé par le quarré du demi-parametre. On a donc

$$ND = \frac{NR^3}{p^2}, \text{ ou } \frac{NR^3}{p^2} = \frac{NQ^3 \times ds^3}{p^2 \times ds^3} = \frac{NO \times NQ^3}{p^2}$$

$$= R;$$

=R; d'où l'on tire $NQ = \frac{R^{\frac{2}{3}}R^{\frac{1}{3}}}{M}$; & l'on aura de même $\pi q = \frac{P^{\frac{2}{3}}\tau^{\frac{1}{3}}}{m}$.

Maintenant l'équation de l'Ellipse est Ayy $=PAA-Pxx, \text{ ou } dx:dy:: \frac{A}{P}y:V(AA)$ $=\frac{A}{P}yy), \text{ qui pour les deux points } \hat{N} & w$ $=\frac{A}{P}yy + \frac{A}{P}\frac{1}{M} \cdot V(AA - \frac{A}{P}\frac{P^{\frac{4}{3}}}{PMM});$

ou $\frac{NNAAR^{\frac{1}{4}}}{MMP^{\frac{1}{4}}} = \frac{MMAA - P^{\frac{1}{4}}R^{\frac{1}{4}}A}{MM}$, ou $NNAR^{\frac{1}{4}}$

 $= MM\Lambda P^{\frac{3}{7}} - PR^{\frac{1}{7}}.$

Et par un raisonnement semblable, on a pour le point s

pour le point u $un A r^{\frac{2}{3}} = m \cdot m A P^{\frac{2}{3}} - P r^{\frac{2}{3}}$ On tire de la 1^{re} de ces équations $A = \frac{P R^{\frac{2}{3}}}{MM P^{\frac{2}{3}} - NN R^{\frac{2}{3}}}, & de la 2^{de}$ $A = \frac{P r^{\frac{2}{3}}}{m n P^{\frac{2}{3}} - n n r^{\frac{2}{3}}}; d'où l'on 2 m m P^{\frac{2}{3}} R^{\frac{2}{3}}$ $= n n R^{\frac{2}{3}} r^{\frac{2}{3}} = M M P^{\frac{2}{3}} r^{\frac{2}{3}} - NN R^{\frac{2}{3}} r^{\frac{2}{3}}, ou$ $= n n R^{\frac{2}{3}} r^{\frac{2}{3}} = M M P^{\frac{2}{3}} r^{\frac{2}{3}} - NN R^{\frac{2}{3}} r^{\frac{2}{3}}, ou$

224 Memoires de l'Academie Royale

$$P^{\frac{2}{3}} = \frac{NNR^{\frac{2}{3}}r^{\frac{2}{3}} - unR^{\frac{2}{3}}r^{\frac{2}{3}}}{MMr^{\frac{2}{3}} - unR^{\frac{2}{3}}}, &$$

$$P = \frac{Rr(NN - \pi\pi)^{\frac{3}{2}}}{(MMr^{\frac{3}{2}} - \pi\pi R^{\frac{3}{2}})^{\frac{1}{2}}}.$$

Et remettant cette valeur P dans une des équations précédentes, on aura

$$A = \frac{Rr(NN - nn)^{\frac{1}{2}}}{(MMr^{\frac{2}{3}} - mnR^{\frac{1}{3}})^{\frac{3}{2}}} \times K^{\frac{2}{3}}$$

$$MM(\frac{NNR^{\frac{2}{3}}r^{\frac{2}{3}}-nnR^{\frac{2}{3}}r^{\frac{2}{3}}}{MMr^{\frac{2}{3}}-mmR^{\frac{2}{3}}})-NNR^{\frac{2}{3}}, \text{ ou } A=R$$

 $\times r (NN \rightarrow nn)^{\frac{1}{2}} : (MMr^{\frac{2}{3}} - mmR^{\frac{2}{3}})^{\frac{1}{2}}$

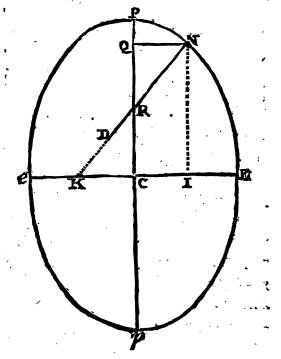
 \times (mm N N $R^{\frac{2}{3}}$ – M M π π $r^{\frac{4}{3}}$). Ayant le de-mi-axe, & le demi-parametre, on a l'Ellipsorde.

PROBLEME IV.

La Terre étant supposée un Ellipsoide, si l'on a la mesure actuelle d'un parallele que conque, dont la latitude est connue, & la courbure du Méridien dans le lieu où il coupe le parallele, déterminer la figure de l'Ellipsoide?

Ce Problème se réduit à ceci, le Méridien de la Terre étant une Ellipse, trouver l'Ellipse décrite autour d'un axe donné de position qui passe par un point donné Noù elle touche une droite donnée de position, & où elle à le rayon de la dévelopée égal à une quantité donnée?

S o-



SOLUT. Soit l'Ellipse PNEp, dont l'axe Pp est donné de position; qui pour une ordonnée QN donnée de grandeur perpendiculaire à Faxe, ait une inclinaison donnée à cet axe, & qui, au point N, ait le rayon de la dévelopée ND, donné de grandeur, comme il l'est déja de position.

Soit le demi-axe P C inconnu, & = 1;

fon K s

226 Memoires de l'Academie Royahe

fon demi-parametre inconnu aussi, &= P, l'ordonnée NQ=b, lorsque dx est à dy, comme 1 à m; le rayon de la dévelopée dans ce point ND donné, &=n; enfin CQ=x, & QN=y.

On a 1.1/(mm+1):: b. NR=b / (mm+1), & par par la propriété de l'Ellipse, le rayon de la dévelopée est égal au cube de la perpendiculaire, divisé par le quarré du demi-

parametre. L'on a donc $ND = \frac{NR^2}{PP}$, ou

 $\frac{k^{2}(nn+1)^{\frac{3}{2}}}{RR} = r; d'où l'on tire pour le demi-$

parametre de l'axe P_p , $P = \frac{1}{k^2(nn+1)^2}$

On a de plus pour l'équation de l'Ellipse.

Ayy=P AA-P xx, ou $dx = \frac{A}{P}ydy$: V(AA) $= \frac{A}{P}yy$). Et (lorsque dx. dy:: 1. n, & g = b) $1 = \frac{nA}{P}b$: $V(AA - \frac{A}{P}bb)$, ou $AAPP - APbb = nnA^2bb$, ou APP = nnAbb = Pbb, ou $A = \frac{Pbb}{PP - nnbb}$.

Substituant la valeur de P, trouvée ci-desfus, dans cette équation, l'on a pour la lon-

guour du demi-axe, $A = \frac{b^2(\pi\pi + 1)^{\frac{1}{4}}r^{-\frac{1}{2}bb}}{b^2(\pi\pi + 1)^2r^{-\frac{1}{2}} - \pi abb}$

$$an A = \frac{b^{\frac{1}{2}}}{P^{\frac{1}{2}}} \times \frac{(nn+1)^{\frac{1}{2}}}{bn^{-\frac{1}{2}}(nn+1)^{\frac{1}{2}} - nn}$$

$$= \frac{\frac{2}{b^2(n\pi+1)}}{b(n\pi+1)^{\frac{3}{2}}-n\pi r}, & \text{ pour l'autre demis}$$
 axe CE , ou le rayon de l'Equateur

$$CE = \frac{b^{\frac{1}{2}}(\pi\pi + 1)^{\frac{1}{2}}}{\nu(b(\pi\pi + 1)^{\frac{1}{2}} - \pi\pi r)}.$$

PROBLEME V.

Connoissant deux ares du Méridien, avec les latitudes des points qui les terminent, détermines PEllipsoide?

Les latitudes donnent les ordonnées qui répondent aux arcs dont on a les mesures; & l'on a la valeur de chaque arc par une suite infinie où il n'entre que des grandeurs données avec les deux axes de l'Ellipse qu'on: cherche. Faisant donc chacune de ces expressions des arcs, égales à chacune des me-fures qu'on a prises actuellement sur le Méridien, on aura deux équations par lesquelles on pourra déterminer les deux axes de l'Ellipfe.

Comme le calcul n'est pas difficile à concevoir, & qu'il est long & pénible à pratiquer,

ie ne le donne point.

කෆ දරුවේ. පරාවේ. පට පටා වූදා, සයාවෙන් සයා පයාවෙන්වෙන්

ESSAIS

Sur le volume qui résulte de ceux de deux liqueurs mêlées ensemble; ou savoir si deux liqueurs mêlées ensemble ont un volume égal à la Fomme des volumes qu'elles avoient prises séparément, ou si elles en ont un plus grand ou un plus petit que la somme des deux premiers.

Par M. DE REAUMUR.

NE mesure de balles de plomb, & une égale mesure de grains de plomb, extrêmement fins, mêlées ensemble, ne rempliront pas à béaucoup près une mesure égale en capacité aux deux que les balles & les grains de plomb remplissoient séparément. Les petits grains occuperont dans le second cas des espaces entre les balles, qui étoient vuides dans le premier cas. L'espace occupé par les grains ainsi mêlés sera d'autant moindre, que les grains seront plus petits. Les molécules des liqueurs peuvent, sous quelques égards, être regardées comme des grains d'une indéfinie, ou d'une prodigieuse peti-tesse; aussi si on verse de l'eau ou quelque autre liqueur dans un vase déja autant rempli de fable, de cendre, ou de quelque autre poudre, qu'il le peut être, on y fera entrer une quantité d'eau considerable par rapport à la capacité de ce vase. Les grains de poudre ont beau être pressés les uns contre les autres, leur figure & leur dureté conservent entre cux des vuides que l'eau peut occuper.

Nous voyons donc assez ce qui doit arriver, lorsqu'on mêle ensemble des grains solides de differens diametres, & lorsqu'on arrose d'eau des masses de grains solides. Nous voyons de même que si de l'eau est introduite dans du bois, du cuir, du papier, le volume de ces corps peut être augmenté, mais qu'il ne le doit pas être de toute la quantité introduite.

Mais si nous mélons ensemble differentes liqueurs, quel fera le volume des liqueurs mèlées ? quel rapport aura t-il avec ceux qu'elles avoient auparavant, & cela felon que ces liqueurs auront de la disposition ou de l'éloignement à se mêler ensemble; par exemple, qu'arrivera t-il si on mêle de l'eau avec de l'esprit de vin, de l'eau avec de l'huile? C'est co qu'on n'a pas cherché jusqu'ici à examiner, que je sache, & qui méritoit pourtant qu'on l'examinat par rapport à l'explication de divers-phénomenes de Physique. Peut être n'a t-on pas cru qu'il y eût fur cela d'examen à faire: on a regardé les parties des liquides comme aussi contiguës qu'il est possible de l'être; ou si on a imaginé entre elles des espaces, on ne paroit pas avoir pensé que ces cspaces fussent capables de recevoir des parties de quelque autre liquide. Des Physiciens pourtant ont donné des pores à l'eau, ils ont même cru que c'étoit dans ces pores que se logeoient les sels dissous; qu'il falloit avoit recours à ces pores pour expliquer la sufpenfions

230 Memoires de l'Academie Royale

pension des sels dissous, & pour expliquer comment il arrive que l'introduction de cesfels n'augmente pas, autant qu'on s'y attendroit, le volume de l'eauz mais on n'a pas
eu besoin de cette supposition pour expliquer
ce qui se passe dans le mèlange de deux liquides par rapport au volume, on n'a pas su
qu'il y est dans ce cas rien à expliquer.
Voyons pourtant s'il ne s'y passe rien qui
mérite attention, & pour nous fixer d'abord
à un exemple, mèlons de l'eau avec de l'esprit de vin.

L'eau étant versée sur l'esprit de vin, oul'esprit de vin sur l'eau, les deux liqueurs qui séparées étoient limpides, très transparentes, en commençant à se mêler compofent une liqueur louche, quelquefois trouble même jusqu'à devenir d'un laiteux opaque, & tantôt plus, tantôt moins opaque, selon la qualité de l'eau; mais au moins arrive-t-il toujours, pendant que l'eau & l'efprit de vin se mêlent, que la liqueur composée est moins transparente que ne l'étoient les deux liqueurs féparées, on distingue de: gros filets plus opaques que le reste. Ces filets se divisent en une infinité d'autres, il semble que ce soient des échevaux qui se devident. Enfin la liqueur composée redevient: totalement transparente, mais tantôt plus tard & tantôt plus tôt. Il semble qu'il y ait une dissolution à faire, & que tout est trouble jusqu'à ce que la dissolution soit achevée. parce que jusques là tout est dans une sorte: de confusion.

Mais pour venir à la question que nous

avons proposée comme digne d'être éclaircie, le volume de la liqueur composée d'esprit de vin & d'eau est-il égal au volume d'eau. & au volume d'esprit de vin prisséparément. ou est-il moindre, ou est-il plus grand que ces deux volumes? M. Geoffroy nous a rapporté dans les Mémoires de l'Académie de 1713, page 69, une expérience curieuse: après avoir reconnu, par le Thermometre. que de l'eau & de l'esprit de vin exposés au: même air avoient un égal degré de chaleur, il. a plongé le Thermometre dans cette eau. fur laquelle il a versé un poids d'esprit de vin rectifié égal au poids de l'eau contenue dans le vase; le mélange s'est fait, & il s'est fait: en même tems une augmentation de chaleur capable de faire impression sur le Thermometre, la liqueur a monté sensiblement. Il semble que cette expérience nous mettroit en état de décider la question; où il y a augmentation de chaleur, il y a augmentation de volume, au moins une augmentation pasfagere. Le volume des deux liqueurs, dans le tems au moins que se fait leur mêlange, devroit donc être plus grand que ne l'étoient les deux volumes pris séparément.

Cependant, quoiqu'on ne dût pas s'y attendre, il arrive au contraire que le volume des deux liqueurs mêlées ensemble est pluspetit que celui des liqueurs prises séparément; même dans l'instant que le mêlange se fait. Il y a longtems que j'avois tenté de découvrir s'il arrivoit quelque chose de remarquable dans l'augmentation ou la diminution du volume de quelques liqueurs mêlées ensem-

ble, sans avoir rien trouvé sur quoi je pusse compter: la nouvelle construction des Thermometres que j'ai donnée, où tout dépend des mesures très exactes, m'a mis en état, lorsque j'y pensois le moins, de voir ce qui arrive aux volumes de l'esprit de vin & de l'eau mêlés ensemble. Je ne songeois qu'à faire reinplir des Thermometres, lorsque M. Pitot, après avoir versé un certain nombre de mesures d'eau dans une boule de verre adaptée à un tube, versa dessus un nombre de mesures d'esprit de vin rectifié, qui devoient monter jusqu'à une certaine hauteur du tube. On marqua l'endroit du tube où se terminoit l'esprit de vin Les deux liqueurs pouvoient n'être pas bien mêlées, & effectivement elles ne l'étoient pas, l'esprit de vin plus leger étoit resté au dessus de l'eau. On secoua bien le Thermometre, afin que le mêlange se fît autant qu'il se devoit faire. Le Thermometre ayant été mis ensuite dans une position verticale, M. Pitot me fit remarquer que notre liqueur étoit au dessous de la ligne marquée, qu'il en falloit ajouter pour la fai-re élever jusqu'au terme où nous la voulions. Ce fait me parut très digne d'être remarqué. il sembloit prouver que l'eau & l'esprit de vin mêlés ensemble n'ont plus le même volume qu'ils avoient séparément, car il s'étoit fait un vuide de quelques degrés dans le tube du Thermometre.

Sur le champ je voulus m'affurer si cette diminution étoit bien réelle, si elle ne devoir point être attribuée à quelques circonstances exangeres, si elle ne venoie point de ce qu'une

partie de la liqueur avoit mouillé le tube & le bout du doigt qu'on lui avoit donné pour bouchon, pendant qu'on agitoit les deux liqueurs pour les obliger à se mêler. Bien-tôt tous mes soupçons furent levés, & il ne me fut plus permis de douter que la diminution du volume n'eût été réelse.

Mais, pour avoir quelque idée de la quantité de cette diminution, je pris un tube, à un des bouts duquel une boule creuse étoit scellée; je versai dedans cinquante mesures d'eau, & j'y versai ensuite cinquante mesures d'esprit de vin bien rectifié. En versant celles-ci, j'avois attention de les verser doucement, afin que les deux liqueurs semelas fent le moins qu'il seroit possible: l'esprit de vin arrivoit sur l'eau en suivant les parois du tube, & ceux de la boule qui lui formoient un plan incliné; aussi les liqueurs ne fe mêlerent point, au moins sensiblement. Un plan louche ou blanchâtre marquoit le terme commun à l'une & à l'autre. J'entouraid'un fil l'endroit du tube où se trouvoit la furface supérieure de l'esprit de vin; j'agitai ensuite la boule aussi longtems qu'il fut nécesfaire pour que l'eau & l'esprit de vin parusfent bien mêlés. Dès que le mêlange fut fait, je vis de la diminution dans le volume de la liqueur composée; sa surface se trouva au dessous du fil. Avant que de mesurer la quantité de cette diminution, je laissai la liqueur en repos, tant afin qu'elle eût le tems de perdre la chaleur qu'elle avoir prise pendant l'opération, qu'afin que ce qui pouvoit s'être attaché à la partie supérieure des

234 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

parois ent le tems de descendre. Quand je jugeai qu'il ne restoit plus de liqueur à descendre, je mesurai le vuide qui étoit entre la surface de la liqueur & le fil. Pour remplir ce vuide, il fallut près de deux de cesmêmes mesures, dont le volume de l'eau & celui de l'esprit de vin pris séparément en avoient chacun 50. Le volume des deux liqueurs mésées étoit donc plus petit d'environ un cinquantieme, que le volume des deux

liqueurs prises séparément.

Qu'est-ce qui produit cette diminution de volume, plus considerable assurément qu'on ne l'auroit dû attendre? Y a-t-il des vuides dans une des liqueurs ou dans les deux liqueurs séparées, qui se remplissent quand les deux liqueurs se mêlent ensemble? Imaginerons-nous qu'une des liqueurs est par rapport à l'autre, en quelque sorte, ce que sont des grains de plomb par rapport à des balles de plomb? Que comme les grains deplomb pourroient remplir les espaces que des balles auroient laissés entre elles, de même ici une des liqueurs plus sénue que l'autre remplit les interstices qui sont entre les parties de celle-ci? Alors dans notre expérience les vuides qui ont été remplis seroient du volume de la liqueur dans laquelle ils le trouveroient. Mais, au-lieu que les balles de plomb & les grains de plomb ne peuvent être arrangés de maniere à occuper le moins de place qu'il est possible que par une force étrangere, les liqueurs ont en ellesmêmes la force propre à produire cet arrangement. Les dissolutions des corps les plusdurs,

durs, qui sont faites, quelquesois si vîte, par differentes liqueurs, nous démontrent la prodigieuse quantité de mouvement qui est dans ces liqueurs, quoique tout y paroisse en repos à nos yeux. Quand l'eau se mêle avec l'esprit de vin, il se fait une espece de dissolution.

Les dissolutions auxquelles nous sommes le plus accoutumés, sont celles des corps solides par des liquides. Nous voyons que les eaux fortes divisent les métaux les plus durs & les plus pesans en des grains si petits, qu'ils peuvent se tenir suspendus, nager pour ainsi dire dans ces eaux; nous voyons journellement des dissolutions de sels, de sucre, faites par l'eau; mais nous ne sommes pas accoutumés à voir des liqueurs dissoutes par d'autres liqueurs. Il doit pourtant y avoir des dissolutions de cette espece; une liqueur dont les parties sont plus ténues en pourra dissoudre une dont les parties sont plus grossieres, elle pourra diviser les molécules de cette liqueur, & cela est vrai dans le même sens qu'il est vrai que les liqueurs dissolvent les corps folides : comme l'eau dissout du sucre, de même l'eau dissout un syrop trop épais; ces deux opérations n'ont peut-être rien de different qu'en ce que l'eau qui agit contre le sucre agit contre des parties plus grosses que celles contre lesquelles agit l'eau qui difsout le syrop; l'eau dans le second cas pousse la division plus loin. Ce que nous avons dit de l'eau & du fyrop, nous le pouvons dire de plusieurs liqueurs, & sur-tout de l'eau & de l'esprit de vin. Quand leur mêlange se fait, il arrive tout ce qui arrive pendant les dissolutions.

236 Memoires de l'Academie Royale

tions les plus connues; des que le mélange commence à se faire, les deux liqueurs, auparavant transparentes, en composent une trouble, des bulles d'air montent continuellement, & en grand nombre, à la surface; le mélange s'échausse, preuve incontestable qu'il y a fermentation, & par conséquent disfolution.

L'esprit de vin nous est sur-tout connu par fon inflammabilité, c'est ce qui nous le caractérise; nous savons qu'il n'est qu'une espece d'huile très inflammable qui nage dans Peau, qui y est dissoute: nous savons même que dans l'esprit de vin le plus pur, le mieux rectifié, la quantité de la matiere spiritueuse & inflammable est extrêmement perite. Mais, malgré la grande quantité de flegme que contient l'esprit de vin le mieux rectifié, it paroit par les expériences ci-dessus, & il paroitra encore davantage, par celles que nous avons à rapporter, qu'elle ne suffit pas pour bien dissoudre la partie inflammable de l'esprit de vin. L'idée que nous souhaitons qu'on prenne d'avance, & dans laquelle nous serons confirmés par les expériences suivantes, c'est que tant que la partie inflammable de l'esprit de vin n'est pas mêlée avec une suffisante quan-. tité d'eau, il y reste des vuides capables de recevoir de l'eau. Des liqueurs que nous connoissons, l'esprit de vin est une des plus légeres, & sa légereré n'a plus rien de difficile à expliquer, si nous le regardons comme une liqueur pour ainsi dire spongieuse, & si spongieule, qu'une quantité d'eau sensible peut être reçue entre ses parties sans augmenter sensiblement son volume, qu'une quantité d'eau peut en quelque sorte se loger dans l'esprit de vin comme elle se logeroit dans une

éponge.

J'ai fait un grand nombre d'expériences pour voir jusqu'où pouvoit aller la diminution de volume qui résulteroit de l'esprit de vin & de l'eau, dont le mêlange seroit fait en differentes proportions. Tantôt celles de l'esprit de vin à l'eau étoient les plus grandes, tantôt les plus grandes étoient celles de l'eau à l'esprit de vin, & les unes & les autres ont été variées de plusieurs façons. Par exemple, tantôt j'ai mélé 100 parties d'esprit de vin avec 25, 50, 75 parties d'eau, &c. tantôt j'ai mêlé 100 parcies d'esprit de vin avec 150. avec 200, avec 300, &c. parties d'eau. Les mêlanges ont toujours été faits avec les précautions que j'ai expliquées ci-devant, c'està-dire, que dans une boule creuse adaptée à un tube de verre, ou seulement dans un tube de verre scellé hermétiquement à un de ses bouts, je versois la quantité d'eau que je voulois employer; que je versois ensuite dans le tube une quantité connue d'esprit de vin. & cela très doucement, afin qu'elle ne se, melat point avec l'eau. Je marquois avec, un fil le terme de la surface de l'esprit de vin. ou, ce qui est la même chose, jusqu'où al. loit le volume des deux liqueurs non mélées. J'agitois ensuite le tube, je le secouois pour obliger les deux liqueurs à se mêler; pour mesurer le vuide qui s'étoit fait entre le fil & la surface de la liqueur composée, je le remplissois avec de petites mesures connues,

& qui étoient des parties aliquotes des grandes mesures employées. Lorsque j'ai mêlé deux parties d'eau avec une partie d'esprit de vin, j'ai eu le plus grand de tous les vuides qui pouvoient être donnés par le mêlange de l'eau avec mon esprit de vin; il a été égal environ à 40 du volume de l'esprit de vin. Pour remplir le vuide qui étoit resté entre la surface de la liqueur composée & le fil, il a fallu verser cinq de ces mesures, dont le volume de l'esprit de vin en contenoit 100. Quand j'ai mêlé trois ou quatre parties d'eau avec l'esprit de vin, je n'ai eu que le même vuide que j'avois eu en mêlant deux parties d'eau avec l'esprit de vin; l'eau employée dans cette proportion sustit pour dissoudre entierement l'esprit de vin, ou au moins pour remplir tous les vuides dans lesquels il lui est permis de s'introduire; mais il faut employer l'eau dans cette proportion: si on en mêle moins, la diminution du volume total n'est plus une aussi grande partie de celle du volume de l'esprit de vin.

Pour donner quelque idée des differences qui se trouvent lorsqu'on employe l'eau dans une moindre proportion que l'esprit de vin, ce pour faire voir qu'il est nécessaire, pour rempsir tous les vuides qui sont entre les parties de l'esprit de vin, d'employer un volume d'eau double de cet esprit, il me suffira de donner le résultat d'une petite suite d'ex-

périences.

10. J'ai mêlé 100 parties d'esprit de vin avec 50 parties d'eau, & le mêlange a domné 2 mesures 4 de diminution.

20. J'ai

2º. J'ai retiré du tube cet esprit de vin affoibli, & j'ai versé dans le tube 50 mesures d'eau, sur lesquelles j'ai versé doucement l'esprit de vin affoibli par l'expérience précédente. Après avoir marqué sur le tube le terme de la derniere liqueur, j'ai secoué le tube pour obliger les deux liqueurs de se mêler, après quoi j'ai eu une nouvelle diminution de volume qui a été d'une mesure & demic. Ces deux expériences ensemble avoient donc donné une diminution de volume de 4 mesures, & dans la derniere l'esprit de vin se trouvoit mêlé avec l'eau en parties égales.

3º. J'ai tiré du tube cette liqueur faite d'un mélange de parties égales d'eau & d'esprit de vin, & j'ai versé dans le tube 50 nouvelles mesures d'eau sur lesquelles j'ai versé les 200 mesures de la liqueur composée de 100 parties d'eau & de 100 parties d'esprit de vin; après que le mélange a été fait, j'ai eu en-

viron une mesure de diminution.

4°. Enfin dans une 4^{me} expérience j'ai mêlé la liqueur de l'expérience précédente avec 50 nouvelles mesures d'eau; je n'ai pas eu

un quart de mesure de diminution.

Quand j'ai mêlé par la suite la liqueur cidessus, composée d'une partie d'esprit de
vin, & de deux parties d'eau, avec de nouvelle eau, le mélange n'a produit aucune diminution de volume. Quand j'ai mêlé l'eau
dans une proportion extrémement petite avec l'esprit de vin, par exemple, une, deux
ou trois mesures d'eau, avec 100 mesures d'es-

240 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

prit de vin, je n'ai pas eu une diminution de

volume sensible.

Si quelqu'un vouloit que ce fussent les vuides de l'eau qui sont remplis par l'esprit de vin, lorsque l'eau l'a plus divisé qu'il ne l'étoit, il ne seroit pas aisé de lui démontrer que c'est au contraire dans l'esprit de vin que les vuides doivent être placés. Cette derniere idée est pourtant la plus naturelle, parce que la liqueur la plus rare est celle qui a plus de vuides, & parce que l'eau est le dissiolvant qui doit s'introduire entre les parties

du corps qu'il dissout.

Mais peut-être doutera-t-on que la diminution de volume dont il s'agit doive être attribuée à ce que des vuides qui étoient en une des liqueurs, ont été remplis par des parties de l'autre liqueur; on aura peut-être plus de disposition à croire que pendant que l'eau & l'esprit de vin se mêlent ensemble. que pendant qu'il se fait une fermentation. il se fait une évaporation à laquelle seule doit être attribuée la diminution du volume des deux liqueurs. Ce doute sera levé par des expériences que nous rapporterons dans la fuite, qui apprendront que pendant que le mêlange des liqueurs se fait dans un tube dont le bout supérieur est bouché, le volume ne diminue pas moins que lorsque le mêlange se fait dans un tube dont le bout supérieur est ouvert.

D'autres expériences nous mettent en état de prouver directement, que les espaces vuides qui étoient entre les parties d'une des liqueurs ont été remplis par l'autre. Prenons un petit vase de verre propre à peser des liqueurs, tel que celui que M. Homberg à decrit dans les Mémoires de l'Académie de 1699. Le poids du vase étant connu, remplissons ce vale d'esprit de vin; pesons ensuite avec des balances d'une finesse convenable le poids de ce volume d'esprit de vin. Après avoir vuidé le pese-liqueur, remplissons-le d'eau, & pesons: nous avons alors le rapport de la pesanteur spécifique de l'eau à la pesanteur spécifique de l'esprit de vin; nous pouvons donc savoir quelle devroit être la pefanteur spécifique de l'eau & de l'esprit mêlés en des proportions connues, si pendant que. le mêlange se fait, les pesanteurs spécifiques de l'une & de l'autre restoient les mêmes: ou ce qui est la même chose, il est aisé de trouver ce que peseroit le pese-liqueur rempli d'une certaine quantité d'eau, & d'une certaine quantité d'esprit de vin qui surnageroit l'eau. Si on remplit à présent le peleliqueur d'eau & d'esprit de vin mêlés dans une proportion connue, & qu'après avoir pesé cette quantité de liqueur composée, on trouve qu'elle pese plus que ne devroit peser le pese-liqueur plein d'eau & d'esprit de vin qui y auroient été mis en même propor-tion, mais sans être mêlés ensemble, on a une preuve certaine que la densité, ou, ce qui revint au même, la pesanteur spécifique a augmenté pendant que le melange s'est fait. On a donc pesé la quantité d'eau qui étoit contenue dans un pese-liqueur, le poids de ce volume d'eau a été trouvé de 98 grains. Après avoir vuidé l'eau, on a rempli sur le Mem. 1733. L champ

242 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

champ le pese-liqueur d'esprit de vin, & le poids de ce volume d'elprit de vin a été trouvé de 82 grains 1. Si on eut rempli les deux tiers du pele-liqueur d'eau, & le tiers restant d'esprit de vin qui ent surnage l'eau, le poids total des denx liqueurs contenues ent été de 65 grams ; d'eau & de 27 grains ; d'esprit de vin, on le poids eut été en tout de 02 grains ?. Mais ap-lieu de remplir le pele liqueur d'éau & d'esprit de vin qui n'eussent fait que se toucher, on a melé deux parties d'eau avec une partie d'esprit de vin, & quand ce mé-lange a cce fait, on en a rempli le pese-liqueur. On a trouvé alors que le volume de la liqueur composée pesoit 94 grains, qu'ainsi la denfité, la pesanteur de la liqueur compofée étoit plus grande que celle qui fembloit devoir réfulter des deux liqueurs composantes; on verra même qu'elle étoit plus grande, à peu près dans la proportion que le demandoit la diminution de volume qui nous a été donnée par les expériences précédéntes. Nous avons dit que cette diminution de volume étoit au plus de la du volume de l'effirit de vin, & l'augmentation de la pefanteur spécifique est aussi trouvée ici, à quelque chofe près, de 📜 du poids de l'esprit de vin. Le poids de l'esprit de vin employe ctoit de 27 grains 1, & nous avons un grain & de grain d'augmentation de poids, qui ne différe de l'augmentation de poids, que la diminution du volume devroit donner, que de a de grain, ou de moins de }, & de plus de de grain: mais cette difference peut venir

inir de tant de circonstances, qu'il n'y à pas de quoi en être surpris. La diminution du volume que nous prenons de la peut austi avoir été moindre, & alors la différence s'é-

vanouiroit.

Les vuides que laissent entre elles les parties de l'esprit de vin, les vuides que l'eau peut remplir n'étant que de du volume de l'efprit de vin, il pourroit fembler qu'en melant 20 parties d'esprit de vin avec une partie -d'eau, on devroit remplir tous les vuides. puisqu'on donne à l'esprit de vin l'eau qui y Mais ce n'est apparemment qu'autant que l'esprit de vin est dissous & divisé, qu'il est permis à l'eau de s'insinuer dans certains vuides dont l'entrée lui étoit fermée par les parties de l'esprit de vin qui se touchoient; ce n'est que quand l'eau a écarté les parties de l'esprit de vin les unes des autres, autant qu'il est nécessaire pour qu'elles ne s'entre-touchent point, qu'il lui est permis d'aller se loger dans leurs vuides. Il faut employer la quantité d'eau nécessaire pour bien dissoudre l'esprit de vin, si l'on veut que l'eau penetre autant dans l'esprit de vin qu'il est possible; & pour cela, il faut meler environ deux parties d'eau avec une partie d'un bon esprit de vin: li on fait le melange dans une plus grande proportion, on n'obtient rien de plus.

Il est évident néanmoins que selon que l'esprit est plus ou moins rectifié, il faudra se inteler avec une plus grande ou une moindre quantité d'eau, pour avoir tout le vuide qui peut naitre du mélange des deux liqueurs, le la il luit que nos expériences qui ne pa-

244 Memoires de l'Academie Royale

roissoient que curieuses, peuvent avoir de l'utilité; elles nous donnent une méthode singuliere d'éprouver les qualités des differens esprits de vin, & de les déterminer. Un es-prit de vin, de la qualité de celui que j'ai employé, mêlé avec un volume d'eau double du sien, donnera un vuide qui sera 40 de son volume, ou un vuide de 5 de ces mesures, dont son volume en contenoit 100. Un esprit de vin plus foible ne donnera alors qu'un vuide de 4 de ces mesures, ou de 3 mesures 1, & un esprit de vin plus fort donnera un plus grand vuide. Si on avoit un esprit de vin très foible, & tel que seroit le nôtre, affoibli par une partie d'eau mêlée avec deux des fiennes. l'épreuve feroit connoître son degré de foiblesse: si on le mêle avec un volume d'eau double du sien, il ne donnera qu'un vuide de 21 de ces mesures dont il en contient 100. pendant que par le même mêlange, notre esprit de vin pur eût donné un vuide de 5 mesures. Enfin, on voit en général, que les esprits de vin les plus forts, mêlés en même proportion avec de l'eau, donneront une plus grande diminution de volume que celle qui sera donnée par les esprits de vin plus foibles.

On fait que l'esprit de vin & l'eau contiennent beaucoup d'air, que l'air contenu dans ces liqueurs n'y est nullement compressible; nous avons même tâché ailleurs d'expliquer la cause de ce dernier phénomene. On fait encore que l'air sorti d'une liqueur, quand il n'est comprimé que par le poids de l'atmosphere, occupe dans l'atmosphere beaucoup plus plus d'espace qu'il n'en occupoit dans la liqueur. Ces faits pourroient faire croire qu'on doit attribuer la diminution qui survient aux volumes d'eau & d'esprit de vin qu'on mêle ensemble, à l'air qui s'échape de ces deux liqueurs; que l'eau, par exemple, va prendre les places qu'occupoit dans l'esprit de vin, l'air qui s'en échape tant que la fermentation dure, ou jusqu'à ce que le mélange soit bien fait.

Pour favoir si cette idée, assez vrai-semblable, étoit vraie, j'ai versé 50 mesures d'eau dans un tube adapté à une boule de verre, & j'ai versé à la maniere ordinaire, c'està-dire doucement, 50 mesures d'esprit de vin fur l'eau, & j'ai encore marqué avec un fil, l'endroit du tube où étoit la surface supérieure de l'esprit de vin; alors j'ai couvert le bout du tube avec un morceau de parchemin mouillé, & étroitement lié sur le tube. Le parchemin bouchoit le tube de façon que l'air extérieur n'y pouvoit entrer, & que l'air intérieur n'en pouvoit sortir. J'ai encore à faire remarquer une circonstance, & même l'essentielle: le bouchon, le couvercle de parchemin n'étoit pas tendu uniment sur le bout du tuyau l'ulage auquel je le destinois; demandoit qu'il ne le fût pas; il s'élevoit un peu en dehors. Ce couvercle devoit m'anprendre si la quantité d'air qui sortiroit des deux liqueurs, pendant qu'elles se mêleroient: seroit une quantité d'air, condensé au point de celui qui n'est chargé que par le poids de l'atmosphere, dont le volume seroit égal à celui dont le volume des deux liqueurs devoit L.3.

voit diminuer par le mélange qui alloit fefaire, ou si le volume de cet ain seroit plus grand ou plus petit. Dans le 1er cas, le bouchon devoit rester dans l'état où je l'avois mis 1 dans le 2^d, il devoit être plus porté vers le dehors ; & dans le 2^m, l'air extérieurplus puissant que l'intérieur, devoit repousser le parchemin dans le tube.

Tout étant sinsi préparé, j'ai agité & se. coué la boule, pour obliger l'eau & l'esprisde vin à se mêler. Des que le mélange a commence à se faire, le bouchon est devepu concave vers l'extérieur, il a été enfoncé. dans le tube par la pression de l'air extérieur; preuve incontestable du vuide réel qui se fai-Joit dans le tube, & que toute la quantité d'air qui forțoit de l'eau & de l'esprit de vin. n'étoit pas égale à une quantité d'air coudense par le poids de l'armosphere, capable do remplir le vuide qui se faisoit par la diminution du volume des deux liqueurs. Si nous repportons la diminution du volume des deux liqueurs à la somme des vuides de l'esprit de vin qui ont été remplis par l'eau, comme tout nous a paru prouver ci-devant que nous. le devious faire, il suit qu'il y a dans l'esprit de vin, des vuides qui ne font pas occupés par un air aussi comprimé que celui de l'atmosphere, & que l'esu pour pénétrer dans ces vuides, quand on la mêle avec l'esprit de vin.

Il est prouvé encore par cette derniere expérience, que la quantité d'air qui s'échape de l'eau & de l'esprit de vin pendant qu'ils sermentent ensemble, n'est pas aussi grande que la quantité des bulles nous le feroit ima-giner. Lorque ces bulles paroissent dans la liqueur, elles font rarellees par la chaleur qui nait de la fermentation, d'elles y acquiérent un volume qu'elles ne doivent pas conserver, lorsqu'elles en seront sorties!

l'ai mêle de l'eau & du vin rouge de Bourgogne en differences proportions. Le melan-ge s'est fait lans donner aucune diminution de volume; on pouvoit le prévoir ains, des que l'esprit de vin affoibli par deux parties d'eau peut être melé avec de nouvelle eau

sans aucune diminution de volume.

J'ai mêle 50 melures d'huile de lin avec 50 melures d'huile de térebenthine: le mélange s'elt bien fait, mais il n'a, comme celui du vin avec de l'eau, donné aucune diminution.

Du lait & de l'eau ont été mêlés ensemble, sans qu'il soit arrivé une diminution sensible

de volume.

J'ai fait dissoudre du sel de soude dans de l'eau jusqu'à ce qu'elle en fût autant chargée qu'il étoit possible, j'en ai verse 50 mesures dans un tube; j'avois marqué sur le même tube la hauteur pu devoient monter 50 autres mesures de liqueur ; j'ai verse peu-à-peu dans le tube les 50 dernieres metures d'un très bon vinaigre sur l'eau chargée de sel, inais ce n'a été que peu a peu que l'ai versé le vinaigre, de crainte que la fermentation ne fit fortir une partie de la liqueur hors du tube. Quand tout le vinaigre a été introduit, & que la fermentation a été appailée, il s'est trouvé un yuide, mais très petit, il n'étoit que d'une demi-mesure. Si se vuide n'a dû être fait que par par les acides du vinaigre qui se sont engagés dans les alkalis du sel de soude, il n'a pas dû être grand, parce que la quantité de ces acides n'occupe pas un volume considerable dans le vinaigre.

Je n'ai eu aussi qu'une très petite diminution de volume, lorsque j'ai mêlé avec les précautions nécessaires deux parties de vinaigre distillé avec une partie d'eau autant chargée qu'elle le pouvoit être de sel de tartre.

Il est difficile d'ailleurs de s'assurer avec précision des diminutions de volume qui arrivent aux liqueurs qui fermentent trop vivement & trop subitement ensemble. Une pertie de la liqueur peut par les bouillonnemens, être poussée hors du tube: l'éruption promte des bulles d'air peut même faire sortir de

la liqueur en une espece de pluye.

Pour obvier à ces accidens, après avoir mis dans un tube une quantité melurée d'eau. autant chargée de sel de tartre qu'il étoit possible, j'ai versé doucement dans le même tube un volume double de vinaigre distillé; & fur le champ, avant que la fermentation. ent eu le tems de se faire, lorsqu'elle commençoit à peine, j'ai fait sceller à la lampe. le plus promtement qu'il a été possible, le bout du tube. Je n'ai plus eu alors d'évaporation à craindre: mais je n'avois pas pensé que bien-tôt il ne se feroit plus de fermentation; que les acides du vinaigre ne pourroient pas s'introduire dans le sel alkali que l'eau tenoit dissous: Je savois bien que l'air étoit nécessaire pour les fermentations; mais je n'avois pas pense, & je ne sai si d'autres l'eus-

l'eussent pensé, que dans deux liqueurs qui ont autant de facilité à se mêler qu'en ont l'acide du vinzigre & une eau chargée de sel de tartre, la fermentation seroit arrêtée des que le tube seroit scellé. Cela est pourtant arrivé, & j'ai eu beau agiter le tube, le sécouer, le renverser pendant plusieurs jours, tout s'est passé sans fermentation sensible. l'ai enfin déscellé le tube, & la fermentation a été violente sur le champ. Immédiatement après qu'on a scellé le tube, il se fait sans doute de la fermentation, mais elle est bientôt arrêtée; dans le premier instant, de l'air s'échape, & il s'en échape bien une autre quantité que lorsqu'on mêle l'esprit de vin avec l'eau. Cet air se trouve comprimé, il comprime la furface de la liqueur, il ne permet plus à de nouvel air de se dégager; enfin tout mouvement est arrêté; & par conséquent toute fermentation, parce que l'air des liqueurs ne peut être déplacé. Mais j'aurai peut-être occasion de parler dans d'autres tems de cette derniere expérience, qui m'a conduit à en faire d'autres qui ne sont pas de fimple curiofité physique.

Au reste, le nombre des expériences qui penvent être faites en alliant ensemble des liqueurs de differentes qualités est extrêmement considerable, & je n'ai eu garde de me proposer de les épuiser. Je n'ai même ou dessein de donner ici qu'une ébauche qui pût mettre sur la voye de pousser les épreuves plus loin, & qui rendît attentif lorsqu'on! combine ensemble differentes liqueurs, au volume qui réfulte de leur mélange. Toutes :

250 Memoires de l'Agademie Royale

les liqueurs acides, toutes les liqueurs salines, toutes les liqueurs alkalines, toutes les liqueurs huileuses, les liqueurs chargées de metaux, ou d'autres matieres qu'elles ont dissoutes, s'offrent pour être combinées chacune ayec chacune de celles de leur espece, & pour être combinées avec celles de differentes especes. Elles demandent toutes aussi à être combinées avec l'eau commune, ou avec des liqueurs très aqueules; & quand dans quelques-unes des combinailons il arrivergit que le volume seroit augmenté, qu'il résulteroit du mélange une augmentation de volume plus grande que le diminution que l'esprit de vin mêlé avec l'eau nous a fait oblerver, je n'en serois pas surpris; mais ce seroit un fait nouveau & remarquable. On trouvers auffi des liqueurs qui donneront des diminutions de volume plus grandes que celle qu'a donnée le mélange d'eau & d'esprit de vin, & cela mêmo en mêlant simplement de l'eau avec quelque autre liqueur. Nous en allons donner un exemple fourni par une . combination affez simple, & qui peut-ette n'eût pourtant pas été une de celles que nous suffions efferées, si nous n'aussions été averti avelle méritoit de l'être, per M. Petit le Médecin. Quand nous avons voulu lever unt sont our la dinimition du volume le mélange de l'eau & de l'esprit de vin. amund nous avons vouly propogr qu'elle ne devoit aucunement être attribuée à l'évaporation; que les quantités des deux liqueurs dri a el cient eté aerlese. A extient tellèce en. en entier; nous augns dit que nous aujons en recours au pess-liqueur, qui avoit demontre que la pelanteur spacifique avoit été augmentée pendant que le mélange des deux li-queus s'étoit fait; & cela parce que le peleliqueur rempli d'eau & d'esprit de vin mêlés ensemble avoit plus pesé qu'il n'est fait, s'il cut été rempli d'eau & d'esprit de vin qui ent lumage l'eau. M. Petit le Médecin, qui à fait un grand nombre d'expériences sur les dissolutions des sels, nous apprit alors qu'il s'étoit servi de la même voit pour favoir ce qui résulteroit du mélange d'un volume égal d'eau & de differens esprits acides; qu'il avoit mele de l'esprit de nitre, de l'esprit de sel, de l'huile de tartre par défaillance, & de rhuile de vitriol; qu'il avoit male, dis je un volume égal de chacune de ces liqueurs avec un égal volume d'eau; au avoit per le la liqueur et l'eau, il avoit per le la liqueur et l'eau féparément, & avec loin, dans un même pete-liqueur; c qu'enfin le pete-liqueur rempli de la liqueur compotée avoit plus peté que n'eut fuit le pete-liqueur rempli à moitié de l'eiprit acide & de l'eau ou l'ent turnagé. Le mélange de l'eau & de qui l'ent lurpage. Le melange de l'eau & de Philis de vitriol est celui qui lui a donné une plus grande augmentation de poids. La pesanteur spécifique de la liqueur composée a sté da près de : plus grande que celle qui devoit réfulter de la fomme des pelanteurs des deux volumes égaux des mêmes liqueurs. Nous arrivons squvent aux mêmes vérites par des voies & par des vues differences. Une houle adaptée à un tube de verre étant L'ord verre étant

252 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

remplie d'eau, & le tube l'étant en partie, si on jette du sel solide dans ce tube; l'eau s'éleve à une certaine hauteur, mais l'eau descend ensuite peu à peu à mesure qu'elle dissour le sel. C'est cette expérience qui avoit engagé M. Petit à voir ce qui résulteroit du mélange des esprits acides avec l'eau. Ceux qui ont fait les premiers l'observation de l'eau qui descend dans le tube à mesure qu'elle dissour du sel, en ont conclu que le sel dissour, ou qu'au moins partie du sel dissour se logeoit dans les pores de l'eau.

Je ne vois point du tout que la conséquence ou'on a tirée de l'expérience précédente, fût nécessaire pour rendre raison de ce que l'eau : descend à mesure qu'elle dissout le facre. s'en présente une autre cause, à la vérité : moins recherchée, mais qui surement a quelque part à l'abaissement de l'eau, & à laquelle on doit l'attribuer en entier, jusqu'à ce 'qu'il soit prouvé qu'elle n'y sauroit suffire, ce qui ne me paroit pas aisé. Si je jette dans un vase qui contient de l'eau, une petite pierre composée de grains de sable, telles que sont nos pierres de grès, la furface de l'eau s'élevera aussi-tôt de ce qu'exige qu'elle s'éleve : le volume d'eau qui a été déplacé par la pierre. Supposons que les grains de cette pierre n'étoient unis que par une colle que l'eau détrempe aisément, peu à péu les grains feront détachés les uns des autres, & la pierre sera réduite à un perit tas de grains de · sable. Mais à mesure que cette pierre sera pour ainsi dire dissoute, la surface de l'eau.

s'abaisser, parce qu'il y avoir des vuides entre les grains de sable, & que ces vuides ne subsisteront plus, après que les grains auront été séparés; l'eau alors remplira les vuides.

Ce que nous venons de dire d'une pierre composée de grains de sable, est une image de ce qui se passe pendant que se fait la dissolution d'un morceau de sucre. Le sucre le : plus dur est spongieux, même à la vue simple, & nous ne pouvons nous empêcher d'imaginer des vuides entre les grains qui compolent tous les fels concrets, quoique nous. ne les y voyions pas. Les gros cryftaux de : fel, les gros cubes de fel, sont formés d'une : infinité de petits crystaux, d'aiguilles, de petits cubes, &c. qui laissent certainement des vuides entre eux, & que l'eau remplit quand elle les dissout. : On sait même qu'il y a une : quantité d'eau considerable dans certains sels, . pendant qu'ils nous paroiffent fous une forme solide. If ne nous est pas possible de de-terminer jusqu'où va la somme de ces vuides; mais il y a apparence qu'elle doit être affez grande par rapport au volume, pour que la diminution qui arrive à l'eau, pendant qu'elle dissour un sel, puisse être attribuée à ce qu'elle remplit les places vuides qui lui ont été laissées libres.

Ces remarques; au reste; ne sont pas inutiles pour nous aider à voir d'où peut venir la diminution de volume qu'on observe dans deux liqueurs après leur mélange; car il les petits grains de sable de la pierre que nous avons fait dissoudre; se soutenoient dans

L.7,

l'eau.

254 Memoires de l'Agademie Royale

l'oau, & si eux-mêmes composés d'autresgrains, ils pouvoient être dissous par une addition d'une plus grande quantité de liqueur, nous autions une liqueur, gelle dans laquellenagent les grains de fable dissolubles, qui mêles avec l'eau, donneroient une liqueur composée dont la pesanteur specifique seroit plus grande que celle qui auroit paru devoir

résulter des deux composantes. Nous allons faire l'application de cette idée à ce qui se passe lossqu'on mêle avec de l'eau de l'huile de vitriol, qui est peutêtre de toutes les liqueurs, au moins des liqueurs chargées de fels, celle qui donne une plus grande diminution de volume proportionnellement à celui de la liqueur qu'on mêle avec de l'eau. Dix mesures d'huile de vitriol ont été verlées dans un tube; sur les dix melures on a veric dix melures d'eau.
Après le melange, la diminution à été de à d'une mesure. Dix autres mesures d'eau ont ete versées sur l'esprit de vitriol affoibit par les dix premieres melures: Par ce nouveau mélange, le volume total a perdu plus d'une demi-melure... On a encore verse dix melures d'eau lur l'hujle de virriol mêlés de la avec 20 metures d'eau. Le tout a encore été mé-le, & la diminution objetuée après es troi-tieme melange, a été encore d'une demi-melure. Epfin dix nouvelles melures d'eau-ent été verfées lur le dernier mélange, & elles n'ont pas donné ; de mesure de diminution. La somme totale des diminutions a donc été à peu près de deux mesures, ou de i du volume de l'huile de vitrioi. Dans

une autre expérience on a versé tout d'un coup do mesures d'eau sur 10 mesures d'huite de vitriol, & on a eu alors deux mesures de diminusion. On n'en a pas eu davantage, lorsqu'on a meste 50 mesures d'éau avec les comesures d'huise de vitriol; les 40 mesures d'eau sufficent pour dissoudre parfaitement les comesures d'huise de vitriol.

Ce que nous avons dit ci-dessis de la maniere d'éprouver la qualité des différens elprits de vin, leur force, s'applique si naturellement à l'estai des espres seides, au il n'est pas nécessaire de s'y arrêter. On voit asserque dans chaque aspece de ces acides l'espritacide le plus fort, le plus concentre, sera celai qui mêlé avec l'éau, donners une plus grande diminurien de volume après le mélange.

Mais la diminution de volume qui continue à le faire dans le mélange d'elprit de vitriel avec l'eau judu'à un certain terme, nous apprend que la diffoliation de l'huite de vitriel prend que la mapine avec quatre parties parties.

d'eau.

stanoir un neacter, sabuthant. The ja Aight de jes Anires dan et die febre entre entre jes jes Aight entre entre de cialtana et traitant entre entre entre de cialtana et traitant entre de district de district entre de cialtana e

256 Memoires de l'Academie Royale

la diminution du volume qui parost après de nouvelles additions d'eau, ou après des

dissolutions plus parfaites.

Une expérience très connue, & qui offre d'abord quelque chose de merveilleux, c'est que si on verse sur certains corps solides, fur du plomb, par exemple, une cau forte très concentrée, un violent esprit de nitre, la liqueur n'agit presque pas sur le métal: si on verse sur le même metal une eau forte affoiblie par de l'eau commune, alors elle agit plus puissamment. L'explication de ces faits nait naturellement des remarques précédentes. La premiere des eaux fortes ne pouvoit agir que par de trop grosses moléeules de sel, qui n'étoient pas des coins proportionnés à la grandeur des pores du métal; & la seconde agit contre lui avec des parties plus ténues, avec des coins plus aigus.

Je sens bien qu'il y a de la difficulté à ne vouloir attribuer précisément la diminution du volume qu'aux vuides qui étoient entre les parties des grains de sel. Notre huile de vitriol est composée de sel & d'eau, & l'eau fait une partie considerable du mixte. Mais les corps les plus pesans laissent tant de vuides entre leurs parties, leur vraie solidité se réduit à si peu de chose, qu'on ne doit nullément être étonné des vuides que laisse un corps dont la division a été poussée prodi-

gieusement loin.

Enfin si on y pense bien, je ne vois pas qu'on puisse sourceir que les sels se sont lo-gés dans les pores de l'eau, & que c'est de là qu'est venue la diminution du volume. Car sui-

fuivant cette explication, je demande pourquoi, lorsqu'on verse de nouvelle cau sur le mélange de cinq parties d'eau & d'une partie de vitriol, il ne se fait plus de diminution de volume. On répondra sans doute, que c'est que l'eau employée ci-devant a fourni assez de vuides pour loger tout le sel; & qu'il faloit aussi employer cette quantité d'eau pour offrir assez de place où loger les sels. Tous les pores de l'eau sont donc remplis, & tous les fels logés. Cependant si je verse de nouvelle huile de vitriol dans la liqueur composée de cinq parties d'eau & d'une d'huile de vitriol, je vais faire naitre une nouvelle diminution de volume; d'où vient cela, si ce n'est qu'en introduisant dans la liqueur de nouvelle huile de vitriol concentrée, j'y ai introduit beaucoup de vuide, parce que j'y ai introduit des sels qui sont actuellement en plus groffes maffes que ceux qui font dans. l'cau, & entre les parties desquels il y a de plus grands vuides, comme les vuides qui font entre les grains d'une pierre sabloneuse sont plus grands que ceux qui sont entre les particules des grains de sable de cette même pierre?

Si les fels n'étoient bien dissous que quand ils sont logés dans les pores de l'eau, il s'en-fuivroit qu'un égal volume d'eau pourroit tenir en dissolution un poids, ou au moins un volume égal de tout sel concret, parce qu'elle auroit une égale quantité de pores pour eux tous; & on sait combien il s'en faut que l'eau tienne en dissolution une quantité égale

de tout sel.

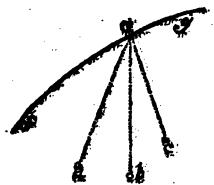
RANGE TO THE TO THE SOUTH STATE TO IN SECOND CONTRACTOR OF THE SOUTH STATE OF THE SOUTH S

DE MARIMIS ET MINIMIS.

Par M. CLAIRAUT.

NTRE les differens Problèmes qui de-mandent pour leurs résolutions la méthode de Maximis & Minimis, on peut mettre au nombre des plus curieux & des plus difficiles, ceux où l'on apprend à trouver la ligne de la plus vîte descente, le solide qui souffre lamoindre résistance de la part d'un stude, la courbe qui satisfait à la fameuse question des Isopérimètres. & toutes celles de la même nature où il faut trouver une courbe qui passe pardeux points donnés, & qui facisfasse à quelque Maximum ou Minimum. Quoique les. beaux Problèmes qu'ont donnés M. Newton, Wallis, Bornoulli, Taylor, Tervent beaucoup à résoudre ceux qu'on peut imagi-ner sur la même matiere, il y en a qui ren-ferment assez de généralité & de singularités d'analyse pour mériter d'être donnés. J'espè-re qu'on trouvera que celui que j'explique dans ce Mémoire, est dans ce cas. Sa foiution s'étend à beaucoup d'autres Problèmes, & même à la plupart de ceux qui ont été ré-folus fur cette matiere. J'ai tâche de l'expliquer de manière, qu'on traitat plus facilement l'analyle qu'on peut rencontrer dans les Problêmes qu'on se proposera de la même forte.

Avant que de donner mon Problème, je dirai un mot de la maniere dont je suis par venu à me le propoder dans toute si géné, ralité. Voigi comme je le concevois d'abord...



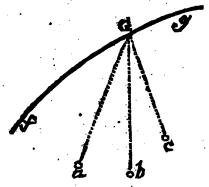
Supposant que sur un plan abes Gg, un corps a, ou pluseurs a, à c, repandent de tous les côtés une action, comme de la chaleur, du bruit, ac, selon une loi donnée, on demande par queste courbe il faut aller du point sau point sa pour éviter, le plus qu'il est possible, cette action. Ce Problème, outre la généralité que sui donnent les differentes variations qu'on peut faire à l'égard des corps a, b, c, & de la loi de seur action, donne dans un cas très particulier la ligne de la plus vite descente, même dans le cas ou la pelanteur est variable d'une manière quelle conque. Je compliquai ce Problème ensuite, en supposant que tout se passe sur une surface courbe donnée; il devient alors plus général encore, & donne entre autres cas-

260 Memoires de l'Academie Royale

le Problème où il faut trouver entre deux points sur une surface quelconque le chemin le plus court: question qui a été imaginée &

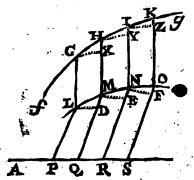
résolue par le célèbre M. Bernoulli.

Je le rendis ensuite bien plus difficile, en y ajoutant la condition des Isopérimetres. c'est à-dire, en se proposant d'aller sur la surface donnée d'un point à un autre par un chemin de longueur donnée de maniere que l'on souffre le moins qu'il est pessible de l'action des corps a, b, c; qui se fait selon une loi donnée. Le Problème, avec cette condition de plus de la longueur donnée du chemin, doit comprendre, comme un cas par-ticulier, celui où l'on n'est pas gêné par aucune condition de longueur: de même que la courbe de la plus vîte déscente d'un point à un autre par un chemin de longueur donnée renferme la cycloïde dans un de ses cas. aussi la solution générale contient-elle dans son équation la premiere; mais quoiqu'onfache qu'elle y est, il ne seroit pas aise de l'y trouver, si l'on n'avoit pas résolu le premier Problème auparavant. Pour m'en tirer plus facilement, j'imaginai une généralité plus grande que celle des Isopérimetres, & qui cependant ne rend pas le calcul plus compliqué; c'est qu'au-lieu de déterminer la longueur du chemin, on suppose que quelques autres corps i, k, l, agissent encore sur tous les points de la surface courbe, & qu'on veuille bien souffrir une quantité donnée de leur action: ensuite on se propose encore d'aller d'un point à un autre, de maniere qu'on.



qu'on évite le plus qu'il est possible, l'action des premiers corps a, b, c.

Soit APL un plan sur lequel on prenne



les deux coordonnées AP, x; PL, y; la troilieme coordonnée LG, z, étant perpendiculaire à ce plan. Que X foit une fonction quelconque de x, y, z, qui exprime l'action des corps i, k, l, fur le point quelcon-

conque G de la surface courbe. De même que X^2 soit une autre fonction quelconque qui désigne l'action des corps a, b, c, sur le même point b. Soit représenté ensuite par S les arcs fG de la courbe fGg, & pris pour hypothese que l'action totale des corps i, k, l, sur toute la courbe fGg est la sont de toutes les actions que l'on a à chaque point b multipliées chacune par les petits côtés ds sur lesquels elles s'exercent. Le Problème s'énonce ainsi:

Les points f & g étant donnés sur une surface courbe dont on a l'équation exprimée en x, y, z, trouver la courbe qui pusse pur ces points, le maniere que la quantité s. X d 8 qui répond à l'arc total f G gérant donnée, la quantité s. X 2 d 8

Joit un Minimum.

SOLUTION.

Soient GH, HI, IK, trois côtés confécutifs de la courbe cherchée, HM, MQ, AQ; IN, NR, AR; KO, OS, AS, les trois coordonnées de chacun des trois points H, I, K, de la courbe cherchée & de la furface courbe en même tems; ayant mené par les points L, M, N, les droites LD, ME, NF, paralleles à AP; & par les points G, H, I, tes droites GX, HT, IZ, paralleles à LM, MN, NO,

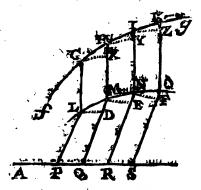
Je fais MD=0, MX=5, GH=k.

NE=6, IY=6, HI=1.

OF=c, KZ=6, IK=m.

Je fuppose ensure que la quantité qui étolt.

Je suppose ensuite que la quintité qui étole d'un point é en dévenue T'un point H, de Z



Z au point I, de même la quantité X_1^2 est Y^2

en H. & Z' en I.

De cette manière, en regardede HG comme l'hypothemile du triangle HGX, & GX ou LM, comme celle de LMD, HI com-

me celle de HYI, &c. on aura

kdk

264 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

$$kdk = ada + f df, idl = bdb + g dg, mdm = cdc + bdb.$$
ou
$$dk = \frac{a}{k} da + \frac{f}{k} df, dl = \frac{b}{l} db + \frac{g}{l} dg, dm = \frac{c}{m} dc + \frac{b}{m} db.$$

Et à cause que les points G & K sont supposés fixes, on aura da + db + dc = 0, df + dg + db = 0. Employant ces deux équations à chasser db & dg des équations précédentes, celle où ces deux quantités sont deviendra

$$dl = -\frac{b}{l} da - \frac{b}{d} dc - \frac{s}{s} df - \frac{s}{l} db.$$

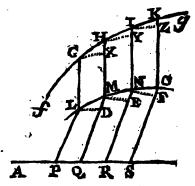
Si Yon fait attention ensuite que df n'est autre chose que la difference de MH, parce que MH = LG + HX, & que MH est par l'équation de la surface courbe une fonction tie AQ & de QM; sa difference, en prenant AQ pour constante, pourra être exprimée par pd(MH) ou $pda \cdot p$, marquant une fonction de AQ & de QM. De la même maniere on prendra pour db + dg ou -db la difference de IN qu'on exprimera par $q \cdot d(RN)$, ou q(da + db), ou -qda. On a donc ainsi df = pda & db = qda. Substituant ces valeurs dans celles de dk, dl & dm, elles deviendront db = da

$$dk = \frac{a}{k}da + \frac{f}{k}pda, dl = -\frac{b}{l}da - \frac{b}{l}dc - \frac{g}{l}pda - \frac{g}{l}qdc,$$

$$dm = \frac{c}{l}dc + \frac{h}{l}qdc.$$

Préfentement les conditions du Problème demandent que $Xk+\Upsilon l+Zm$ étant conflant, $X^2k+\Upsilon^2 l+Z^2m$ foit un Minimum, c'est-à-dire, que l'on a les deux équations $Xdk+\Upsilon dl+ld\Upsilon+Zdm+mdZ=0$. $X^2dk+\Upsilon^2dl+ld\Upsilon^2+Z^2dm+mdZ^2=0$.

200



Je n'ai point pris la difference de X ni de X, parce que ces fonctions sont composées de AP, PL, LG, qui sont supposées constantes.

Pour satisfaire à la premiere équation, # faut mettre pour dk, dl & dm, dr & dZ

leurs valeurs.

Il nous manque celle de dT & de dZ, mais-faisant attention que T est une fonction de AQ, QM & MH, & que MH en est une de AQ & de QM par l'équation de la surface courbe, on verra que T n'est autre chose qu'une fonction de AQ & QM; sa difference, en supposant AQ constant, sera donc une fonction de AQ & QM que j'appelle S multipliée par d(QM) ou da.

De même dZ fera une fonction de AR & RN que j'appelle T multipliée par d(RN), ou da+db, ou -dc. On a donc dT=Sda.

dZ = -Tdc.

On peut faire évanonir présentement d'a. Z, dk, dl, dm, & l'on aura Mém. 1733 M

$$\frac{Xa}{k} da + \frac{Xf}{k} p da - \frac{Tb}{l} da - \frac{Tb}{l} dc - \frac{Tgp}{l} da - \frac{Tgq}{l} dc + lSda$$

$$+ \frac{Ze}{k} dc + \frac{Zb}{l} q dc - \pi T dc = 0.$$

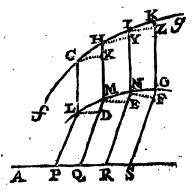
Passant tous les termes où sont da, de l'autre côté, on aura

$$(-\frac{T_0}{l} - \frac{T_0}{l} + \frac{Z_0}{m} + \frac{Z_0}{m} - mT)dc = (-\frac{X_0}{k} - \frac{X_0}{k} + \frac{T_0}{l} + \frac{T_0}{l} - lS)ds$$

Dans cette équation on remarquera que $\frac{Z^c}{m}$ est ce que le terme $\frac{T^b}{l}$ est devenu, lorsque AP est devenu AQ, de sorte qu'au-lieu des deux termes $\frac{Z^c}{m} - \frac{T^b}{l}$, on peut mettre $d(\frac{T^b}{l})$. De même qu'au-lieu de $\frac{Z^bq}{m}$ $\frac{T^cq}{l}$, ou $q(\frac{Z^b}{m} - \frac{T^cq}{l})$, on peut mettre $qd(\frac{T^cq}{l})$. En faisant la même opération dans le second membre de l'équation, elle aura cette forme

$$[d(\frac{Tb}{l})+qd(\frac{Yz}{l})-mT]dc=[d(\frac{Xa}{k})+pd(\frac{Xf}{k})-l5]da.$$

Nous n'avons encore fatisfait qu'à la preiniere des deux équations qui expriment les qualités du Problème, il faut faire les mêmes opérations à l'égard de la feconde; mais comme elle ne diffère de la premiere qu'en ce que X² répond à X, Y² à Y, &c. le réfultat ne doit differer que par X² pour X, &c. & par les quantités dérivées de X² pour celles qui viennent de X; c'est-à-dire, qu'aulieu



lieu de S, nous mettrons la quantité qu'on \mathfrak{C} de la même maniere avec X^2 qu'on a S avec X; nous appellerons cette quantité S^2 . L'équation que l'on aura de cette maniere lera

$$\left[d\left(\frac{T^2b}{m}\right) + qd\left(\frac{T^2g}{b}\right) - mT^2\right]dc = \left[d\left(\frac{X^2b}{k}\right) + pd\left(\frac{X^2f}{k}\right) - lS^2\right]da.$$

Divisant l'équation précédente par celle-ci, on fera évanouir da & de, & l'on aura

$$\frac{d(\frac{Tb}{l})+qd(\frac{Tg}{l})-mT}{d(\frac{T^{b}}{l})-mT^{b}} = \frac{d(\frac{Xa}{k})+pd(\frac{Xf}{k})-lS}{d(\frac{X^{b}}{k})+pd(\frac{X^{b}}{k})-lS}.$$

Et comme dans cette équation le second membre est positivement ce que devient le premier, lorsque AP devient AQ, il s'enfuit que la quantité exprimée par le second membre, ou par le premier, est constante dans toute la courbe.

On a donc l'équation de la courbe cherchée en égalant cette quantité à une constantes M 2 Mais

168 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Mais avant de le faire, mettons pour a sa valeur ordinaire dy; pour f, dz; pour k, ou d, qui en differe infiniment peu, ds, on aura de

cette maniere
$$\frac{d(\frac{Xdy}{ds}) + pd(\frac{Xdz}{ds}) - Sds}{d(\frac{Xdy}{ds}) + pd(\frac{X^2dz}{ds}) - S^2ds} = A$$

pour l'équation demandée.

On se ressouviendra, pour employer cette équation, que 1°. X est la fonction qui exprime l'action des corps i, k, l, dont la somme des effets est constante; que cette fonction est composée de x, y, z, ou simplement de x, y, parce que la surface courbe peut faire chasser z par son équation.

2°. Que Say est la difference de cette

fonction, en supposant x constante.

3°. Que p dy est la difference de z, en supposant x constante.

tion des corps a, b, c, qu'il faut éviter le plus qu'il est possible.

5°. Que S² dy est sa difference, en suppo-

fant z constanté.

COROLLAIRE L

Si l'on veut présentement que le Problème soit des questions des Isopérimetres, c'est-àdire, que la longueur fg étant donnée, on veuille que l'action soit la moindre, il faudra regarder l'action des corps i, k, l, comme constante, parce qu'alors la somme totale de leurs effets sera proportionelle à la longueur fg. Il n'y a donc qu'à faire X=b, par conséquent

quent S=0, & l'équation précédente deviendra

$$\frac{d(\frac{bdy}{ds}) + pd(\frac{bdz}{dz})}{d(\frac{X^{2}dy}{ds}) + pd(\frac{X^{2}dz}{ds}) - S^{2}ds} = \Lambda.$$

COROLLAIRE II.

Si l'on veut avoir la courbe qu'il faut déscrire pour aller de f à g, en évitant le plus qu'il est possible l'action des corps a, b, c, fans déterminer ni longueur de chemin, ni fomme totale d'actions des corps i, k, l, on n'a qu'à supposer l'action de ces corps égale à zéro, c'est-à-dire, X=0, & l'on aura $4(\frac{X^2dy}{dx}) + pd(\frac{X^2dx}{dx}) = 5^2 ds$.

COROLLAIRE III.

En supposant dans cette équation X^2 constante, c'est-à-dire, l'action des corps a, b, c, la somme totale de cette action, qui est un Minimum, est proportionelle à l'arc fg, de maniere que la courbe fg est alors la plus courte qu'on puisse décrire entre f & g. Metetant donc c pour X^2 , & par conséquent o pour S^2 , on aura dans ce cas $d(\frac{cdy}{ds}) + p d(\frac{cdz}{ds}) = 0$, ou $d(\frac{dy}{ds}) = -p d(\frac{dz}{ds})$, ou, en supposant ds constant, ddy = -p ddz, équations des lignes les plus courtes sur toutes les surfaces courbes.

Memoires de l'Academie Royale:

COROLLAIRE I.V.

Si dans notre Problème, au-lieu de suppofer que l'action des corps a, b, c, i, k, l, se fasse sur une surface courbe, on vouloit que tout se passat fur un plan, il faudroit faire z=0, & par conséquent p=0, & l'équation seroit dans ce cas

$$\frac{d(\frac{Xdy}{ds}) + Sds}{d(\frac{X^2dy}{ds}) + S^2ds} = A.$$

COROLLAIRE V.

Si au-lieu de demander la courbe fg, quifouffrît la moindre action des corps a, b, e,
on vouloit celle par laquelle un corps descendroît le plus vîte, il faudroit faire $X^2 \pm \frac{1}{V}$, Vexprimant la vîtesse du corps qui descend,
lorsqu'il est en G, parce qu'alors la somme
des $X^2 ds$, qui est le *Minimum*, est la somine des $\frac{ds}{V}$ ou le tems. Et pour avoir la valeur de V, si on suppose la gravité comme
elle existe sur la surface de la terre, V sera
proportionnel à V(b-z), supposant que bsoit la hauteur d'où le corps arrivé en G a
commencé à tomber, & que les lignes GL, HM, soient verticales, comme la Figure
l'indique.

Mais si l'on vouloit que la gravité fût tou-

te differente; que, par exemple, elle dépendît de l'attraction de plusieurs corps qui agisfent selon une fonction de leurs distances. il feroit toujours aisé d'avoir la valeur de V. elle seroit toujours quelque fonction de ces distances, & par conséquent de x, y, z, de forte qu'en mettant pour X2, 1 divisé par cette fonction de x, y, z, qui exprime la vi-tesse, on auroit la ligne de la plus courte descente.

OBSERVATION

DE L'ECLIPSE DE LUNE

Du 28 Mai 1733.

Par M. Godin.

'AI fait cette Observation à Guillerval, Village situé près d'Etampes, & sous le même Méridien à peu près que Versailles, c'est à dire, plus occidental que l'Observatoi-

re Royal de Paris de 50" de tems.
J'avois préparé une très bonne Lunette de z pieds. & j'avois mis zu foyer commun des Verres un Micrometre qui est de l'invention de Theodore de Balthazaris, & qu'il a décrit dans sa Micrométrie imprimée à Erlang en 1710. † C'est une Vis dont les pas sont à droite dans une moitié, & à gauché dans

⁶ Juin 1743.

[†] Cap. 3. 6. 26: p. 48: 4 M 4

272 Memoires de l'Academie Royale

l'autre moitié; ce qui fait que quand on la tourne, deux index à écroue qui y sont ajustés s'approchent ou s'éloignent également L'un de l'autre.

Le diametre de la Lune mesuré dans la direction de son orbite, ou, suivant le chemin de l'ombre, sur le disque de la Lune, sur trouvé de 991 parties du Micrometre, d'où j'ai déduit les doigts éclipsés que j'avois ob-

servés en parties du Micrometre.

Le jour de l'Eclipse le tems fut couvert devant & après midi, mais le 27 & le 29 je pris des hauteurs correspondantes, & le pas-Tage du Soleil par un Quart de Cercle que J'y ai fixé dans le Méridien, d'où j'ai déduit le tems vrai avec une entiere certitude.

Sur le foir, le Ciel s'étant découvert vers

Porient,

2 8h 18' o' la Lune sortit des nuages. 8 19 54 L'Eclipse étoit de ... Adoigts 454 8 22 SI Mare Critium toute for-

	tie de l'ombre.	
	8 24 48	.2
ι	8 26 20 Taruntius hors de l'ombre.	
	8 29 16 L'Eclipse est de 3	31
	8 32 44 2	53
	8 34 41 L'ombre au milieu de Mare Nectaris.	
	8 40 18 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	48
	8 44 33 · · · · · · · · I	20
	8 46 42	. 7
	8 48 20	45
	8 52 36 Fin de l'Eclispe.	
	Les deux phases de Tarantine & de	M/

Les deux phases de Taruntius & de Mare Nectaris ne sont pas si exactes que les autres,

dont

dont j'ai été fort content. L'endroit de la Lune où étoit l'ombre est beaucoup moins distinct que le reste du disque, c'est ce qui fait que je n'ai pas pris davantage de Taches.

Dans cette Eclipse l'ombre m'a paru mieux terminée qu'en aucune autre de celles que j'ai encore observées depuis douze à treize ans, se qui a donné la commodité de mesurer less doigts avec beaucoup d'exactitude. Le cercle de l'ombre passoit alors par des Mers, car la portion qui étoit sur le disque de la Lune étoit terminée par des rayons qui passoient sur Terre par le Golphe de Bothnie, par la Mer Baltique, par celle de Hollande, par la Manche, par les Isles Canaries, celles du Cap

vert, & enfin par l'Ocean.

Quoique je n'aye pas vu le milieu de cette Eclipse, qui est arrivé-lorsque la Lune étoit sous l'horizon, néanmoins par la comparaison des phases que j'ai prises, je trouve que l'observation a devancé de près de 2 minutes le calcul exactement sait; ce qui donneroit le milieu de l'Eclipse à très peu près du vrait 7^{h-19} à Paris. Le milieu de la derniere Eclipse de Soleil se trouve par mon observation le 13 Mai à 6^h 51^l; il ya donc entre ces deux milieux un intervalle de 15 jours 0^h 28^l pour le tems que la Lune a employé à aller de la Conjonction à l'Opposition, en prenant le milieu de ces Eclipses pour le moment, vrai des Syzygies; mais la moitié du mois synodique moyen est de 14 jours 18 heures, 22^l: il ya donc eu dans le mouvement de la Lune au Soleil un retardement de 6^h 6^l sur le moyen. Dans cette derniere, la Lune étoit M5

274 Memoires de l'Academie Royale

dans son apogée où elle avoit passé le matindu jour même de l'Eclipse, & par conséquent son mouvement étoit alors plus lent d'environ 9 minutes de degré par heure que dans son périgée, où elle étoit à peu près dans letems de la derniere Eclipse de Soleil.

BOLLOG GOOD CONTRACTOR CONTRACTOR

HISTOIRE DE LA CARPE.

Par M. PETIT le Médecin. *

l'Andémontré, il n'y a pas longtems, à: l'Académie, le Cœur d'un gros Poisson, qui malheureusement étoit tronqué de la seule Oreillette qu'il avoit dans son état naturel: c'est le défaut de cette Oreillette qui. est cause que je n'ai point donné la description de ce Cœur. Cela m'a engagé à disséquer les Cœurs de plusieurs de nos Poissons,. pour reconnoitre les differences ou les rapports qu'ils peuvent avoir avec celui que j'aidémontré. J'ai trouvé qu'il differoit peu du Cœur de la Carpe par la structure. Il differoit confiderablement par la groffeur, puisque le Cœur de ce Poisson avoit 3 pouces de hauteur & autant de largeur, & un pouce 4 d'épais-seur; le Cœur de la Carpe n'a que 7 à 8 lignes de hauteur & 4 à 5 lignes de largeur.

J'aisen même tems observé que nous n'avions qu'une légere connoissance des parties intermes de nos Poissons les plus communs, ce-

quic

qui m'a déterminé à les examiner avec exactitude. J'y ai découvert plusieurs choses qui ont échapé à la recherche de ceux qui y ont travaillé.

Je ne parlerai point des parties externes. elles sont assez bien décrites dans le Théatre des Animaux de M. Ruisch *. La Figure qu'il en donne n'est pourrant pas des meilleures. C'est la même que le Cyprinus de Jonston, aussi-bien que celle de Blasius t. Il n'a pas représenté les appendices ou moustaches qui sont au dessus de la levre supérieure, & celles qui sont aux coins des deux levres. It n'a pas mis les rayons qui sont sur les écailles, non plus que la ligne qui se trouve dans. toute la longueur du corps sur les deux côtes de la Carpe. Ces choses se voyent assez bien dans la Figure que Rondelet en à donnée ‡, hors la ligne dont nous venons de parler qui n'est pas dans sa place naturelle, elle n'est pas droite comme il l'a marqué; outre cela la tête de sa Carpe est trop allongée & trop étroite par rapport à la longueur du corpst enfin le port de ce poisson n'y est pas bien représenté. Tout cela m'a engagé d'en donner une nouvelle Figure. Elle a été faite sur une Carpe uvée, Tab. I. Fig. 1. Les Carpes laitées n'ont pas le ventre si gros.

Je dois avertir ici que lorsque je décrirai la situation des parties, je m'exprimerai de même maniere que les Anatomistes ont fair

Theat. Anim. tom. 1. pag. 2. fig. 41-† Anat. Anim. Tab. 32. fig. 2. † Hillig. Fife. pints. 25 23. 2504

276 Memoires de l'Academie Royale

en donnant la fituation des parties de l'home me & des animaux à quatre pieds. Je dirai, par exemple, que les œufs, la laite dans la Carpe, s'étendent depuis la partie supérieure de l'abdomenjusqu'à la partie inférieure; que le canal de la vésicule aërienne s'insere à la partie postérieure de l'estomac, ou, si l'on veut, au fond de la gotge; que les dents de la Carpe se trouvent à la partie postérieure du cœur, &c.

Je ne parlerai pas de l'usage de toutes les parties des Poissons, cela est inutile, puisque l'estomac, les boyaux, le foye, les reins, &c. ont les mêmes usages que dans l'homme & les animaux à quatre pieds. Je m'étendrai seulement sur l'usage de quelques-unes qui sont particulieres a la plupart des Poissons, comme la vésicule aërienne, les appendices de l'estomac & des boyaux, &c. mais je ne parlerai de cet usage qu'après avoir donné Phistoire de plusieurs Poissons, qui auront les mêmes parties, parce qu'il y en a dont la Aructure de ces parties est plus évidente, & qui par conféquent nous fourniront les moyens de donner des explications plus probables de leurs ulages.

Je vais démontrer ce qu'il y a de singulier dans les Écailles de la Carpe, & dont les iAuteurs n'ont point parlet, après quoi je décrirai les parties du bas-ventre; ciest de qui fera le sujet du premier Mémoire. Le segons comprendra l'anatomie de toutes les parties

de la Tête.

Des Ecailles. "...

Tous les poissons sont revetus de pesusou d'és

d'écaille, tant dans la Mer & les Rivieres, que dans les Etangs & les Lacs. La Carpe est peut-être celui de tous les poissons qui a de plus grandes écailles à proportion de sa grandeur. * Rondelet a bien exprimé les écailles dans la Figure qu'il en a donnée; il a même poussé son exactitude jusqu'à représenter les lignes qui s'y trouvent, mais il me paroit qu'il les a un peu trop marquées.

roit qu'il les a un peu trop marquées.
En général, on trouve plusieurs fortes de couleurs dans les écailles des possisons. Dans la même Carpe il y en a de brunes, de jaunes de blanches. La couleur brune domine dans les plus grandes écailles; dans les moyennes, c'est la jaune de la dorée, de dans les petites, c'est la blanche de l'argentée. On verra ciaprès que l'on trouve ces trois couleurs dans

chacune des grandes écailles.

Je vais les examiner dans les Carpes les plus communes, qui font de 16 à 18 pouces de longueur, tout compris, c'est-à-dire, 9

à 10 pouces entre œil & bat. †.

En général, plus les Carpes sont grandes, plus les écailles sont brunes. Rondelet assure que les plus jeunes Carpes ont les écailles plus rembrunies que les vieilles, qui tirent sur le jaune.

J'ai disséqué des Carpillons laités & uvés, ils étoient longs depuis ; pouces jusqu'à o. Toutes les écailles étoient argentées, & la plupart n'avoient de brun que le contour extérieur.

Les

Hist. Pisc. part. 2. p. 150.

† C'est ce qui est depuis les onïes jusqu'à l'endroit où commence la nageoire de la queue, c'est-à-dire, appre la tête & la queue,

178 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Les plus grandes écailles occupent le misieu des côtés de la Carpe par rapport à faongueur; plus elles sont près de la tête, plus-lles sont grandes.

Les écailles de moyenne grandeur sont du ôté de la queue, les plus petites sont sous e ventre, & sont d'autant plus petites qu'el-

es sont plus près de la tête.

Les plus grandes écailles ont 7 lignes ; infm'à 8 lignes de longueur, & 6 lignes jusqu'à: 1 de largeur. Il s'en trouve assez souvent rui sont aussi larges que longues: elles sont paisses de 4 ou 4 de ligne; en général pluselles sont petites, plus elles sont allongées. l y en a qui n'ont que 3 lignes de longueur 2 lignes de largeur. La Figure A, B, C, D, E, en représente une grande au naturel. Lorsau'elles sont encore sur la Carpe, il n'en paroit tout au plus que le tiers C, B, E, qui est coloré; cette partie externe est souvent d'un jaune un peu rembruni. Cette couleur paroît être dans la propre substance de l'écaile, on ne peut l'ôter entierement en raclant l'écaille qu'on n'en enleve une portion, hors. an endroit qui appartient à la membrane qui: attache les écailles, & c'est aussi l'endroit qui paroît le plus brun sur l'écaille. Il y a surcette partie externe des lignes en forme de rayons qui partent de la circonference B, E, CFig. 2. & tendent au point D comme à un centre.

Le dessous de l'écaille opposée à cette parne externe est argenté un moyen d'une mem-

brane

Tan. L. Hig. 30

. ڈٹر ایا داستوں

brane extrêmement fine qui porte cette couleur, que l'on enleve facilement avec la membrane, & qui laisse l'écaille blanche en cetendroit. La partie supérieure de l'écaille A, B, C, E, est envelopée de membranes collées à l'une & à l'autre parois, mais si foiblement qu'elle n'y paroît point du tout adhérente. Lorsqu'on a enlevé la membrane, cette partie de l'écaille est toute blanche & transparente comme de la corne. On y découvre des lignes en forme de rayons qui partent de la circonference B, A, C, & vont se rendre au point D, comme à un centre.

Cette portion d'écaille est cachée par trois autres écailles, c'est à dire, par une portion de chacune de ces trois écailles, comme on le voit dans la 3°. Fig. où l'on a laissé une écaille sans couleur. Il y en a deux qui couvrent les côtés de cette écaille, qui couvre aussi les côtés des deux autres écailles, & il y en a une troisieme qui couvre le milieu de cette écaille, & les côtés des deux autres.

Toutes ces écailles tienment ensemble par le moyen des membranes qui les envelopent; car la membrane qui envelope les deux surfaces de la partie de l'écaille A, B, C n'y tient que légerement; mais elle tient très fort à l'endroit B, D, C, où elle attache les autres écailles qui sont dessus & dessous. Il faut même remarquer qu'il y a un petit rebord membraneux flottant autour de B, E, C, & c'est principalement sous ce rebord où l'attache est forte. Tout cela n'empêche pas qu'il n'y ait un peu de jeu dans les écailles, les unes à l'égard des autres, sans cela la Car-

pe ne pourroit se courber vers les côtés comme elle fait dans ses mouvemens. Ces membranes tiennent très fortement à la membrane tendineuse qui envelope tout le corps de la Carpe, & en sont une continuité.

Si l'on examine bien la partie externe de la Carpe, on remarque une ligne brune de chaque côté qui s'étend depuis la têre jusqu'à la queue. Cette ligne paroît brune, * parce que la membrane qui attache la partie inférieure de l'écaille est très brune dans son-

milieu. Je l'ai vu quelquefqis rouge.

On trouve dans la substance des écailles, où l'on voit cette ligne, un canal long de 2 lignes ou 2 lignes ½, qui a environ un quart de ligne de diametre. On peur introduire une petite épingle de cette grosseur, mais elle y entre plus facilement par la partie interne & inférieure que par la partie externe & supérieure de l'écaille. Ce canal va de haut en bas de cette écaille, ou de bas en haut, & obliquement de dehors en dedans; elle secontinue d'une écaille dans l'autre successivement, depuis la tête jusqu'à la queue. Il y a, entre chaque écaille, un petit canal membraneux qui en fait la continuité.

Quel est l'usage de ce canal? c'est ce qu'il faudra chercher. Je ne sai si quelqu'un l'adonné; je ne l'ai trouvé décrit en aucun en-

droit.

Après avoir observé ce qu'il y a de singulier dans les parties externes de la Carpe, il faut venir aux parties internes.

Division de la Carpe.

Je divise la Carpe en quatre parties, 1º. la tête, 2º. la poitrine, 3º. le bas-ventre, 4º. & la queue. La tête se prend depuis le museau jusqu'à l'extrémité des couvercles des ouies, vis-à-vis desquelles se trouve la poitrine, car il n'y a point de cou entre la tête & le tronc de la Carpe; la poitrine est séparée du bas-ventre par le diaphragme, elle renferme seulement le cœur, & une partie, considerable des reins; le bas-ventre contient les entrailles; la queue commence à l'anus, & est toute musculeuse. Je ne parlerai dans ce Mémoire que des parties du bas-ventre, & de la partie des reins qui est de la poitrine.

Abdomen.

L'abdomen ou le bas-ventre est, comme l'on sait, une cavité du corps, qui se prend depuis le diaphragme jusqu'à l'anus. Tous les Anatomistes savent de quelle maniere elle est formée dans l'homme & les animaux à quatre pieds, mais je ne connois personne qui l'ait examinée dans la Carpe. Ce poissons à la cavité du bas-ventre formée par les vertebres du dos, & par des muscles, qui sont tous differens de ceux de l'homme & des animaux à quatre pieds, comme nous le ferons voir en parlant des muscles; mass elle a outre cela des arrêres en forme de côtes * A, il y en a 16 de chaque côté; on les voit dans ces sigures † à travers le péritoine comme

^{*} TAB. II. Fig. 1. \ † TAB. IV. & VI.

me une simple ligne; elles fortent de chaque vertébre, depuis le diaphragme jusqu'à l'anus où se termine le bas-ventre, comme en pointe de cône. Le dedans de l'abomen est revêtu du péritoine dans la Carpe, comme dans les autres animaux.

Anus.

L'anus, les Mariniers l'appellent ambilic, ou le fondement, a aussi ses singularités; voici ce qui paroît à l'extérieur, dans la Carpe.

*Il ne consiste pas seulement dans une ouverture par où elle décharge les excrémens des boyaux, il comprend encore deux autres ouvertures; l'une donne passage aux œuss dans les semelles, & à la semence dans les mâles, lorsqu'ils s'en déchargent; & l'autre laisse passer l'urine de la véssie: de sorte que voila rois conduits qui aboutissent à cet endroit. Le premier est l'extrémité du restum, qui est proprement l'anus, il est le plus large des trois, il a environ deux lignes & demie, mais il peut s'élargir jusqu'à 5 ou o lignes.

Le second est l'extrémité des deux capsules qui envelopent les œufs, & qui se réunissent en un seul canal, dont l'extrémité n'as qu'une ligne de large, ou une ligne & demieselon la grandeur des Carpes; elle peut beaucoup s'étendre: on peut donner le nom de

vulve à cette ouverture.

Mais dans les mâles elle est plus étroite, c'est l'extrémité des deux membranes qui envelopent la laite; elle aboutit-en cet endroit

par un canal qui a une ligne & demie de diametre.

Le troisieme est l'embouchure de la vessie, il a demi-ligne ou 4 de ligne de largeur; & toutes ces ouvertures ne sont pas rondes, elles sont applaties les unes sur les autres, il n'y a que la 3°, qui est en quelque maniere ronde; elles sont séparées les unes des autres par des membranes qui n'ont pas un quart

de ligne d'épaisseur.

Tout cela forme cètte partie extérieure appellée pudex par Rondelet: elle est en quelque maniere tiangulaire dans les Carpes laitées; mais elle l'est moins dans les Carpes uvées, & a environ 4 lignes de diametre jusqu'à 5 lignes. J'ai piqué cette partie dans les Carpes vives avec la pointe d'une aiguile, on n'y apperçoit augun mouvement, & néanmoins elle s'est insensiblement retrécie de la moitié.

Estomac.

L'estomac, où le ventricule; prend sons origine du fond de la gorge, it passe à travers le centre du diaphragme, il a la figure d'un boyau qui a six pouces & quelques lignes de loujueur, & s'étend suivant la longueur de l'abdomen; il a 4 lignes de diametre jusqu'à 5 lignes du côté du diaphragme, mais il diminue peu à peu, & n'a plus que 3 à 4 lignes à son extrémité du côté de l'anus, où il se replie pour former le premier boyau.

† Cet estomac ‡ est envelopé de tous côtés.

TAR II. AA. Fig. 2. & 3. TAR III. DE. Fig. 1. & 3.

† Il faut lire l'Explication des Figures des Tables H.

k III.

† TAR III. DE.

par les boyaux & le foye, & fort de ce paquet, à 1 pouce, ou 1 pouce ½, de l'endroit où il se replie pour produire le premier boyau; c'est le repli le plus près de l'anus: il n'y avoit ni pilore, ni valvule à ce repli, comme j'en ai vu dans le brochet & d'autres poisfons. Je n'ai trouvé aucune difference entre cet estomac & le premier boyau, qui commence à ce premier repli, à deux pouces de l'anus; on diroit à voir ce repli, que c'est l'estomac qui le forme.

Il y a quantité de rides longitudinales dans fa partie interne, & c'est ce qui m'a engagé de donner le nom d'estomac à cette partie, avec d'autant plus de raison, que je ne trouve point d'autre partie qui fasse cette fonction. «Il reçoit le canal cholidoque à 2 lignes du diaphragme; que canal forme un mamelon à la partie interne de l'estomac, où l'on re-

connoit fon orifice.

Intestins.

Dhragme, il a trois pouces & demi de longueur, & 3 lignes de diametre.

Le fecond boyau est formé ar le repli du premier, il a environ 3 pouces de longueur, & 2 lignes 1 de diametre, il descend de haut

en bas.

d Le troisieme boyau remonte de bas en haut, & a 2 lignes de diametre; il a 4 à 5

pou-

pouces de longueur, en y comprenant la courbure qu'il forme de droit à gauche vers le diaphragme, par laquelle il produit une espece d'anneau, avec une portion du 4me. boyau qui renferme une portion du foye.

Le quatrieme boyau a 2 lignes de diametre, & 4 pouces ou 4 & 1 de longueur, en y comprenant la moité de l'anneau qu'il fait avec le boyau précédent, comme nous venons de le dire: il descend vers l'anus.

b Le cinquieme boyau a environ 4 pouces de longueur & 2 lignes de diametre, il remonte vers le diaphragme, à un pouce & demi duquel il se replie, pour former le boyau suivant.

•Le sixieme est le plus long de tous, il a fix pouces, quelquefois plus, de longueur, & une ligne & demie de diametre ou 2 lignes, quelquefois trois à quatre lignes: il se ter-mine à l'anus: il est envelopé en partie par les autres boyaux & le foye; dans les Carpes laitées, ce boyau est logé, pour la plus grande partie, dans une goutiere pratiquée dans la laite.

Ces intestins n'ont point de mésentere. ils sont liés ensemble par les parties du foye qui fe trouvent logées & attachées entre les espaces qu'ils laissent entre leurs circonvolutions. Les Figures 2 & 3 de la 2de Table représentent ces intestins séparés du foye.

Lė

[#] TAB. II. 4. Fig. 2. TAB. III. 4,4. Fig. 1.

TAB. II. 5. Fig. 2. TAB. III. 5. Fig. 1.

TAB. II. 6,6. Fig. 2, TAB. III. 6,6. Fig. 1.

A TAB, V. B. Fig. 3.

Le Foye.

*Le foye est divisé en plusieurs parties, & comme par appendices, qui ont peu d'épaisfeur. Je viens de dire que ces parties du foye
s'attachent aux boyaux, remplissent les espaces qu'ils laissent entre eux; il y en a qui
passent par-dessus le boyau pour aller remplir
d'autres espaces. Toutes ces liaisons du foye
& des boyaux forment un paquet qui est aussi
adhérant aux paquets des œuss, ou de la laire,
mais très légerement.

Le foye est aussi long que le paquet des boyaux, & est aussi large auprès du diaphragme où il commence; il y amême un très petit lobe du foye, qui, quelquesois, se loge dans un ensoncement du diaphragme au-dessus du canal de la grosse vésicule aërienne, dont je

parlerai ci-après.

Après cela le foye diminue peu à peu de largeur, & se termine en quelque maniere en pointe, en formant un cône très irrégulier; & de l'extrémité de ce cône, le rectum se continue jusqu'à l'anus de la longueur de 15

à 18 lignes.

Le foye est d'un rouge de chair musculeufe, il est different dans quelque carpes laitées, il est plus pâle, & aussi épais dans toute son étendue. Je l'ai trouvé dans d'autres Carpes laitées moins pâle & moins épais, & ses adhérences avec les intestins sont les mêmes que dans la Carpe uvée. Il est logé avec les boyaux entre les deux laites; il est encore bon de remarquer qu'il recouvre près de la moitié de la grosse vésicule aërienne, avec laquelle il a une légere adhérence: il est fort étendu en cet endroit.

Il est recouvert à ses côtés par le paquet des œufs, il y est adhérent par des membranes très fines, aussi-bien qu'au péritoine.

Véscule du Fiel.

*La vésicule du fiel se trouve enchassée dans le milieu de la partie principale du fove, tout du long de la partie supérieure de l'estômac. Il y a une couche de foye épaisse d'une ligne entre la vésieule & l'estomac; elle est attachée en cet endroit par quantité de vaisseaux sanguins & biliaires qui lui viennent du foye; il y a plusieurs de ces vaisseaux biliaires qui vont se terminer dans le canal cystique. J'en ai vu un principal qui s'y attache à 2 lignes. de la vesicule +, & c'est ce qu'on peut appeller le canal hépatique; il a environ demi-ligne de diametre; il y en a quelquefois deux: j'ai vu aussi trois autres canaux biliaires se réunir en un point au même canal, au côté opposé de l'insertion du précédent.

Le canal cholidoque, & le canal cystique, pe font qu'un canal continu & de même diametre: ce canal a 2 lignes ½ jusqu'à 3 lignes de longueur, quelquefois plus, & 1 ligne 4 de diametre; il s'insere à la partie supérieure de l'estomac, à 2 lignes de sa sortie du diaphragme, cette insertion est oblique; mais ce canal ne sait aucun trajet entre les membranes, il parost seulement qu'il y suit un petit détour. Je n'ai pu introduire une sonde

^{*} TAR. III, B. Fig. 2. . T.TAB. IL. D. Eig. 67

de très fine, par le mammelon qu'elle forme dans la partie interne de l'estomac; la bile en sortoit pourtant à la moindre pression que je faisois à la vésicule, & si l'on vuide la vésicule, & qu'on soussele dans l'ouverture du mammelon qui est très petite, l'air y entre & la gonsse.

La vésicule du fiel dans une Carpe de 18 pouces, tout compris, étoit longue de 15 lignes, & avoit 6 à 7 lignes de diametre; & dans une autre Carpe de 14 pouces, elle étoit longue d'un pouce, ayant 6 lignes de

diametre.

La bile qu'elles contenoient, étoit verte & liquide; j'ai vu dans une autre Carpe, la bile un peu plus folide que du beurre, elle étoit grenée & verdâtre.

La Rate.

* La Rate est attachée au commencement de l'estomac, à 5 ou 6 lignes du diaphragme; elle se trouve située entre le paquet des boyaux, & la grosse vésicule aërienne vers le côté gauche; il y en a quelquesois une petite portion que l'on voit au côté gauche, lorsqu'on a enlevé les œuss ou la laite de ce côté-là: elle est longue de 3 ou 4 pouces, elle n'a quelquesois que 2 pouces ; dans les Carpes de 13 à 14 pouces: sa partie principale est entre la partie supérieure de l'estomac & le soye: elle a plus de demi-pouce de largeur, & 2 lignes d'épaisseur, & pour-lors elle n'est point continue: ses parties insérieures

rieures ne tiennent ensemble que par des vaisseux; mais je l'ai vue assez souvent en une seule piece, n'ayant que 2 pouces de longueur, 8 à 0 lignes de largeur, & 3 à 4 lignes d'épaisseur: cette partie varie très fort dans ses dimensions: elle est d'un rouge-soncé comme du sang caillé.

Les Oeufs.

* Les œufs de la Carpe forment deux paquets; un de chaque côté de l'abdomen, ils s'étendent depuis le diaphragme jusqu'à l'anus, ils couvrent de chaque côté le paquet formé par les intestins & le foye, & s'étendent entre ce paquet & la vessie aërienne qu'ils couvrent de part & d'autre, depuis la moitié de la grosse vésicule aërienne jusqu'à l'anus.

Ils font revêtus d'une membrane très fine & transparente, qui forme une capsule qui envelope entierement les œufs, auxquels elle est très peu adhérente. Si l'on souffie dans cette capsule, elle se sépare facilement des œufs, & se gonste beaucoup.

Les deux capsules se réunissent en un seul canal, qui se termine à la partie postérieure de l'anus. Cette capsule est adhérente au péritoine, & au paquet du foye & des boyaux.

mais très légerement.

Les œufs qu'elle contient sont adhérens les uns aux autres, ils sont ronds, ou à peu près ronds, & ont demi-ligne jusqu'à deux tiers de ligne de diametre, ce qui est rare.

* TAB II. HH. Fig. 1.

Mém. 1733.

MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

l'ai voulu voir combien il y avoit d'œufs dans une Carpe. J'ai pour cela mis dans une Balance très fine, la quancité d'œufs qu'il falloit pour la pefanteur d'an grain, & j'ai trouvé qu'il en falloit 71 ou 72. Les deux paquets pesoient 8 onc. 2 gros qui sont 4752 grains, qui multipliés par 72, font 342144, œufs, ou environ, que cette Carpe contenoit. C'est dans une Carpe de 18 pouces de

Migneur, compris la tête & la queue.

Dans une autre Carpe moins groffe, les deux paquets d'œufs ne pesoient que 7 onces 2 gros 42 grains, & ne contenoient que 303552, c'est dans une Carpe de 16 pouces; & cans une Carpe de 14 pouces, je n'ai trou-We que 6 onces 4 gros 42 grains, & ne con-tenoient que 202224 œufs, & les œufs de ces Carpes m'ont paru de la même grosseur. A parofe par ces observations, que plus les Carpes font groffes, plus elles contiennent d'aufs. Ce doit être une chose rare de rencontrer juste dans de pareilles opérations, & ce servit peu de chose de ne se tromper que de quelques centaines.

Leuwenhoek, tome 1. p. 216, 217 & 218, fie doine aux Carpes que 211629 œufs, & étaire fois plus aux Morues; & à la page & que les œufs d'un poisson d'un an sont aussi

gros que ceux d'un poisson de 25 ans.

Tous ces œurs font d'un jaune très leger, plus du moins. Je les ai fait bouillir, ils font devenus blanes; mais étant refroidis, As Le sont trouvés jaunes, quelques-uns orangés.

La Laite.

La laite que l'on nomme auffi laitance, eff une partie dans les Carpes mâles, composée de deux corps blancs, très irréguliers: ce sont les resticules dans lesquels se fittre la semence; ils sont presque aussi longs que la cavité du bas-ventre, le côté droit est quelquefois un peu plus long que le gauche, parce qu'il commence un peu plus près du diaphragme; il recouvre par les côtés, le paquet des boyaux, la vessie aérienne & la vessie urinaire.

Je, les ai vu quelquefois commencer tons deux au diaphragme, & cela se continue iusqu'à l'anus, où ils finissent par un canal entre le rectum & la vessie, comme je l'ai dit ci-deslus, le tout envelopé d'une membrane très fine. L'adhérence de cette membrane à toute la substance du testicule, fait croire qu'elle est attachée à des membranes encore plus fines qui traversent peut-être des vélicules. Lorsque la laite est coupée en tra-vers, & presse un peu avec les doigts, il s'échape une matiere blanche & épaisse comme de la bouillie, renfermée dans ces vésicules.

A Chaque corps blanc ou testicule, est composé de deux parties. La premiere & la plus confidérable, qui prend son origine près le chaphragme A, A, D, est le corps du testicule; il est uni & lisse à sa superficie. La seconde partie confiste dans les vésicules séminales

qui font près de l'anus F. E.

202 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

La premiere partie que j'ai appellée le corps du testicule*, est longue de près des pouces dans une Carpe de 14 pouces, ayant 1 pouce 8 lignes de largeur près le diaphragme; elle diminue ensuite de largeur, quoique très irrégulierement, ensorte que près les vésicules seminates, elle n'a plus que 4 à 5 lignes, quelquefois plus.

Sa plus grande épaisseur est de 8 à 9 lignes, qui se trouve de même très irréguliere.

Toute cette partie est composée de lobes très differens entre eux en grofleur & en figure, qui sont une continuité de la partie principale du testicule; tous ces lobes tiennent entre eux, au moyen de la membrane dont le tout est envelopé.

Cette membrane envelope tout le testicule, & en particulier chaque lobe; elle ne peut se détacher facilement par le scalpel, & très difficilement par le souffle; elle est lége-

rement adhérence au péritoine.

Le testicule gauche reçoit l'intestin rectum dans une espece de gouriere 1, de la longueur de près de 3 pouces, & de la largeur de 2 lignes. Canal désérent.

. Dans chaque testicule, il y a un interstice dans toute la longueur, où se trouve une espece de canal qui contient une matiere blanche comme de la bouillie, qui est la semence. Si on le perce & qu'on le vuide de la matiere qu'il contient, on le gonfle en soufflant dedans, ce que l'on ne peut faire

TABLYL A.A. Fig. 2. & ByFig. 4:1 + B.G. Fig. 1.

en soussiant dans les autres endroits du testicule. Ce canal n'occupe pas ordinairement le même endroit dans chaque testicule dans le même sujet, car d'un côté le cours de ce canal est droit, & de l'autre il se détourne tantôt d'un côté & tantôt de l'autre; mais ce qui est toujours constant, c'est que ce canal aboutit à la seconde partie de la laite, & pour cette raison on peut l'appeller canal déférent.

Vésicules séminales.

* J'appelle cette seconde partie vésicule séminale, parce qu'elle paroît formée par de petites vésicules distinguées les unes des autres. Pour les voir avec facilité, il faut presser doucement avec le doigt ces vésicules en ramenant du côte de l'anus, & par ce moyen on en fait fortir par l'ouverture qui est audessous de l'anus la semence qu'elles contiennent F, I. Si après cela on fouffle dans cette ouverture, on voit gonfler ces vésicules qui paroissent très distinctes les unes des autres à l'extérieur. Ces deux vésicules séminales se réunissent en un canal commun qui se termine au dehors comme l'anus, à la partie postérieure duquel il est situé, comme je l'ai dit. Il est long de 4 à 5 lignes, & n'a qu'une li-gne & demie jusqu'à 2 lignes de diametre. Si on ouvre ce canal, on y voit l'ouverture de la vessie qui ne parost pas toujours au dehors dans les Carpes laitées †. Ves-

* F, E, Fig. 2. D, E; Fig. 3.

T')'ai bien vu les vésicules séminales dans un Carpillen de 9 pouces 6 lignes de longueur. J'ai quelquesios trouvé un parie resérvoir K Fig. 2. à la partie inférieure de ce canal.

204 MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

Vessie aërienne.

On trouve dans la Carpe & dans plusieurs. autres poissons, une vessie remplie d'air; je-l'appelle pour cela vessie aërienne. C'est pour la même raison que quelques Auteurs * l'ont nommée vesicula pneumatica, d'autres uriculus natatorius, parce qu'il paroît que les poissons s'élevent plus ou moins facilement vers la superficie de l'eau, selon qu'elle se trouve plus ou moins remplie d'air.

† Elle est située entre les reins & les œufs ou la laite. Elle s'étend depuis le diaphrag-

me jusqu'à la vessie urinaire.

Elle est attachée légerement par des fibres & des vaisseaux à toutes les parties qui la touchent, mais elle tient très fort à la base d'un petit os que j'appelle mitral, à cause de sa figure qui représente la partie antérieure d'une mitre †. La partie supérieure de la membrane externe de cette vessie est attachée si fortement à cet os, qu'on ne peut la séparer sans la couper ou la déchirer; il y a mêmoquelques-unes des fibres de cette membrane qui sont continues avec le diaphragme.

L'Cette vessie est composée de deux vésicules. La premiere est la plus grosse, & laplus près du diaphragme. Elle a 3 pouces, ou environ de longueur, & 13 à 20 lignes

de diametre à l'endroit où elle a le plus de groffeur; elle forme une espece d'ovale.

*La seconde vésicule qui est plus perite que la précédence, est 2 à 3 lignes plus longue que la premiere, mais elle n'a que 12 lignes ou environ de diametre dans l'endroit où elle

a le plus de groffeur.

Chacune de ces vésicules a deux membranes, une externe & une interne. La premiere, qui est condineuse & forte, est double, ce que l'on connoit très bien en la déchirant, principalement lorsqu'elle a été macérée dans l'eau. On voit que chacune des deux lames qui la composent a des sibres dont la direction est différente. Les sibres de la lame extérieure sont plus obliques que selles de l'intérieure.

La seconde membrane est très fine, malgré sela on reconnoit par la macération qu'elle of double; elle renferme dans sa duplicaturewa muscle dont les fibres sont transverses, † & occupent toute la longueur de la vésique. peu s'en faut, & environ le tiers de sa cisconférence. Les fibres inférieures se croisent à angles droits, avec d'autres fibres charaues qui sont à la partie inférieure de la vésicule.

La seconde vésicule à les mêmes membranes, mais les externes sont plus fines que pelles de la premiere vésicule . Elle a deux plans de fibres charnues & transverses, un de chaque côté, qui regnent dans toute la longueur de la vésicule, mais chaque plan n'en occupe

qu'environ le quart de la circonférence.

TAB-IV. Fig. 3. B. | Fig. 4. CC. | Fig. 3. B. J. J.

Les deux vésicules communiquent de l'une en l'autre par un petit canal qui a une. ligne ou une ligne & demie de diametre. felon qu'il est plus ou moins allongé. Il a deux tiers de ligne de longueur, pour l'ordinaire. Il n'y a point de valvule, l'air passe librement de l'une en l'autre vésicule. Il est garni des mêmes fibres charnues transverses & longitudinales que l'on voit à la partie inférieure de la premiere vésicule, qui servent à retrécir & à raccourcir ce canál felon la nécessité. b Il sort de la partie supérieure & antérieure de la petite vésicule un autre canal qui s'attache tout du long de la partie antérieure de la 11º vésicule, remonte jusqu'au diaphragme^c, qu'il perce en se repliant sur lui-même, & gagne le fond de la gorge qu'il va percer à sa partie postérieure d; il est long de 3 pouces ou 3 pouces 1. Il a deux fortes de diametre: il est gros d'une ligne ou 4 de ligne à son origine près la petite vésicule de la longueur de 3 à 4 lignes, après quoi il diminue de groffeur, & n'a plus qu'un tiers de ligne ou demi-ligne de diametre ', jusqu'à ce qu'il foit près du digphragme s. La membrane qui le forme n'à peut être pas 20 de ligne d'épaisseur, mais cette épaisseur augmente, lorfqu'il est près du diaphragme h: ce canal a pour-lors une ligne, jusqu'à une ligne & demie de diametre, dur & ressemblant à un ganglion du nerf intercostal; it se

TAB. IV. O. Fig. 2. bFig. 2. KI, HM. cFig. 3. EDF.

d TAB. V. Fig. 4. C. e TAB. IV. 1. Fig. 2.

f Fig. 2. H. g Fig. 3. D. b. Fig. 2. M.

Fig. 3. F:

replie sur lui-même. Sa cavité n'en est pas pour cela plus grande que celle du reste du ca-. nal; il n'y en a même qu'autant qu'une sonde d'un tiers de ligne ou demi-ligne est capable de le dilater, car une sonde de ? de ligne ne peut y entrer. Hors cela je ne crois pas qu'il y ait de cavité, à cause de la contraction de toutes les fibres qui le resserrent ; & encore si on introduit cette sonde par le fond de la gorge, elle ne peut faire 2 ou 3 lignes de chemin, à cause des valvules qui se trouvent en cet endroit, & que l'on découvre lorsqu'on a ouvert le canal. L'on en trouve pour l'ordinaire deux, quelquefois, trois; qui se suivent, & font femblables à celles que l'on trouve dans lès veines. Leur cavité se trouve du côté de la gorge; elles sont si petites, que quelquefois on ne peut venir à bout de les découvrir. J'ai fait ce que j'ai pu pour pousser de l'air par cet endroit dans les vésicules que j'avois à moitié vuidées, mais l'air n'y a pu passer; cependant l'air se vuide par cet endroit en pressant les vésicules, qui se siétrissent à proportion de l'évacuation de l'air. J'ai même voulu m'en assurer d'une autre maniere. J'ai mis-l'orifice de ce canal dans l'eau. j'ai pressé les vésicules, l'air qui en sortoit formoit des bulles dans l'eau. Si l'on ouvre ce canal dans l'endroit où il est le plus étroit. c'est-à-dire, au delà des valvules, & qu'on souffle; l'air s'introduit dans les vésicules; tout cela marque encore qu'il n'y a point de valvule à sa sortie de la vésicule.

Il ne faut pas oublier des ramifications de vaiffeaux que l'on voit sur la petite vésicule.

208 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Je n'en ai point vu de pareilles sur la grosse vésicule.

Les Reins.

Les reins des poissons écailleux sont d'une substance & d'une structure si particuliere, que Rondelet y a été trompé. Il ne donne ni reins ni vessie aux poissons écailleux & sartilagineux, il n'y a, dit-il, que ceux qui respirent qui en ont. Il y a des Auteurs qui ont découvert ces parties dans quelques poissons, mais je n'en conneis aucun qui ait décrit les reins de la Carpe. Ceux qui en ont parlé n'en ont dit que très peu de choses, & en ont donné de très mauvaises Figures. En voiei la déscription.

Les reins sont rouge-brun, molasses, semblables en quolque maniere à du sang caillé; ils occupent la plus grande partie de la poitrine, & de là s'étendent dans toute la lon-

gueur du bas-ventre jusqu'à la vessie.

† La partie des reins qui est dans la poitrine est très considerable par sa grosseur, elle couvre presque entierement le diaphragme, & environne la plus grande partie du cœur; les deux parties qui la composent, se réunissent en cet endroit † & sur l'os mitral où elles se recrécissent tout d'un coup, paslent

Tan, W. Fig. 1. DD, PFF, GG. † Fig. 1. 8c3. DD.

Li pasoit d'abord que cette partie des seins est à
nud dans la poirtine; mais si l'on y prend bien garde,
elle est revêtue d'une membrane fine & transparente
qui forme le médiastin: en voit pourrant qu'ils sont
adhérens à un muscle large d'un pouce on contron,
mi prend son origine de la partie antuique interne
de l'os où est attachée la naggoine, & va sinsere à
la première côte.

٠..

sent dans un trou de 3 lignes de longueur ou environ*, & d'une ligne ; de largeur, formé par l'union de l'os mitral † avec la proisseme vertebre de l'épine, & entrent dans le baswentre. Avant de passer outre, il est bon de décrire cet os. Il est ‡ triangulaire & minoe. convexe du côté du bas-ventre, un peu concave du côté de la poitrine, les deux côtés de la base sont un peu arrondis. l'angle qui le termine est surmonté d'un petit bouton cartilagineux, les deux angles de la base sont allongés & sont continus à la troisieme versebre, avec laquelle ils ne forment qu'un soul os, en laissant une ouverture entre eux; cet os mitral est partagé dans sa longueur on deux parties qui s'unissent par symphyse. J'ai déja dit que je l'appelle mitral, parce qu'il ressemble assez bien à la partie antérieure d'une Mitre.

Les reins passent, comme je l'ai dit, dans l'ouverture qui se trouve entre cet os mitral & la vertebre, & entsent dans l'abdomen, où peu à peu ils s'élargissent & forment dans le milieu de cette cavité, § deux corps très irréguliers, un de chaque côté, qui sont comme les parties principales des reins; elles sont plus considerables par leur grosseur que celles de la poitrine; elles sont aussi très irrégulieres, & plus aisées à représenter qu'à décrare. Le corps qui est du côté gauche est ordinairement plus grand que l'autre, c'estadire, plus gros & plus long; ils s'étendent l'un

TAR.W. Fig. 5. H; † Fig. 1. H. ‡ Hig. 5. & 6. H. ‡ Fig. 5. M. † #ig. a. G G:

l'un & l'autre fort avant sur le péritoine, auquel ils sont adhérens, aussi-bien qu'aux ovairres ou à la laite; ils se grossissent en bosse triangulaire, & sont logés entre les deux véssicules aëriennes dont ils remplissent l'espace qu'elles laissent entre elles, * ce qui leur donne cette sigure, après quoi ces reins se retrécissent peu à peu, & se coulent entre les deux ureteres † qu'ils accompagnent jusqu'à la vessie.

On ne trouve aucune cavité que celle des ureteres, dans pas une des parties des reins que nous venons de décrire. L'urine passe immédiatement de la substance des reins dans les ureteres, par le moyen des vaisseaux ex-

crétoires ‡ qui s'y rendent.

1 Les ureteres sont, comme l'on sait, des canaux qui transportent l'urine des reins dans la vessie; ils sont dans la Carpe cachés en partie dans la substance des reins, & principalement dans la partie qui est renfermée dans la poitrine. Je le suppose ainsi, car il n'a pas été possible d'y découvrir aucun canal, avec une bonne loupe, & l'on n'a commencé à découvrir les ureteres qu'à quelques lignes de distance du diaphragme dans le basventre, & plus près au côté gauche qu'au côté droit, après quoi ces canaux se trouvent à découvert, & se replongent dans la substance épaisse qui est entre les vésicules aëriennes; puis ils reparoissent à découvert au dessous de cette partie jusqu'à la vessie uri- .

urinaire, qu'ils percent à la partie postérieure de son fond où ils se trouvent tout près l'un de l'autre, comme on le voit dans la Figuré 4. Ils ne font aucun chemin entre les membranes de cette vessie, supposé qu'elle en ait plusieurs. On voit l'uretere d'un rein dissequé, dans la seconde Figure, avec les vaisseaux excrétoires qui s'y rendent, & y

transportent l'urine.

*La vessie urinaire est une capsule oblongue arrondie, & qui étant gonssée, ressemble à une petite cucurbite renversée, dont l'embouchure est très étroite; elle a 10 à 11 lignes de longueur, 3 lignes ou 3 lignes ½ de diametre, & comme je l'ai dit, demi-ligne ou ½ de ligne à son embouchure; elle ne paroît composée que d'une seule membrane qui est fort sine. Cette vessie n'a point d'uretre, son embouchure est tout près de celle du rectum à sa partie postérieure de l'anus dans les Carpes uvées; mais dans les Carpes laitées, on ne la découvre point au dehors, on la trouye dans le canal commun des véscules séminales.

EXPLICATION DES FIGURES.

TABLE I.

La premiere Figure représente au naturel

une Carpe uvée.

La feconde Figure représente trois écailles dans leur grandeur naturelle, d'une Carpe de

ETABLY. Fig. 1. E. Figu 4. . N 7

La premiere écaille marquée A, B, E, C, taisse voir sa partie brune & radiée BEC, cest cette partie qui paroit au dehors. D, est la partie polie & transparente de la même écaille, qui est recouverte supérieurement & latéralement par trois autres écailles, compae on le voit dans la Fig. 3.

Les rayons de la partie brune de l'écaille sendent au point D, comme à un centre.

Il y a aussi des rayons sur la partie supérieure ABC de cette écaille, qui tendent au point D, comme à un centre; on ne les voit qu'obscurément.

F, G, est une des écailles percées, vue en dessus, pour faire voir où commence le canal: on y a représenté une épingle dedans, pour le rendre plus sensible.

H, I, est la même écaile, vue en desfous, pour faire voir où finit ce canal, afin qu'en comparant ces deux écailles, on puisse connoitre la longueur du canal dans chaque écaille.

La troisieme Figure représente des écailles d'une Carpe de 16 à 17 pouces, dans leur situation & grandeur naturelle. On en a représenté une en blanc, asin de faire voir de quelle manière elle est recouverte par les autres.

TABLE IL

dont on a coupé des côtés du bes ventée,

pour faire voir la situation des parties qui se présentent d'abord à la vue.

AA, la tête.

C, le cœur.

D, l'aorte tournée de manière à faire voir sa dilatation au fortir du cour.

E E E, représentent les intestins engagés dans la substance du foye, FFFF.

G, l'anus, qui comprend trois ouvertures; la premiere ou supérieure, est celle du rectum; la seconde, celle des ovaires dans les femelles, ou des laites dans les mâles; la troisieme, est celle de la vessie urinaire.

HH, les ovaires.

KK, la queue.

LL, font les nageoires supérieures.

00, représentent la coupe du diaphrage,

La féconde Figure repréfente les intestins débarassés du foye.

AA, l'estomac.

B, la vésicule du fiel.

C, le rate, dans sa Atuation naturelle.

1, 1, le premier intestin.
2, 2, le second intestin.

3, 3, le troisieme intestin, on n'y a pas

4, 4, le quatrieme intestin.
5, le cinquieme intestin.

signi, 6, le fixieme intestin ou rectum.

La troisieme Figure représente l'estomac, de la résicule du siel.

AA, l'estomac.

B, la vésicule du fiel.

C, le canal cholidoque.

D, un canal hépatique.

E, le canal cyftique.

TABLE III.

La premiere Figure représente les entrailles & le foye, tirés de l'abdomen, & vus du côté gauche; & la seconde, les mêmes entrailles, vues du côté droit.

AA, &c. le foye qui lie & embrasse les

intestins.

B, une portion du foye qui passe pardessus l'extrémité du second intestin, & le cache.

GC, deux portions de la rate qui paroisfent enchassées dans le foye.

D, l'orifice de l'estomac.

E, l'extrémité de l'estomac du côté de l'anus.

1, le premier intestin.

2, le second.

3,3,3, le troisieme.

3, 3, 4; circuit formé par le troisieme & le quatrieme intestin.

4, 4, le quatrieme.
5, le cinquieme:

6, 6, le sixieme, qui est le rectum.

La seconde Figure.

AA, &c. le foye.

B, la vésicule du fiel enchassée dans la substance du foye.

C.C., &c.les circonvolutions des intestins

D, l'orifice de l'estomac.

L, l'extrémité inférieure de l'estomac. F, l'anus.

r, lanus.

TABLE IV.

La premiere Figure représente la vessie aërienne en situation, son canal, une portion de reins, &c.

AA, les deux vésicules aëriennes.

B, le canal de la vésicule inférieure, qui va percer le diaphragme audessous de la gorge, pour entrer dans la poitrine, & s'ouvrir au fond de la gorge.

CC, deux portions confiderables de reins, qui garnissent l'entre-deux

des vésicules.

D, une portion de l'estomac renversée en haut, pour laisser voir l'extrémité du canal de la vésicule aërienne, qui passe par-dessous.

E, le diaphragme percé de trois trous pour le passage d'autant de veines, qui vont se jetter dans le sac qui décharge le sang de l'oreillette.

FF, les ureteres:

G, la vessie urinaire.

La feconde Figure représente les deux véficules aëriennes, vues du côté droit, le canal de communication, &c.

FF, les vésicules supérieure & infé-

rieure.

H, le canal de la vésicule inférieure qui va s'ouvrir au fond de la gorge.

I, sa dilatation à sa naissance K, où l'on voit quelques tortuosités.

L, une portion du fond de la gorge.

M, marque la groffeur du canal H, à lon extrémité supérieure où il est tortueux.

0, le canal de communication entre

les deux vésicules.

La troisieme Figure représente les deux vésicules avec leurs fibres charaues, dévelopées par la macération.

AA, la vésicule supérieure.

B, la vésicule inférieure.

CC, un plan confiderable de fibres charnues transversales, qui couvre la plus grande partie de la face antérieure de la vésicule supérieure A A: il n'y en a point à la face postérieure.

D, le canal de la vésicule inférieure.

E, for origine, où il est fort gros, charnu & tortueux.

E, la groffeur qu'on y remarque à fonextrémité supérieure, où il est charnu.

G, l'ouverture de ce canal au fond de la gorge.

H, le fond de la gorge ouvert.

II, deux plans de fibres charnues très étroits, qui couvrent de part & d'autre les côtés de la véficule inférieure B: ces fibres font transversales.

E.L., des fibres charnues qui sont radiées autour de la base de la vésicule

fu-

fupérieure, & de son insertion avec l'inférieure; ces fibres se eroisent avec les transversales inférieures GC.

TABLE V.

La premiere Figure représente la poitrine & le bas-ventre d'une Carpe, dont on a enlevé les vésicules aëriennes, pour faire voir les reins en situation.

AA, le tronc de la Carpe, la tête & la queue coupées.

BB, &c. le bas-ventre.

CCC, l'étendue de la poirrine, où l'on voit le cœur & l'aorte, tels qu'ils sont représentés dans la premiere Figure de la II. Table; le cœur paroît dans cette Figure, Table V. repoussé en haut, pour laisser voir la partie postérieure des dents mobiles, que le cœur couvre dans l'état naturel; elles ne paroissent ici qu'au travers d'une substance charnue qui les recouvre, & qui en dérobe la véritable figure; elles seront décrites dans le second Mémoire.

p.D. deux portions considerables de reins qui occupent une grande partie de la poitrine, & qui se réunissant passent au-dessous de l'os mitral E, par une ouverture assez large qui est à cet os, telle qu'on la voit en H, Fig. 5 & 6.

EFF,

FFF, la continuité des reins dans presque toute la longueur du basventre.

GG, les deux portions les plus confiderables des reins qui s'enchassent dans l'entre-deux des vésicules aëriennes, comme on le voit dans la premiere Figure de la IV. Table, CC.

HHH, les ureteres de part & d'autre.

I, un gros vaisseau sanguin qui passe avec les reins sous l'os mitral, & qui divise les reins en deux jusques vers leur milieu, où il passe par-dessous, & disparost.

K. la vessie urinaire.

La feconde Figure représente un rein décharné, pour faire voir l'uretere dans toute la longueur du rein, & les vaisseaux excré-

toires qui v déchargent l'urine.

La troisseme Figure représente les deux portions du rein DD, qui sont dans la poitrine, écartées pour en faire voir la grosfeur, & leur continuation par-dessous l'os mitral E.

La quatrieme Figure représente la vessie ouverte, pour faire voir l'insertion des ure-

teres.

La cinquieme Figure représente l'os mitral, vu par sa face du côté du bas-ventre; il tient à la troisieme vertebre, dont il n'est qu'une apophyse; e'est à cette apophyse que s'attache la vésicule aërienne supérieure.

AA, deux cornes ou apophyscs appartenant à la même vertebre; c'est à ces cornes que s'attache le diaphragme, & ce font elles qui terminent la poitrine, & la féparent du bas-ventre.

B, l'apophyse épineuse de la même vertebre.

CC, l'os mitral,

La fixieme Figure représente la même vertebre vue par la face du côté de la poitrine, & surtout l'os mitral qui est un peu concave de ce côté-là.

TABLE VI.

La premiere Figure représente le fond de la gorge avec les dents immobiles, pour faire voir l'endroit de l'insertion du canal de la vésicule aërienne.

A, une portion de l'estomac, vu par

fa partie postérieure.

BCBD, le fond de la gorge.

C, l'infertion du canal de la petite véficule aërienne.

D, les dents immobiles de la Carpe.

E, une très petite portion des oules. La feconde Eigure représente le testicule gauche d'une Carpe laitée, vu en dessus.

AA, la laite.

B, une finuolité affez profonde, dans laquelle est enchassé le dernier intestin ou rectum.

C, le canal déférent de la laite du

côté droit.

D, une portion de la laite du côté droit.

310 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

E, la véficule féminale du côté gauche. F, la véficule féminale du côté droit.

I, l'ouverturé commune des deux véficules féminales.

K, la réunion des deux vésicules, qui forme quelquefois une maniere de bourse ou reservoir.

La trossieme Figure représente une partie de la laite du côté droit, une par-dessous.

AA, une portion de la laite du côté droit.

B, en est le canal déférent.

C, le canal déférent de la laite du côté gauche.

D, la vésicule séminale du côté droit.

 E, la véficule féminale du côté gauche.
 F, l'ouverture commune des deux véficules féminales.

METHODE PRATIQUE

De stater sur Terre un Parallele par un degré de latitude donné;

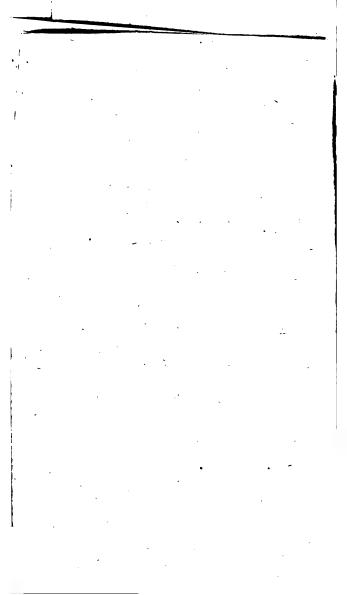
Es du rapport du même Parallele dans le Sphévoide oblong, & dans le Sphéroïde applant.

Par M. Godin.

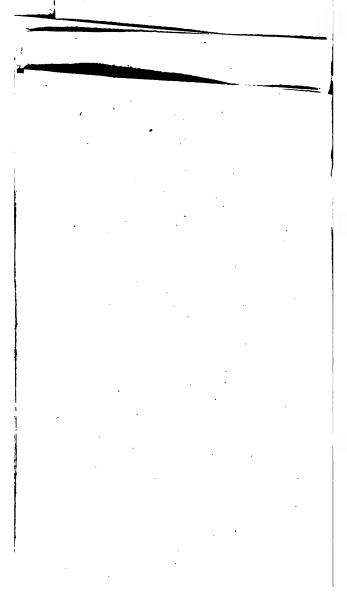
N Parallèle à l'Equateur terrestre est un Cercle qui passe par tous les points de la surface de la Terre qui ont une latitude la mê-

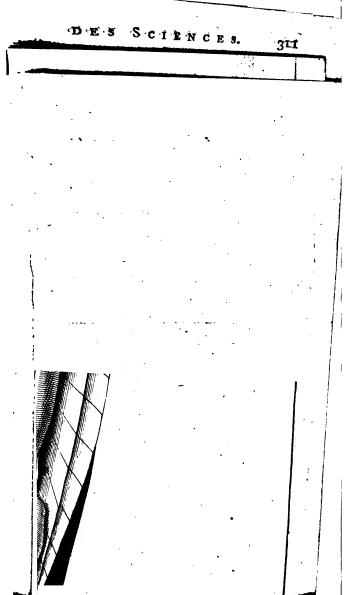
* 20 febr 27350

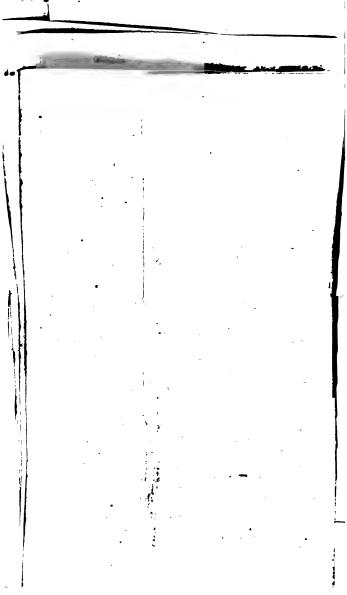


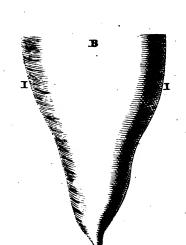


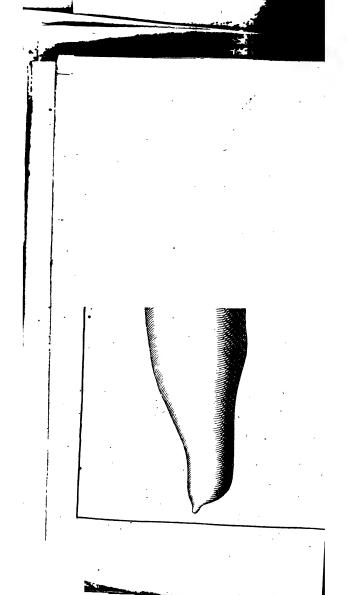
DES SCIENCES.







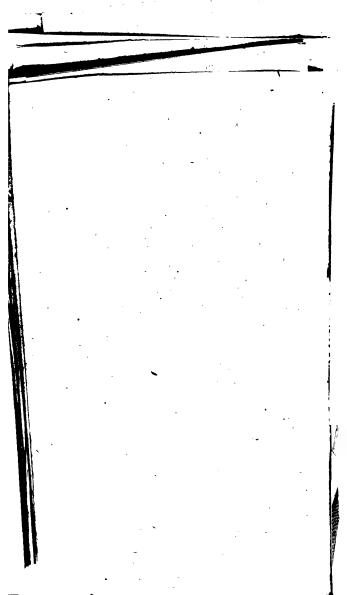




DES SCIENCES.

SE

meme & de même denomination. Il est plus



DES SCIENCES.

311

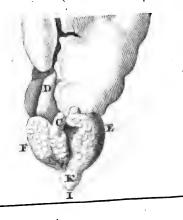
même & de même dénomination. Il est plus difficile de tracer un Para le qu'un Méri-

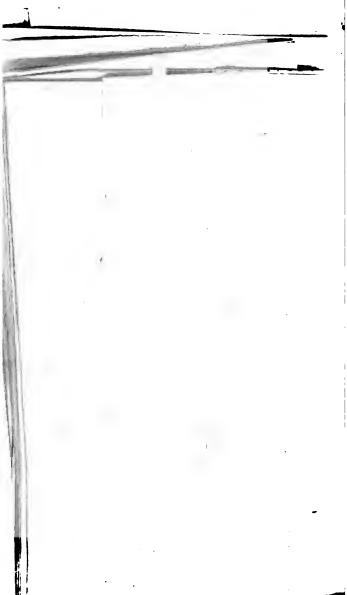




DES SCIENCES.

ême & de même dénomination. Il est plus est de tracer un Paral le qu'un Méri-





même & de même dénomination. Il est plus difficile de tracer un Parallele qu'un Méridien; celui-ci étant un grand cercle, sa projection sur la surface de la Terre, qui est le Méridien terrestre, est toujours dans un même plan vertical, & par conséquent dans un même rayon visuel prolongé Nord & Sud. Un Parallele, au contraire, étant un petit cercle, tous ses points sont dans des verticaux differens; & de tous les paralleles, il n'y a que l'Equateur qui étant un grand cercle, est vu en ligne droite, & toujours dans le même plan vertical, ce qui est une propriété des grands cercles seulement.

Pour tracer effectivement sur terre un Parallele, je ne vois pas de méthode plus sure, que de le tracer par points, & entatonnant; & je ne crois pas qu'on puisse le faire plus exactement, & avec moins d'embarras, qu'en observant de distance en distance, des latitudes égales, puisque le Parallele doit passer par tous les points d'une égale latitude, par rapport au même pole: mais parce que l'on pourroit croire, & que je crois en effet, que la latitude d'un lieu terrestre n'est pas sa aisée à bien observer qu'elle le parost d'abord, je pense que cela mérite quelque discussion. Pour observer la latitude d'un lieu, on

Pour observer la latitude d'un lieu, on prend la hauteur méridienne du Soleil, ou d'une Étoile fixe, & corrigeant cette hauteur par la réfraction, on applique à la hauteur corrigée, la déclinaison de l'Astre, d'ou l'on tire la hauteur de l'Equateur, & la latitude du lieu qui en est le complément; mais it est évident que cette opération est sujette

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYATE

) beaucoup de doutes: il faut que l'instrument avec lequel on observe soit exact, ou qu'on en connoisse l'erreur: cependant on se contente de chercher par le renversement, de combien l'instrument hausse ou baisse en général, c'est-à-dire en supposant la division du limbe absolument exacte; ce qu'il n'est pas

raisonnable d'espérer. 2º. On suppose qu'une Table des réfractions, construite pour un certainlieu, est générale, ou du moins convient à une grande étendue de pays; ce qui est faux, & cela peut aller à des differences assez grandes. 30. La déclination de ces Astres n'est pas

encore affez furement connue pour pouvoir s'y fier; pour s'en convaincre, il n'y a qu'à consulter les Tables des déclinations des Eroiles fixes que nous ont données les Astronomes modernes les plus exacts, Mrs. de la Hire, Maraldi & Flamsted, on y trouvera des différences de 30, 40, 50, & 60 secondes, même dans les plus belles Etoiles: mais c'est ce que j'examine plus au long dans un Mémoire que j'ai fait à dessein de rendre compte à l'Académic, d'une Description du Zodiaque à laquelle je travaille depuis près de deux ans. · Il y a donc, par toutes ces confiderations...

de quoi se tromper dans la latitude d'un lieu.

& si les erreurs ne se compensent pas l'une l'autre, leur somme pourra donner une latitude de beaucoup trop grande, ou trop petite, comme il est, sans doute, arrivé fort fouvent dans les latitudes des Villes que nous connoissons.

Si l'on se sert des Observations du Soleil. lès mêmes causes influent, parce que sa déclinaison n'est gueres mieux connue, & qu'elle est fondée sur l'obliquité de l'Ecliptique, supposée fixe, quoiqu'apparemment elle ne le soit pas, & qu'elle soit même moindre ou'on ne l'a cru jusqu'à présent.

Aioutons encore qu'il faut prendre les Astres à leur passage par le Méridien, & par conséquent que l'instrument dont on se sert y foit dirigé; ce qui n'est pas sans difficulté.

Ce sont ces raisons qui me persuadent qu'il est plus aisé de s'assurer de la difference en longitude d'un lieu à un autre sur terre; que de la latitude de chacun de ces lieux. Les Eclipses de Lune, celles des Satellites de Jupiter, celles enfin des Etoiles fixes par les Planetes supérieures, sont des signaux précis. & instantanés pour tous ceux qui les apperçoivent; il ne faut que des Lunettes semblables. ou dont on ait une fois déterminé la difference, qui ne varie point, & une Pendule bien règlée, ce qu'il est possible d'avoir, outre quelques méthodes particulieres qui peuvent devenir fort exactes, & qui ferviroient très bien dans les petites distances.

Mais il n'en est pas de même, lorsqu'il ne s'agit que de tracer un Parallele, ou de décrire sur terre la courbe dont tous les points sont à une même latitude: ici toutes les difficultés, toutes les fources d'erreurs s'évanouissent; pour éviter les réfractions, il suffit de prendre une Etoile qui passe par le Zénith, ou qui n'en passe pas loin. - Parla on évite encore l'erreur de la division de l'in.

Mém. 1733.

314 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

l'instrument, & c'est à quoi il faut faire attention, car si l'on choisit une Etoile qui soit peu éloignée du Zénith en l'observant un jour par un Quart-de cercle tourné à l'Orient, & le lendemain par le même Quart-de-cercle tourné à l'Occident, on aura en même tems ce que l'on appelle dans la pratique de l'Astronomie, la vérissication de l'instrument au Zénith qui déterminera sa hauteur précise, & d'autant plus précise, que l'erreur', s'il y en a, sera plus sensible, parce qu'elle sera doublée.

De plus il n'est pas ici question de la déclinaison de l'Etoile; si je parts de Paris après m'être assuré par diverses observations faites avec le même instrument, que la Chevrequi est une Etoile qui se voit à toutes les heures du jour, & que l'on observe au Méridien dans le coms même que le Soleil y passe, est à Paris à 87° de hauteur sur l'horizon, il suffit qu'à toutes les stations que je ferai pour prouver un point du Parallele, le même instrument me donne la même hauteur: si la Lunette se dérange dans le transport, l'observation me fera connoitre la quantité dece dérangement, ainsi je n'ai à craindre ni réfractions, ni déclination, ni erreur de l'infirument; il n'y a sout au plus que le mouvement de l'Etoile en déclination pendant l'intervalle des observations qui pourre chaoger sa hauteur; & c'ast une chose qu'il est aisé de connoitre jusqu'à une précision plus grande que l'instrument même ne la peut don-

Mais comme je présends parler ici d'une

Méthode praticable en toute rigueur, je réponds d'avance à une objection qu'on me fera, tirée de l'incertitude de l'estime sur la division du limbe d'un Quart de cercle: il est aisé en effet d'y satisfaire, & cela en deux manieres. 10. En se servant d'un Quart-decercle, à la Lunette duquel on aura adapté un Micrometre, machine excellente en Astronomie, & dont on s'est servi trop tard ou trop peu. Si donc on joint le Micrometre au Quart-de-cercle, on fera battre le filet sur un point précis de la division du limbe qui donnera des minutes entieres, & les secondes, s'il y en a, seront prises avec le Mi-crometre; mais si l'on n'a pas la commodité d'ajuster un Micrometre au Quart-de cercle, le Réticule à angles de 45 degrés fera le méme office. C'est une méthode exacte, & en même tems si simple, que je m'étonne de ne l'avoir vu indiquée nulle part: si ce n'est qu'on a jusqu'à présent presque entierement négligé d'instruire les autres des méthodes d'observer, qu'on s'est contenté de donner pour la théorie grand nombre de Méthodes géométriques fort ingénieuses, & la plupart de fort peu d'ulage, & qu'on a négligé ce qui peut essentiellement profiter à l'Astronomie, je veux dire sa pratique, qui seule est capable d'en occasionner le progrès, portée au point où elle est aujourd'hui.

Cette Méthode confiste en ceci: on arrête le filet à plomb du Quart-de-cercle sur un point précis de la division comme pour l'usage du Micrometre, & si l'Astre que l'on observe passe au dessus ou au dessous du si-

316 Memoires de l'Academie Royale

let horizontal de la Lunette, on observe l'abord de l'Astre aux filets obliques inclinés à l'horizontal & au vertical de 45 degrés. Le passage au vertical étant aussi observé, on a cette proportion,

Le finus total

est au cosinus de la déclinaison de l'Astre, comme la difference entre les passages de l'Astre à un oblique & au vertical, réduite en parties du Parallele,

est à cette même difference en parties de l'Equateur.

Et cette difference réduite en parties de l'Equateur ou de grand Cercle, est précisément égale à la difference de hauteur entre le sil horizontal ou la ligne de foi de la Lunette & le point de hauteur auquel a passe l'Astre, c'est-à-dire, qu'elle est égale à la difference de déclinaison entre l'Astre & la ligne de foi de la Lunette: ajoutant donc ou soustrayant cette difference de degré de hauteur marqué sur le limbe, on a les degrés, minutes & secondes de la hauteur de l'Astre indépendamment de l'estime & de l'incertitude des transversales.

Cette Méthode est même susceptible d'une plus grande précision, en plaçant dans le Réticule un filet incliné sous un angle moindre que 45 degrés; mais j'aurai occasion d'en parter ailleurs.

Voilà, si je ne me trompe, la meilleure maniere de tracer sur terre un Parallele pour un lieu proposé.

Si l'on demande sa grandeur actuelle, ou combien un arc pris sur sa circonférence contient

Si la Terre n'est pas sphérique, mais un Sphéroïde quelconque, soit oblong, soit ap-plati, l'opération deviendra un peu differente; dans ce cas, les Paralleles seront tou-jours des Cercles, mais à des latitudes éga-les ils n'auront plus le même rapport entre eux que dans la Sphere; d'où il suit qu'il faudra nécessairement tracer & mesurer le Parallele même, & le comparer avec la difference de longitude prise par observation immédiate, & dans ce cas la trace & la melin-re de la perpendiculaire OT dévient inutile, d'autant plus que le triangle OTP sera for-mé par des courbes incomnues & non sujet-tes apparemment à un calcul trigonométrique.

Pour ce qui regarde l'utilité qu'on peut tirer de la mesure du Parallele, dans la ques-tion de la Figure de la Terre, j'ai eu la curiolité de voir combien chaque degré du Parallele de Paris vandroit de toiles dans les deux differentes hypotheses que l'on a formées sur ce sujet: j'ai cherche d'abord la valeur de ce degré dans l'hypothese de la sphéricité de la Terre, en supposant le diametro de l'Equateur de 6538594 toises, qui est la grandeur résultante des opérations faires par l'Académie, dans la mesure de la Terre, & de la supposition des degrés, chacun de 57062 de la supposition des degrés de la supposition des degrés, chacun de 57062 de la supposition des degrés de la supposition des des la supposition des degrés de la supposition des des la supposi

toises; je l'ai trouvé de 37550 111.

J'ai supposé ensuite le diametre de l'Equateur de 6510796 toises, qui est la grandeur que lui assigne M. Cassini, en vertu de la supp position que la Terre est un Sphéroïde allon-gé par les poles, & supposant la Terre sphé-ÒА rique 920 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

rique avec un tel Equateur, je trouve le degré du Parallele de Paris de 37389 toises.

> 37560 17 I

La difference pour ces deux suppositions est de 171 toiles pour 1 degré, ou 1710 toiles pour 10 degrés.

Dans le Sphéroide oblong, tel que M. Cassini le déduit de ses observations, le diametre de l'Equateur étant de 65 10796 toises, le

degré du Parallele se trouve de 37177 toises.

Dans le Sphéroïde applati, en conservant précisément le même Equateur de 65 10796 toises, & faisant l'axe de la Terre à ce nombre-là, comme 229 à 230, qui est le rapport donné par M. Newton, le degré du Paralle-le est 37498 ; toises. La différence d'avec celui du Sphéroïde oblong cst de 321 1 toises.

M. Poleni a calculé la même difference du degré du Sphéroide applati, à celui du Sphéroide oblong, & il la trouve de 777 toises, rapportées dans les Mémoires de Trevoux d'Octobre 1726. Je ne favois pas d'abord sur quel principe il avoit fait ce calcul, cependant j'avois peine à croire que cette difference montat si haut, outre qu'ayant refait le mien fur les principes énoncés, j'ai toujours retrouvé, à quelques toises près, la même quantité, suivant que j'ai eu plus ou moins d'attention aux fractions.

· Je remarquois même, à cette occasion, que le degré du Parallele se trouve de 37389 toises dans la Terre sphérique, dont l'Equateur est le même que celui que l'on donne au

Sphé-

tient de toises, cela ne se peut trouver directement, mais seulement en prenant la longueur des lignes droites terminées par des piquets que l'on auroit plantés de distance en distance sur des points du Parallele, & dans les endroits où l'on auroit observé la même latitude. Si l'on place, par exemple, des piquets de demi-lieue environ en demi-lieue. ou même de lieue en lieue, chaque ligne terminée par deux de ces piquets partagera la circonférence du Parallele de 2 en 2 minutes. ou de 4 en 4, & l'on trouvera à la latitude de 48° 50' que tant l'arc de 2 minutes que sa soutendante sont égaux à 1251 toises à très peu près, en supposant la Terre sphérique. & la lieue commune de 25 au degré de 2282 toises, sans que la difference entre l'arc d'un degré & la somme des soutendantes de toutes les 2 minutes qui y sont comprises monte peut être à 10 toiles ou à 100 toiles au bout de 10 degrés, qui est à peu près l'étendue de la portion du Parallele de Paris qui passe. fur la France, c'est-à-dire, sur une grandeur de plus de 375390 toises dans lesquelles il est impossible de répondre de 100 toises, ces 375390 toises ne pouvant être mesurées à moins de 150 triangles, en prenant des soutendantes de lieue en lieue. Le calcul toujours fondé sur les suppositions que j'ai dites, me donne 25 toiles de difference pour 10 degrés entre la longueur du Parallele & la somme de ses soutendantes de 2 en 2 minutes.

Si au-lieu de tracer le Parallele, on trace une Perpendiculaire à la Tangente du Méri-,

dien au point d'où l'on part, cette Perpendiculaire, qui est dans le plan du premier vertical, sera aussi un grand cercle dans la supposition que la Terre est sphérique. Que l'on ait, par exemple, avancé de Paris vers l'Orient sur cette ligne à 100 lieues environ, & que la grandeur trouvée par le moyen de divers triangles soit de 228244 toises égales à 4 degrés de grand cercle, en prenant 57061

toises pour chaque degré. Dans le triangle sphérique POT où P est le pole, O le lieu d'où l'on part, OT une portion du premier vertical, ou la perpendiculaire menée à l'aide des triangles, & OR une portion du Parallele du lieu,

on connoit PO complément de la latitude du lieu à Paris de 41° 10, 07 l'arc du premier vertical mefuré de 4°, & l'angle en 0' qui est droit, on trouvers l'angle TPO de 6 3 50", qui est la difference en longitude entre les lieux 0 & T; & convertifiant cette quantité en parties du Parallele & en toiles, on trouvera pour l'arc OR 227632 toiles moindies de 612 toises que la perpendiculaire tracee. Enfin ou trouvera l'arc TP de o 34" 40", qui valent à très peu près 5993 toiles, ou rondement 6000, ou environ 3 lienes des environs de Paris pour la quantité dont la perpendiculaire s'écarre du Parallele à la distance de 4 degrés mesurés sur cette Perpendiculaire, ou de 6° 7 50° de differences en longicude.

Si

Sphéroïde oblong, & que l'on suppose au Sphéroïde applati. Ce degré ne doit pas différer-beaucoup de celui du Sphéroïde applati de M. Newton, dont le grand axe ne surpasse le petit que d'un 230°, aussi ne trouvaije cette difference que de 100 toises. Il doit au contraire différer davantage du degré du Sphéroïde oblong, dont le grand axe surpasse le petit d'une 95°, partie, & je trouve cette difference de 212 toises, un peu moins

que double de l'autre.

Or, j'ai calculé la grandeur du degré du Parallele dans la Terre sphérique pour 48° de latitude, qui est le cas de M. Poleni, & je l'ai trouvé de 38180 118. Pour 48° 50' il est de 37559 111, la difference est 621 toises en négligeant la fraction; mais on trouve outre cela 171 toises de difference pour les deux grandeurs de l'Equateur, dans la Terre sphérique; il suit donc, que si M. Poleni avoit calculé la grandeur du degré du Parallele de 48° dans l'hypothese de la Terre sphérique, & donné à l'Equateur le même diametre que j'ai cru d'abord qu'il lui avoit donné dans les deux Sphéroides, il l'auroit trouvée de 38009 ou 38010 toises; sa difference à celui du Sphéroïde oblong, qu'il donne de 37769 toises, est 241 toises, & sa difference à celui du Sphéroïde applati est 536 toises plus que double de la premiere, au-lieu qu'elle n'en devroit être qu'environ la moitié.

Mais M. Poleni n'a pas pris le même Equateur dans les deux Sphéroïdes, comme je l'avois cru: il dit dans le Recueil de ses Lettres, qu'il s'est servi des mesures dennées

322 Memoires de l'Academie Royale

par M. Cassini pour le Sphérorde oblong, & de celles que M. 'sGravesande a données au Sphéroïde applati, dans ses Elémens de Physique *. La raison de M. Poleni est, que l'un & l'autre de ces Sphéroïdes donnent le Méridien à peu près de la même grandeur, & qu'on n'est point, dit-il, en dispute sur la grandeur du Méridien, de l'égalité duquel on s'accorde dans les deux hypotheses. Dans ce cas le diametre de l'Equateur est de 7061341 toises 2 pieds de Paris, plus grand que le diametre de l'Equateur du Sphéroïde oblong de M. Cassini de 550545, & diminuant ce nombre de sa 230e, partie, il vient pour l'axe de la Terre 7030030 !. On ne doit donc plus s'étonner de la difference entre mon calcul & celui de M. Poleni; il reste à savoir si le Sphérosde applati, tel que M. 's Grave-sande le détermine, est celui qu'il faut employer dans cette recherche. J'ai cru qu'il valoit mieux prendre le Sphéroide applati, tel que M. Newton le déduit des observations du Pendule; le diametre de son Equateur par le calcul de M. Newton lui-même, est de 6552866 ; toises, & l'axe de révolution, ou la distance des Poles, est de 6524371 toises: ces nombres sont à peu près dans le rapport de 230 à 229. De ces mesures je tire la grandeur du degré du Parallele pour 48° 50 de 37724 11 toiles. La différence à celui du Sphéroide oblong de M. Cassini est de 548 toises pour chaque degré.

Ces deux Sphéroïdes ont un Parallele com-

^{*} Lib. 4. cap. 17. nam. 1367.

mun du côté de chaque Pole; depuis l'Equateur jusqu'à ce point, les Paralleles sont plus grands dans l'applati, & au contraire depuis ce point jusqu'au Pole ils sont plus grands dans l'oblong.

Pour trouver la grandeur du Parallele commun aux deux Sphérordes, foit... CP a

C P A
C F b
C A x
D A y
C E c
C R d

Par la propriété de l'ellipse

D'où l'on tire
$$\frac{bb}{aa} \times \overline{aa - xx} = \frac{ee}{dd} \times dd - xx$$
,

& réduisant à même dénomination, & multipliant, on aura aabbdd—bbddxx=aaccdd—aaccxx, c'est-à-dire, parce que c est plus grand que d, aaccxx—bbddxx=aaccdd

-aabbdd, ou bien
$$x = ad \frac{V \circ c - bb}{V \circ acc - bbdd}$$

On trouvera de même la valeur d'y, d'ou en remontant par la même méthode qui a fervi aux calculs ci-dessus, on trouvera quel est le degré de latitude dans chaque Sphérorde, auquel convient la grandeur trouvée du Parallele.

